



Evrika!



Recomandată de Comisia Națională de Fizică a Ministerului Educației Naționale

Sub egida Academiei Oamenilor de Știință din România

Recomandată de Asociația Profesorilor de Fizică din Învățământul Preuniversitar din România

Recunoscută de Societatea Română de Fizică



Redacția Revistei
Evrika!

Fondator profesor Emilian MICU

81057 Brăila, OP3; CP 309

Tel. 0722273651

www.evrika-braila.ro

revistaevrikabraila@gmail.com

AN XXVIII

Nr. 10 (326)

OCTOMBRIE 2017

Doi saci

H. Norman Wright

„Au fost odată ca niciodată trei oameni. Fiecare dintre ei purta câte doi saci, unul legat de gât în față și celălalt atârnat de spate.

Atunci când primul om a fost întrebat ce căra în sacii săi, el a spus, „În sacul din spate sunt toate lucrurile frumoase făcute de prietenii mei și familia mea. În acest fel, ele îmi sunt ascunse vederii. În sacul din față se află toate lucrurile rele care mi s-au întâmplat; din când în când, îl deschid, scot lucrurile rele afară, mă uit și mă gândesc la ele.”

Pentru că se oprea atât de des asupra lucrurilor rele, nu a reușit să facă nici un progres important în viață.

Apoi, cel de-al doilea om a fost întrebat despre ce ducea în sacii săi. El a răspuns, „În sacul din față sunt toate lucrurile bune pe care le-am făcut. Îmi place să le revăd, așa că adeseori le scot afară pentru a le arăta oamenilor. În sacul din spate păstrez toate greșelile mele, pe care le car tot timpul cu mine. Desigur că sunt grele. Ele îmi încetinesc înaintarea dar, din nu știu ce motiv, nu le pot lăsa jos.”

Al treilea om a explicat și el ce avea în sacii săi. „Sacul din față este nemaipomenit. Acolo îmi țin gândurile pozitive despre oameni, toate binecuvântările de care m-am bucurat, toate lucrurile bune făcute de alții pentru mine. Greutatea lor nu este nici o problemă. Acest sac este precum pânzele unei corăbii. Nu încetează să mă împingă înainte.

Sacul din spatele meu este gol. Nu este nimic în el. Am tăiat la capătul său o gaură mare. În acest sac pun toate lucrurile rele la care gândesc despre mine sau aud despre alții. În cele din urmă, ele îmi cad din sac, așa că nu sunt nevoit să car nici un fel de greutate în plus.”

Redactor-șef: prof. Emilian Micu

Redactor-șef adjunct: prof. Romulus Sfichi

Tehnoredactare: prof. Florinela Micu

Colegiul de redacție

Prof. Florin Anton, Iași; Prof. Liviu Arici, Brăila; Prof. Onuț Valeriu Atanasiu, Galați; Prof. Ion Băraru, Constanța; Prof. Dr. Viorica Chioran, Baia Mare, Prof. Dan Chirilă, Brașov, Conf. Univ. Dr. Vitalie Chistol, Chișinău, Prof. Marius Chișu, Sibiu; Prof. Vasile Ciuchină, Galați, Prof. Valentin Cucer, Oradea; Prof. George Enescu, California; Prof. Sever Iosif Georgescu, București; Prof. Univ. Dr. Eugen Gheorghică, Chișinău; Prof. Adriana Ghiță, București; Fiz. Dr. Sandu Golcea, Timișoara; Prof. Dorel Haralamb, Piatra Neamț; Prof. Ion Holban, Chișinău; Prof. Univ. Dr. Dan Iordache, București; Conf. Univ. Dr. Iulia Malcoci, Chișinău; Prof. Nicolae Mergea, Tg. Jiu; Prof. Viorel Mihăilă, Brăila; Prof. Ovidiu Nițescu, Telești-Dâmbovița; Conf. Univ. Dr. Mihail Popa, Bălți; Prof. Victor Păunescu, București; Prof. Andrei Petrescu, București; Prof. Octavian Polexa, Brașov; Prof. Valentin Popescu, București; Prof. Constantin Rusu, Suceava; Prof. Romulus Sfichi, Suceava; Prof. Mirela Ștefan, Găești; Prof. Seryl Talpalaru, Iași; Prof. Ion Toma, București; Prof. Sorin Trocaru, București; Prof. Univ. Dr. Cosma Tudose, Galați; Conf. Univ. Dr. Gheorghe Țurcan, Chișinău; Prof. Univ. Dr. Florea Uliu, Craiova.

Adresa redacției:

OP 3, C.P. 309, cod 810570, Brăila
 revistaevrikabraila@gmail.com
 www.evrika-braila.ro
 www.facebook.com/revistaevrikabraila/
 tel: 0339809874;
 0722273851, 0744475498

ISSN 1220-4935

© Toate drepturile de tipărire și multiplicare sunt rezervate Editurii „EVRIKA!”, Brăila

Tipar: S.C. OFFSET GRAFIC SERV. S.R.L., Brăila
 Tel/Fax: 0239.618.206

Editorial

Fizica computațională - al treilea pilon al Fizicii moderne

Prof. Romulus Sfichi, Suceava

Aparută odată cu dezvoltarea tehnicilor moderne de calcul, Fizica computațională se ocupă cu rezolvarea prin mijloace numerice a modelelor matematice folosite în studiul sistemelor fizice <<reale>>.

Evoluția acestui domeniu a dus la schimbarea substanțială, în ultimele decenii, a „opticii” în rândul comunității fizicienilor. Un specialist în Fizica computațională trebuie să aibă, prin natura profesiei, temeinice cunoștințe de matematică aplicată, programare serială și paralelă, noțiuni avansate de structura calculatoarelor și, mai ales, o foarte bună înțelegere a proprietăților (calitative și cantitative) ale sistemelor fizice pe care le investighează.

O tratare detaliată asupra tipurilor de abordări computaționale și deci a domeniului de care se ocupă Fizica computațională ar depăși cu mult obiectivele acestui editorial și ca urmare vom reține doar două tipuri principale de probleme: probleme care se pretează la abordări numerice secvențiale (implementări numerice), și probleme care pot fi rezolvate numeric, folosind metodele calculului paralel.

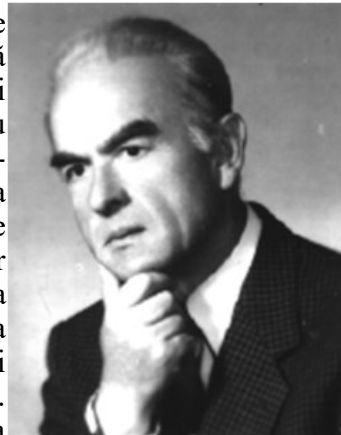
Trecerea de la metodele numerice secvențiale la cele paralele a fost înlesnită de apariția procesoarelor cu mai multe nuclee de calcul și de folosirea pe scară largă a plăcilor grafice pentru calcule științifice.

* * *

Fizica computațională și dezvoltarea acesteia, sub ochii noștri, reprezintă un domeniu pasionant. Matematicienii au fost cei dintâi care au observat că o parte din problemele la care lucrau nu puteau fi rezolvate cu exactitate prin metode analitice și au dezvoltat metode numerice pentru a obține, prin calcule laborioase soluții, totuși aproximative dar mai aproape de realitate. Acesta este motivul pentru care o bună parte din metodele folosite în mod curent în Fizica computațională poartă numele unor celebri oameni de știință ca Newton, Euler, Gauss, Jacobi ș.a., chiar dacă metodele actuale păstrează foarte puțin din forma inițială. Cu excepția unor rezultate izolate, majoritatea metodelor numerice dezvoltate înaintea celui de al doilea război mondial se reduceau la o serie lungă de calcule numerice efectuate pe hârtie.

Datorită muncii de pionerat a lui Alan Mathison Turing (1912-1954) și John von Neumann (1903-1957) precursorii calculatoarelor moderne au început a fi folosite pe scară largă pentru implementarea algoritmilor numerici.

Un moment de referință îl reprezintă înființarea Centrului European pentru Cercetări Nucleare - CERN în 1954 care s-a impus în următoarele decenii ca lider mondial în Fizica energiilor înalte și ca generator de soluții inovative (ITC).



România este inclusă ca membru al CERN aducându-și aportul prin personalul său de cercetare de înaltă calificare inclusiv în domeniul Fizicii computaționale care include și prelucrarea datelor experimentale, stocarea de date etc.

Într-adevăr, astăzi se poate vorbi de trei piloni care formează fundamentul investigațiilor în Fizica modernă: experiment, cercetare teoretică și investigațiile numerice. În semn de recunoaștere a importanței crescânde a Fizicii computaționale, calculele numerice au început a fi numite experimente *in silica* (în siliciu) spre deosebire de cele *in vivo* respectiv cele *in vitro*.

* * *

Pentru învățământul preuniversitar al Fizicii de bază rămâne experimentul respectiv modelul fizic ideal ajutat de modele matematice simple (ideale) rezultate în urma acceptării unor ipoteze simplificatoare mai ales în Fizica clasică unde sunt studiate sistemele fizice macroscopice la nivelul planetei pe care trăim.

Modelele fizice și matematice ideale satisfac în general cerințele de ordin tehnico-ingineresc unde se urmăresc rezultatele numerice respectând ordinul de mărime admitându-se erori situate într-o plajă de valori considerate ca fiind acceptabile în raport cu cerințele practice deși și la acest nivel abordările computaționale deseori apar ca necesare. Dacă ne referim de pildă la aruncarea corpurilor în câmpul gravitațional terestru sub un anumit unghi față de orizontală, în plan vertical de la nivelul solului, traiectoria corpului este după cum se știe, o parabolă dar acest rezultat presupune că obiectul studiat, (corpul) este un punct material de masă constantă lipsit de o geometrie proprie, fără frecare cu aerul atmosferic etc. În lipsa acestor ipoteze simplificatoare problema traiectoriei balistice devine foarte complicată, iar descrierea precisă a dinamicii în cauză implică, de regulă, o abordare

compuțanțională.

Dar, în condițiile actuale, în licee și colegii (chiar și în cele cu profil de informatică) utilizarea calculatorului la rezolvarea problemelor de Fizică este încă nesemnificativă. Nu dispunem de manuale și literatură auxiliară care să promoveze elementele de Fizică compuțanțională fie și numai cu elemente (noțiuni) cu caracter pur introductiv. La promovarea conceptului de învățământ, științific integrat se impune, cred, să avem în vedere odată cu matematica și noțiunile de informatică și calculatoare pe care se bazează Fizica

compuțanțională. Aceasta în scopul „netezirii” căilor de trecere de la învățământul preuniversitar al Fizicii la cel universitar fără șocuri și discontinuități.

Oricum Fizica rămâne o știință a experimentului, iar laturile în vitro și în silico rămân ca elemente auxiliare, de strictă necesitate, ca instrumentații, metodă de lucru și predicții în cercetare. Determinismul și liniaritatea sunt limitele ideale ale probabilității și neliniarității fenomenelor și proceselor (fizice, chimice, biologice etc.) din viața noastră socială.

Transformarea politropă a gazului ideal (II)

Prof. Traian Anghel, Liceul Teoretic „Nicolae Iorga”, Brăila

După ce în prima parte a articolului, publicată în numărul 9 (septembrie 2017) al revistei, s-au determinat ecuația procesului politrop al gazului ideal ($pV^n = \text{const.}$), expresia căldurii molare ($C = C_V - R/(n-1)$), precum și formulele utilizate pentru determinarea variației energiei interne ($\Delta U = \nu C_V \Delta T$), căldurii schimbate ($Q = \nu C \Delta T$) și lucrului mecanic efectuat în acest proces ($L = -\nu R \Delta T / (n-1)$), în partea a doua sunt rezolvate detaliat câteva probleme în care este întâlnită transformarea amintită. După cum se va vedea, în problemele prezentate în continuare exponentul politropic, n , este diferit de cele patru valori uzuale: 0 (transformarea izobară), 1 (transformarea izotermă), γ (transformarea adiabatică) și $\pm\infty$ (transformarea izocoră).

Problema 1

Enunț: Un gaz ideal având exponentul adiabatic γ se destinde într-un proces politrop astfel încât căldura transferată acestuia este egală cu scăderea energiei interne. Determinați ecuația procesului în coordonate Clapeyron (p, V) și expresia căldurii molare a gazului.

Rezolvare: Deoarece $Q > 0$ și $\Delta U < 0$, condiția impusă în problemă se scrie $Q = -\Delta U$. Ținând seama de principiul I al termodinamicii, $\Delta U = Q - L$, se obține $2\Delta U = -L$. Fiindcă transformarea suferită de gaz este politropă, folosind expresiile lucrului mecanic, variației energiei interne și căldurii molare la volum

constant ($C_V = R/(\gamma-1)$), relația anterioară devine $2\nu \frac{R}{\gamma-1} \Delta T = \frac{\nu R}{n-1} \Delta T$ din care se obține $n = (1+\gamma)/2$.

Rezultă că ecuația procesului suferit de gaz este $pV^{(1+\gamma)/2} = \text{const.}$

Pentru căldura molară se obține $C = C_V - \frac{R}{n-1} = \frac{R}{\gamma-1} - \frac{R}{\gamma-1} = -\frac{R}{\gamma-1} < 0$ Deoarece $Q = \nu C \Delta T > 0$

și $C < 0$, rezultă $\Delta T < 0$, adică $\Delta U = \nu C_V \Delta T < 0$ (energia internă scade, așa cum se și precizează în enunțul problemei). În procesul respectiv, gazul se destinde efectuând lucru mecanic pe seama căldurii primite și a scăderii energiei interne, ceea ce duce la răcirea acestuia.

Problema 2

Enunț: Volumul unui gaz ideal se schimbă după legea $V = a/T$, unde a este o constantă, temperatura acestuia crescând cu ΔT în cursul procesului. Determinați expresia căldurii primite de gaz. Se cunosc cantitatea de substanță, ν , exponentul adiabatic, γ , și constanta universală a gazelor perfecte, R .

Rezolvare: Din ecuația de stare termică a gazului ideal se obține expresia temperaturii $T = pV/\nu R$,

care se introduce în legea transformării pe care acesta o suferă. rezultă $pV^2 = avR = b = const.$, ceea ce înseamnă că gazul suferă o transformare politropă de forma $pV^n = const.$, unde $n=2$.

Căldura molară a gazului este $C = C_V - \frac{R}{n-1} = \frac{2-\gamma}{\gamma-1}R$

iar căldura primită de acesta are expresia $Q = vC\Delta T = v \frac{2-\gamma}{\gamma-1}R\Delta T$

Se observă că, deoarece $1 < \gamma < 2$, căldura molară este pozitivă, ceea ce înseamnă că dacă temperatura gazului crește, după cum se precizează în enunțul problemei, rezultă $Q > 0$, adică acesta va primi căldură din mediul exterior.

Energia internă a gazului va crește, deoarece $\Delta U = vC_V\Delta T$ și $\Delta T > 0$. În schimb, ținând seama că $n=2$, lucrul

mecanic este negativ $L = -\frac{vR\Delta T}{n-1}$ ceea ce înseamnă că mediul exterior efectuează lucru mecanic asupra

gazului, volumul său micșorându-se, ($\Delta V < 0$). Aceeași concluzie rezultă și din analiza ecuației procesului, $V = a/T$ (temperatura crește și, în consecință, volumul scade).

Problema 3

Enunț: Un gaz ideal biatomic suferă o transformare descrisă de legea $V = aT^2$. Determinați expresia căldurii, Q , schimbată de gaz cu mediul exterior în transformarea respectivă în funcție de variația energiei interne a acestuia, ΔU , presupusă cunoscută.

Rezolvare: Se înlocuiește în legea transformării expresia temperaturii obținută din ecuația de stare termică a gazului ideal, $T = pV/vR$. Se obține $V = aT^2 = ap^2V^2/v^2R^2$, după prelucrare rezultând $pV^{1/2} = const.$ Această relație reprezintă legea unei transformări politrope $pV^n = const.$, cu exponentul politropic $n=1/2$. Variația energiei interne este $\Delta U = vC_V\Delta T$, iar căldura schimbată în cursul procesului este $Q = vC\Delta T$, în care căldura molară se determină folosind relația $C = C_V = R/(n-1)$. Deoarece gazul ideal este biatomic ($C_V = (5/2)R$), se obține $C = (9/2)R$, $\Delta U = (5/2)vR\Delta T$ și $Q = (9/2)vR\Delta T$, din care rezultă $Q = (9/5)\Delta U$.

Erată: în prima parte a articolului, publicată în numărul 9 al revistei (septembrie 2017), pg. 13-15,

relația (13b) se scrie corect: $L = \int_{V_2}^{V_1} p dV = vRT \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = vRT \ln \frac{V_2}{V_1}$

Notă. Mai multe probleme în care este întâlnită transformarea politropă a gazului ideal, dar și alte aplicații interesante de termodinamică, mecanică și curent continuu se găsesc în cartea autorului acestui articol, *Probleme de fizică tip grilă pentru lucrul la clasă, bacalaureat și admitere*, care va putea fi procurată din librării începând cu ultima decadă a lunii noiembrie 2017.

Rubinel

Prof. Aida Dumitrescu, Școala gimnazială „Cezar Bolliac”, București

Rubinel este o piatră deosebită, este o varietate de Corindon având culoare roșie. Această piatră este un oxid de aluminiu având duritatea de 9 din 10 pe scara Mohs. Culoarea roșie intensă este dată de ionii de crom, în unele varietăți incluziunile oxidului de titan dau efectul de stea. Varietățile de rubin se găsesc în India, Tailanda, Brazilia, Siri Lanka, Burma și USA.

Puritatea razei roșii pe care o emană rubinel are o vibrație energetică inegalabilă în lumea mineralelor. Este piatra care stimulează chakra Muladhara de la baza coloanei vertebrale, amplifică câmpul vital dând multă putere.

(continuare în pagina 30)

Leonhard Euler - un pedagog de excepție

Prof. Dr. Klepp Francisc, Germania

Leonhard Euler a avut talentul de a prezenta cele mai complicate teme într-o ordine logică perfectă și a trata legăturile interioare într-un mod ușor accesibil și cititorului nefamiliarizat cu tematica. Dacă cineva, care se interesează de istoria disciplinelor matematice, începe să citească manuale fundamentale ca „Geometria” lui Descartes sau „Nova Methodus” în care Leibniz a pus bazele calculului diferențial va constata că notațiile, modul de gândire și firul demonstrațiilor i se par greu de urmărit și diferă mult de forma în care sunt prezentate astăzi. Total diferită este situația când citim o operă a lui Euler, de exemplu „Vollständige Anleitung zur Algebra” (Introducere completă în algebră) sau manualele de calcul diferențial și integral. Acestea constituie și astăzi baza manualelor școlare și universitare, fiind preluate din ele noțiuni, notații și raționamente

Numeroase notații și denumiri consacrate în matematici au fost introduse de Euler:

- ceea ce înainte se numea complicat „circumferința cercului cu diametru unitar” l-a denumit Euler π ;
- baza logaritmilor naturali este numărul e numit și numărul lui Euler;
- unitatea imaginară i a fost introdusă tot de el în 1777 în cartea sa „Calculul integral”;
- simbolul pentru sumă Σ a fost introdus de el.

O capodoperă didactică a vremii constituie „Scrisorile către o printesă germană” adresate tinerei prințese Sophie Charlotte von Brandenburg-Schwedt, fata unui prieten al lui Euler, care a fost înrudit cu regele prusac Friedrich cel Mare.

Scrisorile au fost scrise la Berlin între ani 1760-1762 în limba franceză și ulterior, după plecarea lui Euler la St. Petersburg, au fost editate acolo în trei volume între anii 1768-1772.

Cele 234 scrisori prezintă problemele științifice fundamentale ale secolului XVIII într-o formă accesibilă cititorului nespécialist și au avut un ecou mult peste așteptări. Volumele au fost traduse în scurt timp în germana (chiar de Euler), rusă, engleză, italiană, spaniolă și au fost editate de mai multe ori.

Scrisorile prezintă bazele mecanicii, astronomiei și logicii și o amplă tratare a teoriilor pe atunci actuale despre optică, electrotehnică și magnetism urmate de o incursiune în filozofie. În prezentarea sa autorul a renunțat în mod voit la formule și explicații matematice nevrând să încarce tânăra sa cititoare cu demonstrații.

Primele 16 scrisori se ocupa de bazele mecanicii, propagarea sunetului și o cuprinzătoare teoria acustică a muzicii. Autorul începe cu noțiunile de bază ca spațiu, viteză și descrierea mișcărilor fizice simple (uniformă, uniform accelerată) și ajunge la probleme mai complexe ca: deplasarea sunetului în aer, mișcarea oscilatorie, deplasarea luminii în eter.

Scrisorile 17 - 44 se ocupa de optică, iar scrisorile 45-79 de Teoria gravitației. Aceste scrisori pot folosi și cititorului de astăzi ca o foarte bună și ușor inteligibilă introducere în optică și teoria gravitației. Euler a preferat, spre deosebire de Newton, o teorie ondulatorie a luminii și a susținut ideea existenței unui eter în care lumina se propaga. El a fost primul care a legat culorile de o frecvență, care nu se schimba în timpul propagării luminii. Foarte frumos este explicată în scrisori și apariția fluxului și refluxului.

Filozofia și logica sunt subiectele scrisorilor 80 - 132. Tratarea temelor filozofice este pătrunsă de puternica credință a autorului. Și aici se poate urmări o argumentare logică. De exemplu în scrisoarea 85 explica necesitatea păcătuirii de către oameni și a milostivității Domnului în felul următor: obiectele lumii sunt împărțite în două categorii: corpuri, caracterizate prin întindere și spirite, caracterizate prin libertate. Dar libertatea conține și posibilitatea păcătuirii. Deci Dumnezeu când a creat spiritele a creat și capacitatea de a păcătui. Astfel păcatul nu poate dispărea fără desființarea (deci nimicirea) spiritului liber. Fiind conștient de acest adevăr, Dumnezeu este milostiv.

În cadrul acestor scrisori este făcută și o prezentare a logicii clasice (scrisorile 101-108) la care sunt folosite și așa numitele diagrame ale lui Euler, folosite până astăzi la ilustrarea operațiilor cu mulțimi.

În scrisorile următoare (133-234) Euler se reîntoarce la Fizică, ocupându-se de electricitate, magnetism, determinarea coordonatelor geografice și optică. În scrisorile despre electricitate sunt prezentate experiențele, pe vremea aceea recente, de electrostatică și explicate fenomene ca fulgerul și trăsnetul. Teoria magnetismului prezentată are astăzi doar un caracter istoric, dar problema determinării latitudinii și longitudinii geografice, atât de importantă în navigația aceluia secol, este actuală și astăzi.

Foarte bine este tratată optica geometrică și descrierea amănunțită a aparatelor optice: lupă, telescop, microscop. Aici putem admira din nou deosebitele cunoștințe și abilități practice ale autorului.

Aceste scrisori constituie până astăzi o interesantă și ușor inteligibilă introducere în gândirea științifică a cititorilor.

Euler a avut deosebita calitate de a căuta structura matematică în tot ce a întâlnit, de a descoperi modele matematice pentru cele mai diferite fenomene și de a sesiza legături dintre aceste. Dar a avut și darul de a prezenta și explica rezultatele sale într-o manieră ușor de înțeles. Aș încheia cu două exemple alese la întâmplare din mulțimea numeroasă a celor existente:

- De secole desenau profesori și elevi în triunghiuri punctul de intersecție al înălțimilor, centrul cercului circumscris și centrul de greutate, totuși Euler a observat și a demonstrat primul că aceste puncte sunt coliniare;

- Plimbându-se pe podurile din Königsberg (azi Kaliningrad) a formulat o problemă a cărei rezolvare l-a condus la o metodă nouă în de teoria grafurilor;

- În Königsberg cele două brațe ale râului Pegel formează o insulă. În secolul XVIII insula și cartierele de pe malul râului au fost legate prin șapte poduri. Euler și-a pus problema dacă este posibil de a parcurge într-un circuit toate podurile astfel încât fiecare pod să fie trecut o singură dată. El a rezolvat aceasta problemă cu ajutorul grafurilor. Cele patru cartiere au fost vârfulurile unui graf, iar cele șapte poduri arcele grafului respectiv. Euler a constatat că nu există circuitul căutat deoarece către toate cele patru cartiere duceau un număr impar de poduri. Pornind de la această problemă a formulat și demonstrat și teorema generală. Pentru ca într-un graf un drum să folosească fiecare arc o singură dată, este necesar ca numărul arcelor care pornesc dintr-un vârf să fie par cu excepția a cel mult două vârfuri.

Istoria luminii

Marius Ignat, clasa a XI-a,
Liceul Teoretic Internațional de Informatică București

Teoria conform căreia lumina este un fenomen ondulatoriu a devenit dominantă de pe timpul lui Isaac Newton și a părut valoroasă în experimentele lui Fizeau, Foucault, Young, dar și în teoria electromagnetică a lui Maxwell din 1864. Însă spre sfârșitul secolului XIX, succesul acestei teorii a început să scadă. Un prim argument ar fi că lumina ar avea nevoie de un mediu prin care să se propage dacă ar fi o undă, dar experimentul Michelson – Morley din 1887 a demonstrat că presupusa existență a unui astfel de mediu numit eter este falsă.

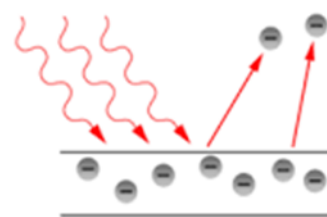
În 1905, cel mai prolific an pentru tânărul Einstein, acesta a dat explicații pentru efectul fotoelectric, în care presupunea că lumina este compusă din mici entități, care au fost mai târziu numite *fotoni*. Explicarea efectului fotoelectric folosind natura cuantică a luminii, a atras acordarea Premiului Nobel, savantului elvețian în 1922.

Contrar percepției comune, Einstein nu este descoperitorul acestui fenomen (efectul fotoelectric), care constă în emisia de electroni de către o suprafață metalică bombardată cu radiație electromagnetică (raze X sau unde electromagnetice din zona spectrului vizibil). Efectul de emisie a fotoelectronilor (cum sunt numiți electronii astfel dislocați) a fost descoperit de către Heinrich Hertz, motiv pentru care, inițial, efectul a fost cunoscut sub numele de efect Hertz, denumire care s-a pierdut cu timpul. Einstein a fost cel care a explicat la nivel teoretic cele observate la producerea acestui efect, folosindu-se de concepte introduse cu doar 5 ani în urmă de Max Planck.

Atunci când pe suprafața unui metal cad raze de lumină (fotoni), o foarte mică parte din electronii atomilor ce formează metalul sunt dislocați (vezi imaginea alăturată). Fenomenul survine cu mai mare ușurință atunci când electronul este legat mai slab de ioni și din această cauză apare mai ales la metalele alcaline. Efectul fotoelectric apare numai atunci când frecvența luminii este mai mare decât o valoare critică ce depinde de natura metalului. Numărul electronilor dislocați este proporțional cu intensitatea luminii ce cade pe metal.

Max Planck, fizician german, studiind radiația corpului negru, a ajuns la concluzia că energia radiată de un corp sub forma undelor electromagnetice este emisă în mod discret doar ca multiplu al unei valori de bază dată de produsul dintre o constantă și frecvența undelor electromagnetice emise: $E=h \cdot \nu$. Valoarea fixă a fost numită constanta lui Planck, notată cu h și are valoarea $6,626 \times 10^{-34} \text{J} \cdot \text{s}$, iar frecvența este dată în cazul spectrului vizibil de culoarea luminii. Pornind de la concluziile lui Max Planck privind radiația corpului negru, Einstein a propus ideea că și lumina se manifestă sub forma unor cuante de energie,

Efectul fotoelectric



Imaginea arată emisia electronilor de pe o suprafață metalică sub acțiunea fotonilor

numite ulterior fotoni, iar energia unui foton depinde de constanta lui Planck și de frecvența radiației electromagnetice corespunzătoare, adică atunci când fotonul este absorbit de materie aceasta își transmite energia și încetează să existe. Schimbul se face în totalitate sau deloc.

Plecând de la aceste premise, Einstein a formulat o teorie care explică în detaliu ce se petrece la „bombardarea” unei suprafețe metalice cu unde electromagnetice din zona razelor X sau a spectrului vizibil.

Cu ajutorul conceptului, fotoni, este ușor să explici efectul fotoelectric. De exemplu se poate enunța mărimea fizică, numită lucru de extracție, W , care descrie câtă energie este necesară pentru a scoate un electron dintr-un metal. Astfel dacă un foton ciocnește un electron îi va da acestuia o energie, $h \cdot \lambda$, iar dacă aceasta este mai mare decât lucrul de extracție, electronul va ieși din metal, în caz contrar, acesta va rămâne în interiorul metalului.

Când electronul este emis, energia cinetică este: $E_{cin} = h \cdot \lambda - W$
Aceasta poate fi mai mică dacă mai apar și alte forțe până la ieșire, astfel că energia cinetică poate exista într-un interval de la 0 la $E_{max} = h \cdot \lambda - W$.

Explicația lui Einstein asupra efectului fotoelectric alături de demonstrația efectului Compton, a convins aproape pe toată lumea de faptul că lumina este compusă din particule. Cu toate acestea, mult mai târziu în 1969, mai mulți cercetători au demonstrat că cele două efecte pot fi explicate considerând că lumina este o undă, iar metalul un sistem cuantic.

În continuare vom considera următorul experiment, pe care mai mulți cercetători l-au folosit mai târziu pentru a demonstra existența fotonului, utilizând aparatura modernă. Cu ajutorul unui multiplicator de fotoni sau mai pe scurt PMT se poate detecta existența unui singur foton. Experimentul propus descrie o sursă de lumină a cărei intensitate poate fi diminuată foarte mult astfel încât doar un singur foton să poată fi analizat. Lumina este transmisă incident pe o lamă semitransparentă, având șanse 50% să fie reflectată și 50% să treacă prin lamă. Cele două căi pe care fotonul le poate urma se termină într-un detector PMT. Cele două aparate sunt conectate și vor înregistra un singur rezultat doar dacă prezența unui foton se face simțită în același timp la ambele detectoare.

Cercetătorii au încercat să măsoare parametrul de anticorelație definit ca: $A = P_c / P_1 \cdot P_2$, unde $P_{1,2}$ este probabilitatea ca detectorul 1 sau 2 să detecteze un foton, iar P_c probabilitatea ca ambele detectoare să înregistreze un foton în același timp.

Dacă lumina este o undă, $P_c = P_1 \cdot P_2$, deci $A = 1$

Dacă lumina este formată din particule, $P_c = 0$ și deci $A = 0$.

Cea mai bună versiune a acestui experiment a fost realizată în 1986, de așa numitul experiment Grangier, Roger și Aspect. Pentru a se asigura că doar un singur foton este înregistrat în timpul experimentului s-a folosit o stare excitată a unui atom de calciu. Acesta revenind la un nivel energetic mai scăzut, trecând printr-un nivel de energie intermediar, emițând un foton la fiecare pas. Prin acest experiment s-a ajuns la concluzia că, $A = 0$ și deci lumina este compusă din fotoni.

În concluzie, fenomenele fizice sunt explicate cu ajutorul modelelor, iar un model este cu atât mai bun cu cât se potrivește mai bine cu realitatea. Putem spune că Fizica este știința care evoluează odată cu modelele și teoriile asupra realității, care la rândul lor devin tot mai precise datorită aparaturii performante.

Bibliografie

Principles of Quantum Mechanics second edition R Shankar

<http://www.scientia.ro/fizica/fizica/266-pentru-ce-a-catigat-einstein-premiul-nobel.html>

Invenții geniale ale indienilor

Prof. Aida Dumitrescu, Școala gimnazială „Cezar Bolliac”, București

Șamponul - Cu denumirea derivată din cuvântul „champo”, șamponul, una dintre substanțele parfumate, și deosebit de folositoare unei igiene personale excelente, era folosit odinioară drept „ulei de masaj” în Bengalul din timpul Imperiului Mughai, aproximativ anul 1762. Peste timp, i s-au adăugat substanțele chimice și parfumuri și a devenit cel mai folosit „articol” de igienă, alături de săpun.

Apa pe Lună - Misiunea spațială indiană Chandrayaan-1 a fost prima care a descoperit că Luna nu este uscată, ci are apă, exact cum este și pe Terra.

VALORI ȘTIINȚIFICE DE PATRIMONIU ÎN CONTEXT NAȚIONAL ȘI EUROPEAN

Prof. Marilena Colț,
Colegiul Național „I.L. Caragiale”, Ploiești

Legea definește patrimoniul cultural național ca ansamblul bunurilor (indiferent de regimul de proprietate asupra acestora) care reprezintă o mărturie și o expresie a valorilor, credințelor, cunoștințelor și tradițiilor aflate într-o continuă evoluție. Acesta cuprinde toate elementele rezultate din interacțiunea, de-a lungul timpului, între factorii umani și cei naturali. Tot patrimoniu înseamnă totalitatea bunurilor care aparțin colectivității și sunt administrate de către organele statului; bun public; bunuri spirituale care aparțin întregului popor (transmise de la strămoși); moștenire culturală; bunuri spirituale, culturale etc care aparțin întregii omeniri.

Bunurile culturale aparținând patrimoniului cultural național se pot clasifica în funcție de importanța sau de semnificația lor istorică, documentară, arheologică, artistică, etnografică, științifică și tehnică.

Dincolo de valoarea estetică a unei clădiri, înțelegând prin aceasta relația acesteia cu elevii și profesorii prin intermediul pieselor expuse, există o valoare științifică, cea reală, reprezentată prin patrimoniul cultural.

În patrimoniul științific al școlii noastre sunt cuprinse toate colecțiile formate de-a lungul anilor, de la înființare și până în prezent. Astfel, în momentul de față, deținem:

- documente și tipărituri de interes special: documente de arhivă
- mărturii materiale și documentare privind istoria științifică
- medalii, decorații, insigne, drapele și stindarde
- fotografii, clișee fotografice, filme, înregistrări audio și video
- bunuri de importanță științifică, de valoare deosebită sau excepțională
- bunuri de importanță tehnică

Părintele transdisciplinarității, academicianul Basarab Nicolescu, fost elev al școlii, s-a născut la 25 martie 1942 în Ploiești. Viitorul savant de notorietate mondială a urmat cursurile unuia dintre cele mai bune licee cu tradiție din România și anume Liceul „I.L. Caragiale” din Ploiești în perioada 1956–1960, finalizând ca șef de promoție. În timpul liceului a obținut medalia de aur la Olimpiada Internațională de matematică (1959), această disciplină fiind prima sa pasiune. Părintele spiritual, Ion Grigore, profesorul de matematică al academicianului nu a avut nici un rol în alegerea Facultății de Fizică din cadrul Universității din București. Este fizician, filosof, scriitor, membru de onoare al Academiei Române, doctor honoris causa al câtorva universități din țară și din străinătate, personalitate majoră la nivel mondial.

În 1968 a părăsit România pentru a se stabili în Franța, fiind bursier al guvernului francez, la Universitatea Paris, între 1969 și 1970 a fost bursier al Comisariatului pentru Energie Atomică. În 1970 a intrat ca fizician la CNRS, peste trei ani susținându-și doctoratul de stat în științe fizice.

În 1973 introduce, în colaborare cu Lesezk Lukaszuk, un nou concept Odderon, care a deschis un nou domeniu în fizica interacțiilor tari. Conceptul nu a fost confirmat sau infirmat științific.

În 1976 a renunțat la cetățenia Română și a obținut cetățenia franceză. A fost „senior visiting scientist” la Lawrence Berkeley Laboratory (1976-1977) și la Universitatea din Londra (1979) și profesor invitat la Universitatea din Girona (Spania) (2000–2001).

Opera sa se concretizează în peste 130 de lucrări științifice de specialitate și în numeroase cărți și sute de lucrări privind transdisciplinaritatea, toate citate în întreaga lume: 2011 „De la Iasarlic la Valea uimirii”, „Multi, inter și transdisciplinaritate în cercetarea științifică”, 2009 „Teoreme poetice”, „Ce este realitatea” Iași 2009, „În oglinda destinului”, „Știința, sensul și evoluția”, „Noi, particula și lumea”, Iași.



Prof. Victor Obreja vă întreabă

Testul nr. 29

1. Care este traducerea din limba engleză în limba română a literelor L.A.S.E.R.?
2. Un ofițer care frecventa cam des barurile, bea mereu aceeași băutură, Coniac Napoleon.
Ce i-a spus barmanul?
3. Ce om de stat - FEMEIE - a fost prezent la demararea lucrărilor Mausoleului de la Mărășești?



Telecomunicații

Daniel Toma, Mircea Ioan, clasa a XII-a,
Colegiul Național „Ion Luca Caragiale”, Ploiești

De la telegrafie și până la internet, telecomunicațiile au constituit o noutate semnificativă pentru transmiterea de informație.

Grație unor funcții importante precum transformarea Internetului într-un calculator planetar folosind tehnologia SEMANTIC WEB prin sistemul tehnologiilor GRID, de asemenea devenind sistemul de convergență al comunicațiilor în sec XXI pentru transmiterea vocii, transmisiuni video, televiziune și transmisiuni de date, încadrarea Internetului în linia de dezvoltare a telecomunicațiilor este previzibilă.

Astfel, Internetul este un loc de întâlnire și pentru alte linii de dezvoltare tehnologică și socială, cum ar fi cele specifice societății cunoașterii.

Fenomenele de convergență sunt conduse de o forță majoră constituită de prezența generală a Internetului și de creșterea rapidă a acestuia. Viitorul industriei comunicațiilor s-a conturat prin noile oportunități pentru convergență create datorită cercetării și dezvoltării în domeniul Internetului. Omul se dovedește a fi și o ființă tehnologică și informațional-comunicațională.

Comunicații prin fir

Principiul unei transmisii vocale pe fire de cupru este următorul: o persoană vorbește într-un microfon, iar la capătul celălalt o altă persoană ascultă la un receptor (difuzor). Unda sonoră a vorbitorului comprimă aerul, iar membrana microfonului vibrează corespunzător. Astfel, se generează un curent alternativ, care este modelat după undele sonore. În cazul în care variațiile electrice se transmit pe două fire de cupru până la ascultător, ele pot să producă oscilații ale membranei care reproduc sunetul original.

Comunicații prin fibra optică

Sunt utilizate lungimi de undă în infraroșu apropiate benzii de la 800 până la 1600 nm, în special cele de 850, 1300 și 1550 nm. Cablul de fibră optică e alcătuit dintr-un fir de diametru mic cu o structură formată dintr-un mijloc de sticlă, un înveliș tot de sticlă și un înveliș protector exterior din plastic. Cele două elemente de sticlă diferă din punctul de vedere al indicelui de refracție, iar învelișul de plastic ușurează identificarea fibrelor pentru sudare și furnizează o protecție mecanică.

Bibliografie

Wikipedia – „Telecomunicații”

ATIC – „Din istoria telecomunicațiilor în România”

Fructele și legumele un corn al abundenței de alimente „vii” și „bune”

Elevă Otilia Iaurum, Liceul Teoretic „Nicolae Iorga”, Brăila
Îndrumător Prof. Viorel Mihăilă, Liceul Teoretic „Nicolae Iorga”, Brăila

Valoarea energetică și nutritivă a fructelor și a legumelor.

Fructele și legumele vin în alimentație cu un conținut energetic extrem de variabil care este în limitele 40-295 kJ/100g. În marea majoritate a fructelor și a legumelor, contribuția cea mai mare la aportul energetic o au glucidele, dar în unele cazuri, participă și lipidele și proteinele (ardei, conopidă, fasole, mazăre, spanac, alune, banane, castane, cirese, nuci, mure). Valoarea energetică a unor fructe și legume este arătată în tabelul 1.

Cantitatea de glucide este de cele mai multe ori cea care hotărăște valoarea calorică a legumelor și fructelor (cu excepția celor oleaginoase, bogate în lipide).

Pentru a avea beneficii maxime din punct de vedere nutrițional, trebuie îndeplinite două cerințe importante referitoare la consumul fructelor:

* Fructele sau sucurile de fructe trebuie consumate numai proaspete. De asemenea trebuie să le mestecăm bine, să le îmbibăm bine cu salivă, și să nu le înfulecăm cu lăcomie;

* Gătitul distruge valoarea potențială a fructelor. Fructele fierte sau coapte nu mai furnizează nici substanțe nutritive, nici apa necesară curățării, ele sunt acide și forțează corpul să le anuleze aciditatea cu cheltuiala de energie;

* Fructele trebuie consumate numai pe stomacul gol, fără a le combina cu nimic altceva. Atât timp cât stomacul este gol, puteți consuma fructe când și cât doriți, lăsând să se scurgă ½ ora – 1 ora înainte de a mânca alte feluri de mâncare;

* Pentru a consuma fructe, trebuie să treacă un anumit timp de la consumarea altor alimente, în funcție de durata de digestie a acestora:

Alimentul	Durata digestiei
Salată sau vegetale crude	2 ore
Mâncăruri fără carne combinate corect	3 ore
Mâncăruri cu carne combinate corect	4 ore
Orice mâncare incorect combinată	8 ore

* Obiceiul de a mânca fructe la sfârșitul mesei este nesănătos. Când sunt combinate cu alte alimente, fructele perturbă digestia și își pierd majoritatea vitaminelor. Imediat ce fructul vine în contact cu mâncarea din stomac și cu sucurile digestive, întreaga masă de alimente începe să se “strice”. Orice proteină din stomac va putrezi, orice carbohidrat va fermenta. Totul devine acid, iar digestia va fi perturbată. Chiar dacă nu vi se face rău, aceasta nu înseamnă că nu ați încălcat o regulă de baza în alimentație, ci arată enorma adaptabilitate a organismului uman;

* Mâncatul fructelor pe stomacul gol accelerează pierderea greutateii inutile și nu va crea probleme de greutate corpului dumneavoastră.

Cele 6 reguli de aur în consumul legumelor

Tot ce trebuie făcut pentru a te hrăni cât mai sănătos cu puțință, fără a fi amețit de prea multe sfaturi și instrucțiuni este să îți seama de instrucțiunile de mai jos:

* „Mâncăți cât puteți de des legume și cât mai diferite. Și chiar dacă nimeriți peste vreo roșie sau un ardei cu urme ușoare de pesticide, nu renunțați, pentru că sunt mai puțin dăunătoare decât renunțarea la legume”;

* „Optați mai ales pentru legumele indigene proaspete, de sezon. Sunt mai consistente, se recoltează de regulă atunci când sunt bine coapte, iar drumul până la tarabe este mai scurt”;

* „Încredeți-vă în ceea ce vedeți cu ochii: legumele autohtone cu aspect frumos, proaspete, puternic colorate și nevătămate au și un gust pe măsură”;

* „Nu lăsați legumele proaspete prea multă vreme la frigider”;

* „Înainte de a le prepara, spălați-le cu apă caldă și cu o perie moale și mărunțiți-le abia înainte de a le fierbe. Și nu le țineți prea mult în apă clocotită”;

* „Nu vă temeți de legumele congelate. Înghețarea rapidă păstrează bine pecetluite majoritatea substanțelor componente, până la momentul încălzirii în oala pusă pe foc”.

Glucidele din fructe și legume

Conținutul de glucide din fructe și legume (tabelul 2) variaza în funcție de:

* Specie și în cadrul speciei de soi, fapt evidențiat la mere, pere, piersici, căpșuni, zmeură, tomate; condițiile agropedoclimatice: fructele din zonele cu precipitații mai reduse și mai călduroase au conținut mai mare de glucide totale;

* Gradul de maturare al fructelor și legumelor;

* Condițiile de depozitare: temperatura, compoziția aerului din spațiile de depozitare, umiditatea relativă a aerului;

* Durata de păstrare în condiții date;

* În fructe și legume se găsesc atât monoglucide, oligoglucide cât și poliglucide. Dintre monoglucide, în cantități mai mari, se găsesc glucoza și fructoza, iar dintre oligoglucide zaharoza este principalul glucid din fructe și legume.

Valoarea energetică a fructelor și legumelor, Kj/100g edibil

Specia	Total	Provenind din			Specia	Total	Provenind din		
		Glucide	Lipide	Protide			Glucide	Lipide	Protide
Ardei	113,1	83,7	13	18,4	Alune	2884,6	242,8	2399	242,8
Arahide	2641,8	284,7	181,4	435,7	Afine	239,4	226	-	13,4
Cartofi	360	326	4,2	32,2	Agrișe	182,7	163,4	5,9	7,5
Castraveți	40,5	23	7,9	9,6	Ananans	235,3	221,9	5,9	7,5
Ceapă	189,3	159,9	9,8	19,6	Banane	415,3	389,4	7,1	18,8
Ciuperci	83	50	9,2	23,8	Caise	225,2	205,1	5	15,1
Conopidă	118,4	69	10,9	38,5	Castane	883,3	753,6	75,3	54,4
Fasole	1472,3	1013	62,4	369,9	Cireșe	252,5	217,7	19,7	15,3
Mazăre	362,1	221	18,8	121,4	Grape-fruit	142,6	113	7,9	11,7
Morcovi	145,7	121,8	8	15,9	Gutui	286,4	259,6	19,7	7,1
Pătrunjel	257	171,6	14,2	71,21	Lămâi	116,7	81,6	23,4	11,7
Pepeni	101,6	83,7	7,9	10	Mandarine	225,6	201	7,9	16,7
Praz	157,4	108,8	13,4	35,2	Mere	219,9	209	15,5	5,4
Ridichi	80,3	58,6	5,4	16,3	Migdale	2725	280,5	2105,5	339
Salată	66,2	38,1	8,4	19,7	Nuci	2950,4	237,4	2440,9	272,1
Sfeclă roșie	154,7	126,8	3,9	24	Piersici	192,6	175,8	4,2	12,6
Spanac	110,1	58,6	11,7	39,8	Portocale	225,6	200,9	8	16,8
Tomate	78,7	54,8	8,4	15,5	Prune	215,5	206	3,8	11,7
Țelină	89,6	62,8	8	18,3	Struguri	32,7	280,5	10,9	11,3
Usturoi	586,2	485,7	4,2	96,3	Vișine	280,1	251,2	13,8	15,1
Varză albă	103,8	74,5	8	21,3	Zmeură	167,1	134	11,7	21,4
Varză roșie	114,2	83,7	7,1	13,4					

(Tabelul 1)

Glucidele totale din fructe și legume (mono și diglugide), % din substanța edibilă
(după Gherghi A. ș.a., 1979) (Tabelul 2)

Specia	Media	Limite	Specia	Media	Limite
Ardei	3,0	1,5-6,6	Afine	9,2	6,2-11,9
Cartofi	1,2	0,4-3,4	Agrișe	9,4	8,5-10
Castraveți	1,9	1,2-3,4	Banane	18	11,4-27
Ceapă	8,4	4,7-7,2	Caise	10,1	9,6-13,8
Conopidă	2,5	1,7-4,8	Castane	28	26-29
Fasole păstăi	2	1,9-2,6	Căpșuni	5	4-9
Mazăre	3,6	1,3-5,9	Cireșe	11,8	6,4-15,3
Morcovi	6,9	5,8-8,2	Grape-fruit	6,9	6-8
Pătrunjel	9,5	8,5-15,4	Gutui	10,1	6,5-12,9
Sfeclă roșie	5,6	4,5-9,8	Lămâi	2,2	0,9-3,6
Spanac	3,1	2,3-8,9	Mandarine	9,2	6,5-11,4
Tomate	3,8	2-3,2	Mere	11,6	6-16,7
Țelină	36	1,9-4,3	Mure	5,1	3,9-7,3
Usturoi	2,5	0,6-3,9	Nuci	12,5	7,8-16,2
Varză albă	4,5	2,9-5,8	Pere	11,8	6,5-14,9
Varză roșie	4	3,1-5,2	Piersici	10,5	6,3-12,4
Vinete	2,5	0,7-5,4	Portocale	8,3	5,5-10

Din punct de vedere cantitativ dintre hexoze predomină glucoza, fructoza și zaharoza.

Conținutul de glucoză, fructoză și zaharoză din fructe și legume (după Souci ș.a., 1981)

Specia	Glucoză	Fructoză	Zaharoză	Specia	Glucoză	Fructoză	Zaharoză
Ardei	1,41	1,26	0,12	Afine	2,32	3,28	0,12
Castraveți	0,88	1	0,05	Banane	3,80	3,80	10,60
Ceapă	2,24	1,83	1,91	Caise	1,73	0,87	5,12
Conopidă	1,16	1,05	0,23	Căpșuni	2	2,10	1,10
Mazăre verde	0,06	0,05	1,15	Cireșe	6,10	5,50	0,22
Morcovi	1,61	1,45	1,76	Coacăze negre	2,69	3,57	0,73
Ridichi	1,33	0,73	0,11	Coacăze roșii	2,27	2,67	2,67
Salată	0,30	0,47	0,09	Mere	1,73	5,91	2,58
Spanac	1,13	0,12	0,21	Pere	2,30	2,50	3,50
Tomate	0,90	1,42	0,01	Piersici	1,16	1,27	5,38
Varză albă	1,60	2,02	0,10	Portocale	2,30	2,50	3,50
Varză roșie	1,20	1,67	0,29	Prune	2,74	2,06	2,78
Vinete	1,51	1,53	0,25	Struguri	7,28	7,33	0,42

În fructe și legume s-au identificat și triglucide cum ar fi rafinoza (struguri, prune) și stachioza în struguri, fasole, linte.

Poliglucidele din fructe și legume sunt reprezentate de:

- * Pentozani, cum ar fi arabanul care însoțește pectina în fructe și legume;
 - * Hexozani (manani, galactani, fructani, glucani). Dintre fructani importantă este insulina din andive și asparagozina din sparanghel. Glucanii sunt reprezentați de amidon și celuloză;
 - * Substanțe pectice reprezentat de protopectină și produși de grade ai acesteia: acizi pectinici (acizi poligalacturonici cu grad mare de esterificare a grupărilor carboxilice) și acizi pectici (acid poligalacturonic);
 - * Hemiceluloze care sunt contruite din xilani (30%) aalături de manani, galactani, arabani și pectine.
- Amidonul se găsește în cantitate mare în cartofi (16,8%), fasole verde (3,1%), banane (2,7%), castane (27,3%), nuci (13,5%).

Celuloza variază cantitativ între 0,33% la căpșuni și 2,37% la banane, cantități mai mari (>1%) găsindu-se și în conopidă (1,12%), fasole verde (1,45%), agrișe (1,19%), coacăze negre (1,38%).

În timpul creșterii și maturării fructelor și legumelor au loc:

- * o acumulare a amidonului în prima perioadă de maturare, după care are loc hidroliza enzimatică;
- * o acumulare de celuloză și hemiceluloză;
- * o degradare a protopectinelor în faza de maturare a fructelor și legumelor.

La păstrarea fructelor și legumelor au loc:

* o scădere a glucidelor (zaharoză, glucoză, fructoză) excepție făcând produsele care la recoltare conțin amidon și care prin hidroliză enzimatică formează glucide simple (mere, pere). Fructele care pierd apa prin transpirație își concentrează sucurile celulare și prin urmare conținutul de glucide simple crește dacă raportarea se face la produsul ca atare;

* o scădere a conținutului de protopectină ceea ce îseamnă o diminuare a fermității fructelor și legumelor;

* conținutul de celuloză și hemiceluloză nu se modifică.

Polialcoolii și produși de degradare a glucidelor

Polialcoolii mai des întâlniți în special în fructe sunt reprezentați de:

- * D-sorbitol se găsește în: mere (0,58%), pere (1,40%), piersici (0,31%), prune (3,10%), căpșuni (0,03%). Se mai găsește în caise, gutui, struguri;
- * Mezoinozitol este prezent în principal în fructe cum ar fi caise, piersici, mere, pere, portocale, grapefruit, lămâi. S-au găsit următoarele cantități la 100g suc: 170 mg la portocale, 112 mg grape-fruit, 57 mg la lămâi, 24 mg la miere;

* D-glicerolul în măslinae mature;

* D-manitol în ananas, ceapă, morcovi.

Prin oxidarea în vivo a glucidelor au fost identificați în fructe și legume acidul D-gluconic, acidul D-galacturonic, acidul D-manuronic care intră în compoziția unor poliglucide.

Protidele din fructe și legume

Conținutul de protide din fructe și legume variază în funcție de specie, soi și țesut, însă în general acest conținut este relativ scăzut, excepție făcând arahidele (26%), fasolea boabe (21,3%), mazărea boabe (22,9%), alunele (13,4%), migdalele (18,3%), nucile (16,4%), castanele (7,1%).

Peste 2% proteine se mai întâlnesc la: broccoli (3,3%), cartofi (2,1%), ciuperci (2,8%), conopidă (2,5%), mază verde (6,5%), pătrunjel (2,9%), praz (2,2%), usturoi (6,5%). În rest fructele și legumele au sub 2% protide (Gherghi A. ș.a.-1983).

Vitaminele

În fructe și legume există atât vitamine hidrosolubile cât și liposolubile, pe care le folosește atât omul dar și animalele, în special omnivorele și păsările.

Conținutul în vitamine din fructe și legume este dependent în mare măsură de specie, soi, condiții agropedoclimatice, gradul de maturitate, precum și de condițiile de păstrare post recoltare.

* **Tiamina** variază între 0,02 mg/100g produs la zmeură și 0,90 mg/100g produs la arahide. Camg/100g), ntități relativ mari se găsesc în: fasole boabe (0,40 mg/100g), mază (0,30 mg/100g), usturoi

(0,20 mg/100g), alune (0,39 mg/100g), castane (0,20 mg/100g), migdale (0,22 mg/100g), conopidă (0,30 mg/100g). În rest, tiamina se găsește sub 0,07 mg/100g;

* **Riboflavina** depășește 0,1 mg/100g la: arahide (0,50 mg/100g), ciuperci (0,44 mg/100g), fasole boabe (0,16 mg/100g), fasole verde (0,12 mg/100g), mazăre (0,16 mg/100g), spanac (0,23 mg/100g), sparanghel (0,12 mg/100g), alune (0,21 mg/100g), castane (0,21 mg/100g), nuci (0,12 mg/100g);

* **Piridoxina** (B₆) se găsește între 0,02 mg% și 0,87 mg%. Cele mai bogate în piridoxină sunt nucile, castanele, alunele, țelina, spanacul, prazul, pătrunjelul, mazărea, fasolea verde, fasolea boabe, cartofii, arahidele, ardeiul verde;

* **Nicotinamida** (vitamina PP) din fructe și legume variază între 0,17 mg% și 15,3 mg%, un conținut mai mare fiind găsit în arahide, ciuperci, fasole boabe, mazăre, pătrunjel, migdale, nuci, alune, sparanghel;

* **Acidul pantotenic** se găsește în proporție de 0,02 mg% până la 2,6 mg%, mai bogate în acid pantotenic fiind arahidele, ciupercile, conopida, alunele, fasolea boabe, mazărea boabe, sparanghelul, migdalele;

* **Acidul folic** se găsește în proporție de 0,01 mg% până la 0,013 mg%, mai bogate în acid folic fiind fasolea boabe, spanacul, sparanghelul, sfecla roșie, varză albă, migdalele, nucile;

* **Biotina** reprezintă valori cuprinse între 0,001 mg% și 1,9 mg%. În cantitate mai mare se găsește în fasole verde, salată, căpșuni, arahide;

* **Acidul ascorbic** se găsește în cantitate mai mare în ardei verde (139 mg%), fasole verde (63 mg%), conopidă (70 mg%), praz (30 mg%), ridichi (29 mg%) alune (29 mg%), căpșuni (64 mg%), portocale (50 mg%), lămâi (53 mg%), grape-fruit (45 mg%);

* **Tocoferoli** (vitamina E) sunt prezenți în cantități mai mari în: arahide (20,2 mg%), fasole boabe (2,3 mg%), mazăre boabe (3 mg%), praz (2 mg%), salată și spanac (2,5 mg%), alune (28 mg%), castane (7,5 mg%), nuci (24,7 mg%), zmeură (1,40 mg%), pătrunjel (1,8 mg%);

* **Vitamina K₁** În legume și fructe nivelul de vitamină K₁ este cuprins între 0,01 mg% și 1,5 mg% (varză roșie). Sunt bogate în vitamină K₁ și salata (0,20mg%), spanacul (0,35 mg%), tomate (0,63 mg%), țelina (0,1 mg%).

Dintre vitamine, în procesul de păstrare a fructelor și legumelor, se degradează ușor vitamina C mai ales în cazul în care țesuturile sunt vătămate.

Substanțele minerale

Conținutul de substanțe minerale din fructe și legume este dependent de specie, factori pedoclimatici, tehnologia aplicată la cultura respectivă, Se constată și diferențe între diferite zone în cazul fructelor (epicarp, parenchimul casei seminale, parenchimul din zona calicială). Conținutul total de substanțe minerale variază între 0,27% la dovlecei și 2,65% la migdale.

Toate fructele și legumele conțin potasiu, surse bogate fiind: fasolea boabe (1310 mg%), migdalele (833 mg%), castanele (707 mg%), arahidele (706 mg%), spanacul (633 mg%), păstârnacul (469 mg%), pătrunjelul (880 mg%), dovleceii (422 mg%), cartofii (443 mg%), nucile (544 mg%).

* **Calciul** se găsește în cantități mai mari în: castane (333 mg%), fasole boabe (102 mg%), pătrunjel (203 mg%), spanac (126 mg%), alune (226 mg%), migdale (232 mg%), nuci (87 mg%);

* **Magneziul** este în cantități mari în fasole boabe (132 mg%), alune (156 mg%), arahide (165 mg%), castane (145 mg%), migdale (170 mg%), nuci (129 mg%);

* **Fierul** este prezent în cantități mari în ciuperci (1,26 mg%), fasole boabe (6,10 mg%), mazăre verde (1,84 mg%), pătrunjel (6,80 mg%), ridichi (1,50 mg%), spanac (4,10 mg%), salată (1,1 mg%), sparanghel (1 mg%), usturoi (1,40 mg%), alune (3,80 mg%), arahide (2,11 mg%), castane (1,32 mg%), (1,32 mg%), migdale (4,13 mg%), nuci (2,5 mg%), zmeură (1 mg%);

* **Sodiul** din fructe și legume este în cantități mici în comparație cu potasiul. În cantități mari sodiul se găsește în ceapă (9 mg%), castravete (8,5 mg%), conopidă (16 mg%), morcovi (60 mg%), pătrunjel (33 mg%), ridichi (17 mg%), spanac (65 mg%), usturoi (32 mg%), varză albă (13 mg%), migdale (22,9 %);

* **Manganul** are valori mai ridicate în: fasole boabe (2 mg%), alune (4,20 mg%), căpșuni (1,20 mg%), migdale (1,90 mg%), măslina (1,97 mg%);

* **Cuprul** din fructe și legume este în cantități mai mari în: fasole boabe (0,84 mg%), ciuperci (0,40 mg%), mazăre verde (0,38 mg%), praz (0,30 mg%), alune (1,28 mg%), arahide (0,55 mg%), castane

(0,23 mg%), lămâi (0,36 mg%), migdale (0,85 mg%), măslina (0,46 mg%).

Bibliografie:

Banu C., Vizireanu C., Ianițchi D., Sehleanu E.: „Living Food-Dead Food. Good Food-Bad Food”, Editura Asab, București 2011;

<http://www.aimgroup.ro/alimentatie/6-reguli-de-aur-pentru-consumul-legumelor/>;

<http://www.aimgroup.ro/alimentatie/6-reguli-de-aur-pentru-consumul-legumelor/>

MATEMATICA VEDICĂ – Metode rapide de calcul mental

Elev Nicholas-David Canțâr-Gogitidze C.N. „Mihai Viteazul” Ploiești
Îndrumător prof. Horia Toma

Matematica Vedică se ocupă cu metode rapide de calcul aritmetic mental, ce au fost formulate în perioada preistorică în India (în sanscrită veda=cunoaștere). Multe din aceste metode de calcul rapid sunt folosite de NASA, IBM și MICROSOFT pentru implementarea algoritmilor de calcul informatic, pentru crearea inteligențelor artificiale și a unor programe complexe.

Matematica Vedică se bazează pe 16 sutre și 13 sub-sutre (sutra=tratat indian ori culegere conținând proză aforistică, reguli de ritual, de morală, de filozofie sau referitoare la viața zilnică) ce atribuie un set de calități unui număr sau unui grup de numere.

Aceste instrucțiuni criptate pot fi folosite pentru rezolvarea diferitelor operații matematice: „cu unul mai mult decât numărul inițial”; „toți din 9 și ultimul din 10”; „vertical și în diagonală”; „dacă unul este în raport, atunci celălalt este zero”; „prin adunare și prin scădere”; „doar ultimii termeni”; „prin eliminare (alternativa) și reținere (a celor mai mari și a celor mai mici puteri)”; ș.a.m.d.

Înmulțirea unui număr de două cifre cu 11:

1.	Alegeți un număr de două cifre :	62	98
2.	Scrieți cele două cifre ale numărului lăsând spațiu liber între ele:	6...2	9...8
3.	Adunați cele două cifre:	6+2=8	9+8=17
4.1.	Dacă suma este mai mică decât 10, scrieți cifra unităților din suma rezultată în spațiul lăsat liber între cele două cifre ale numărului original	682	-
4.2.	Dacă suma este mai mare sau egală cu 10, scrieți cifra unităților din suma rezultată în spațiul lăsat liber între cele două cifre ale numărului original și adunați cifra zecilor "1" din suma rezultată la prima cifră a numărului ales	-	1078

Înmulțirea a două numere de două cifre a căror diferență este 2:

1	Alegeți două numere de două cifre a căror diferență este 2:	16 și 18	77 și 79
2	Identificați numărul cuprins între cele două numere:	17	78
3	Ridicați acest număr la pătrat și scădeți 1:	289 -1=288	6084-1=6.083

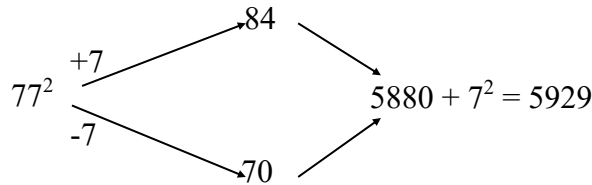
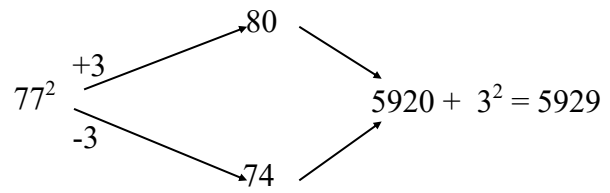
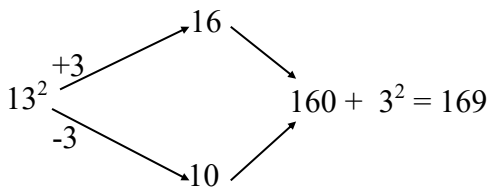
Ridicarea la pătrat a numerelor de două cifre care se termină cu 5:

1.	Alegeți un număr de două cifre care se termină în 5:	25	75	95
2.	Înmulțiți cifra zecilor cu succesorul acestei cifre:	2x3=6	7x8=56	9x10=90
3.	Scrieți numărul obținut:	2...	56...	90...
4.	Alipiți la rezultatul obținut numărul $5 \times 5 = 25$	625	5625	9025

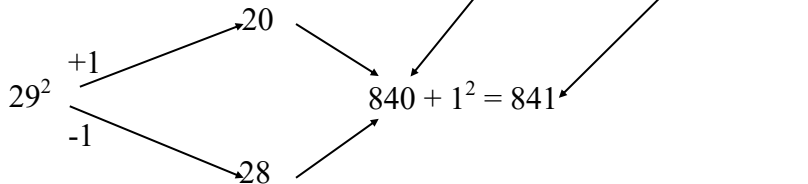
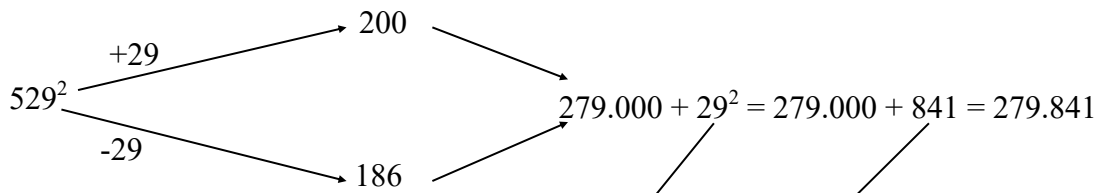
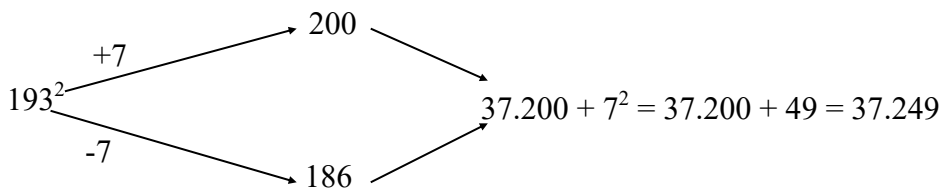
Ridicarea la pătrat a oricărui număr format din două cifre care încep cu 5:

1.	Alege un număr format din două cifre care încep cu 5:	54	52
2.	Adună cifra unităților cu 25:	4+25 = 29	2+25 = 27
3.	Ridică la pătrat cifra unităților:	4 ² = 16	2 ² = 04
4.	La primul rezultat obținut alipiți la dreapta ridicarea la pătrat:	2916	2704

Pătratul unui număr de două cifre



Pătratul unui număr de trei cifre

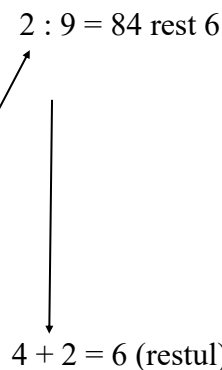
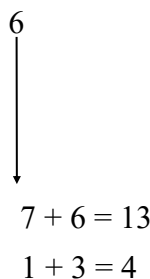
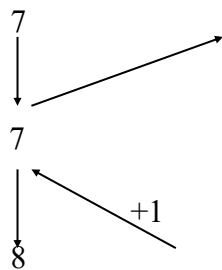


Împărțirea la 9

Pentru a arăta acest procedeu de împărțire vom folosi exemple.

Exemplu 1 : 1430 : 9 = 158 rest 8

1. Coborâm prima cifră a deîmpărțitului;
2. Adunăm cifra coborâtă cu următoarea cifră a deîmpărțitului;
3. Repetăm operația până la ultima cifră a deîmpărțitului, ultima sumă reprezintă restul, cifrele anterioare formează câtul.



Înmulțirea cu tabel

Această metodă rapidă de înmulțire este extrem de utilă și a fost prezentată prima dată de Fibonacci în anul 1202 în lucrarea sa "Liber Abaci" - lucrare complexă bazată pe matematica indo-arabă, care a revoluționat gândirea prin impunerea definitivă a sistemului de numerație zecimal, deschizând drumul științelor moderne din epoca Renașterii. Metoda are la bază un tabel care separă înmulțirile de adunări.

Etapa I : Desenarea tabelului

1. Se consideră un tabel, ce conține o coloană pentru fiecare cifră a primului factor și câte o linie pentru fiecare cifră a celui de-al doilea factor;
2. Primul factor al înmulțirii se scrie deasupra tabelului, iar cel de-al doilea la dreapta tabelului;
3. Fiecare pătrat al tabelului este împărțit de o diagonală ce pleacă din colțul dreapta-sus.

Etapa a IIa: Calcule

1. Înmulțirile: Se completează fiecare pătrat al tabelului cu produsul cifrelor de pe linia și coloana corespunzătoare, astfel: deasupra diagonalei se scrie cifra zecilor, iar sub diagonală se scrie cifra unităților;
2. Adunările: Se adună cifrele de pe fiecare diagonală (din tabel), iar sumele se scriu la capătul de jos al diagonalei (sub tabel și în stânga tabelului), începând de la colțul din dreapta-jos al tabelului. Dacă suma cifrelor de pe o diagonală este mai mare decât 9, se scrie în afara tabelului doar cifra unităților, iar cifra zecilor se scrie în diagonala următoare, urmând ca să fie adunată cu cifrele de pe acea diagonală;
3. Citirea rezultatului: Cifrele rezultatului se citesc în sens invers acelor de ceasornic (în ordinea vertical -orizontal).

Exemplu: $23.567.194 \times 876.302 = 20.651.979.236.588$

	2	3	5	6	7	1	9	4	
2	1 ¹ 6	2 ¹ 4	4 ¹ 0	4 ⁴ 8	5 ² 6	0 ⁴ 8	7 ³ 2	3 ² 2 ²	8
0	1 4	2 1	3 5	4 2	4 9	0 7	6 3	2 8 ¹	7
6	1 2	1 8	3 0	3 6	4 2	0 6	5 4	2 4	6
5	0 6	0 9	1 5	1 8	2 1	0 3	2 7	1 2	3
1	0 0	0 0	0 0	0 0	0 0	0 0	0 0	0 0	0
9	0 4	0 6	1 0	1 2	1 4	0 2	1 8	0 8	2
	7	9	2	3	6	5	8	8	

Bibliografie:

Smith, Steven
 B. "The Great Mental Calculators: Methods, past and Present", Columbia University Press, 1988

Prof. Victor Obreja vă întreabă



1. Pictorul albastrului infinit sau pictorul ciaușiştilor;
2. Vasile Alecsandri;
3. Ciapă Crina, Constantin Busuioc, Morcovescu Trandafir.

Răspuns la testul nr. 28

Probleme propuse pentru gimnaziu

1. Două plăci paralelipipedice au aceleași dimensiuni: lungimea $L = 10$ cm, lățimea $l = 5$ cm și grosimea $h = 2$ cm. Împreună, plăcile au greutatea $G = 16,366$ N. Știind că una dintre ele este din fier, să se afle: a) masa fiecărei plăci; b) densitatea celeilalte plăci.

$$R: m_{Fe} = 0,78 \text{ kg}; m = 0,89 \text{ kg}; \rho = 8.900 \text{ kg/m}^3$$

2. a) Să se afle densitatea alamei, știind că raportul dintre volumul cuprului și cel al zincului din acest aliaj este de $7/2$. b) Ce greutate va avea o sferă cu raza de 2 cm confecționată din acest aliaj?

$$R: \rho = 8.500 \text{ kg/m}^3; G = 2,789 \text{ N}$$

3. Un aliaj din argint și nichel are densitatea $\rho = 10,075 \text{ g/cm}^3$. Din acest aliaj se realizează un corp cu volumul $V = 60 \text{ cm}^3$. Să se afle cu cât este mai mare greutatea argintului decât cea a nichelului utilizat în alcătuirea corpului dat. Rezultatul să fie dat în mN.

$$R: \Delta G = 3,3369 \text{ N}$$

4. Un vas gol cântărește $m_1 = 300$ g, iar plin cu apă, $m_2 = 300$ g. În el, plin, se introduce un corp solid, cu masa $m_3 = 4$ g. Ca urmare, curge o parte din apa aflată în vas. Cântărind din nou vasul, se obține $m_4 = 302$ g. Să se afle: a) densitatea corpului; b) greutatea apei rămase în vas după introducerea corpului solid.

$$R: \rho = 2.000 \text{ kg/m}^3; G_a = 10,47 \text{ N}$$

5. Cu cât se modifică greutatea unui corp de masă $m = 80$ kg atunci când el se deplasează de la Ecuator, unde $g = 9,78 \text{ N/kg}$, la Polul Nord, unde $g' = 9,83 \text{ N/kg}$?

$$R: \Delta G = 4 \text{ N}$$

6. Ce forță deformatoare trebuie să acționeze în lungul unui furtun de cauciuc, de constantă elastică 125 N/m , pentru a fi alungit cu $\Delta l = 2$ cm?

$$R: F = 2,5 \text{ N}$$

7. Forța de 2 N, care acționează în lungul unui resort, îi determină o alungire de 4 cm. Să se calculeze constanta elastică a resortului.

$$R: k = 50 \text{ N/m}$$

8. Să se afle alungirea resortului de constantă elastică $k = 250 \text{ N/m}$, atunci când de acesta este suspendat un cilindru cu aria bazei $S = 22,5 \text{ cm}^2$, înălțimea $H = 2$ cm și densitatea $\rho = 11.300 \text{ kg/m}^3$.

$$R: \Delta l = 1,99 \text{ cm}$$

9. Cât devine lungimea unui resort caracterizat de constanta elastică $K = 150 \text{ N/m}$, atunci când de el se suspendă un corp cu masa $m = 0,00018$ t, dacă alungirea resortului nedeformat este $l_0 = 10$ cm?

$$R: l_1 = 11,176 \text{ cm}$$

10. Lungimea unui resort nedeformat este $l_0 = 12$ cm. Când de acesta se suspendă un corp cu

greutatea $G = 24$ N, lungimea lui devine $l_1 = 17$ cm. Să se afle: a) constanta elastică a resortului; b) lungimea resortului când de el se trage cu forța $F = 42$ N orientată de-a lungul lui.

$$R: k = 480 \text{ N/m}; l_2 = 20,75 \text{ mm}$$

11. Să se calculeze densitatea unei sfere de volum $V = 10^{-3} \text{ m}^3$ care, așezată pe un resort vertical de constantă elastică $k = 1911 \text{ N/m}$, determină o micșorare a lungimii acestuia cu 4 cm.

$$R: \rho = 7.800 \text{ kg/m}^3$$

12. Cu cât se schimbă alungirea unui resort de constantă elastică $k = 700 \text{ N/m}$ dacă se înlocuiește cubul din aluminiu suspendat de resort cu unul din fier, de același volum, $V = 0,001 \text{ m}^3$?

$$R: \Delta l = 7,14 \text{ cm}$$

13. O cărămidă, cu masa $m = 2$ kg, este deplasată uniform pe o suprafață orizontală, sub acțiunea unei forțe de tracțiune ce are modulul $F_t = 3,92$ N. Să se afle: a) modulul forței de frecare; b) raportul dintre forța de frecare și forța de apăsare normală.

$$R: F_f = 3,92 \text{ N}; F_f/G = 0,2$$

14. Un sportiv coboară uniform cu parașuta. Greutatea parașutistului împreună cu a parașutei este de 700 N. Cu cât este egală forța de rezistență din partea aerului?

$$R: F_r = 700 \text{ N}$$

15. Cu cât trebuie să scadă forța de tracțiune care asigură deplasarea rectilinie și uniformă a corpului pe o suprafață orizontală, dacă acesta trece dintr-o zonă unde forța de frecare reprezintă $f_1 = 15\%$ din greutate, în una unde aceasta reprezintă $f_2 = 5\%$ din greutate? Masa corpului este $m = 30$ kg.

$$R: \Delta F = 29,4 \text{ N}$$

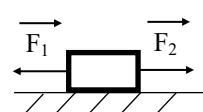
16. Calculați modulul forței de tracțiune ce trebuie să acționeze asupra unui paralelipiped cu $L = 45$ cm, $l = 20$ mm și $\rho = 2,5 \text{ g/cm}^3$ pentru ca acesta să se deplaseze rectiliniu uniform pe o suprafață orizontală, dacă forța de frecare este de 20 ori mai mică decât greutatea corpului.

$$R: Ft = 0,77 \text{ N}$$

17. Forța de tracțiune dezvoltată de motorul unui automobil este de 1000 N, iar forța de frecare ce se opune mișcării este de 700 N. Calculați rezultanta acestor forțe.

$$R: R = 300 \text{ N}$$

18. Corpul reprezentat în figură se deplasează rectiliniu uniform. Forțele F_1 și F_2 au modulele $F_1 = 125$ N, $F_2 = 135$ N. La un moment dat forța F_2 își încetează acțiunea și după $\Delta t = 10$ s viteza corpului devine nulă. Să se afle: a) orientarea și modulul forței de frecare; b) rezultanta forțelor ce acționează asupra corpului



după dispariția forței F_2 și după intervalul de timp $\Delta t = 10$ s; c) ce se întâmplă cu viteza corpului după încetarea acțiunii forței F_2 ?

$$R: F_f = 10 \text{ N}; R = 135 \text{ N}$$

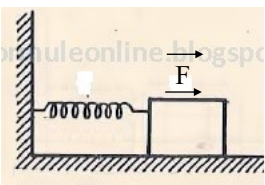
19. Asupra unui corp situat pe o suprafață orizontală acționează, pe aceeași direcție orizontală, două forțe care au modulele egale cu $F_1 = 20$ N, respectiv $F_2 = 30$ N, iar sensurile contrare. Știind că mișcarea corpului este rectilinie și uniformă, să se afle: a) orientarea și modulul forței de frecare; b) masa corpului, dacă forța de frecare este egală cu $1/10$ din forța de apăsare normală.

$$R: F_f = 10 \text{ N}; m = 10,2 \text{ kg}$$

20. Să se afle alungirea cablului de constantă elastică 100 kN/m, utilizat la remorcarea unui automobil cu masa de 2 t într-o mișcare cu viteză constantă, pe un plan orizontal, când forța de frecare reprezintă o zecime din forța de apăsare pe plan.

$$R: \Delta l = 0,02 \text{ m}$$

21. Un resort de constantă elastică $k = 200$ N/m are un capăt prins de perete, iar la celălalt capăt, un corp ce se poate deplasa pe o suprafață orizontală (vezi figura!). Sub acțiunea unei forțe orizontale de modul $F = 6$ N, corpul se deplasează și rămâne în echilibru când alungirea resortului este $\Delta l = 2$ cm. Stabiliți: a) orientarea și modulul forței de frecare; b) orientarea și modulul rezultantei în momentul încetării acțiunii forței F .



$$R: F_f = 2 \text{ N}$$

22. O mașină parcurge 50 km către Est și 20 km către Vest. Să se calculeze: a) distanța parcursă de mașină; b) deplasarea mașinii.

$$R: d = 70 \text{ km}; \Delta x = 30 \text{ km spre Est}$$

23. Un biciclist a parcurs o anumită distanță în $\Delta t_1 = 3$ s, mișcându-se uniform cu viteza $v_1 = 6$ m/s, iar altul a parcurs aceeași distanță în $\Delta t_2 = 9$ s. Să se afle viteza celui de-al doilea biciclist.

$$R: v_2 = 2 \text{ m/s}$$

24. Un mobil parcurge $\Delta x = 80$ km în $\Delta t = 1,5$ h. Din această distanță, 75% este parcursă cu viteza $v_1 = 60$ km/h. Cu ce viteză parcurge restul distanței, știind că mișcarea este rectilinie uniformă?

$$R: v_2 = 40 \text{ km/h}$$

25. Un tren cu lungimea $l_1 = 100$ m trece pe un pod cu lungimea $l_2 = 200$ m. Ce viteză trebuie să aibă trenul pentru ca traversarea să dureze $\Delta t = 30$ s?

$$R: v = 10 \text{ m/s}$$

26. Un biciclist a parcurs $\Delta x_1 = 1,5$ km în $\Delta t_1 = 45$ min. Ce distanță va parcurge un tren în $\Delta t_2 = 25$ min, știind că viteza lui este de $n = 4,5$ ori mai mare decât cea a biciclistului?

$$R: \Delta x_2 = 37,5 \text{ km}$$

27. Un motociclist parcurge distanța între două

orașe în $\Delta t = 9$ h. Să se afle această distanță, dacă se știe că motociclistul s-a deplasat $\Delta t_1 = 3$ h cu viteza $v_1 = 20$ km/h, a staționat $\Delta t_2 = 1$ h și a continuat mișcarea cu viteza $v_3 = 3$ km/h.

$$R: \Delta x = 210 \text{ km}$$

28. Un ciclist se deplasează pe o pistă circulară de rază $R = 20$ m în timpul $\Delta t = 38$ min, cu viteza constantă $v = 20$ km/h. De câte ori înconjoară pista?

$$R: n = 100$$

29. Un conductor din aluminiu cu secțiunea $S = 10$ mm² este lovit la un capăt; sunetul produs în urma loviturii se aude la celălalt capăt peste $\Delta t = 0,02$ s. Să se afle masa conductorului, știind că sunetul se propagă în conductor cu viteza $v = 5100$ m/s.

$$R: m = 2,754 \text{ kg}$$

30. Doi cicliști, A și B, aleargă pe traiectorii circulare, de raze $r_1 = 45$ m, respectiv $r_2 = 54$ m. Ciclistul A merge cu $v_1 = 5$ m/s. Ce viteză trebuie să aibă ciclistul B pentru a parcurge circumferința în același interval de timp ca și ciclistul A?

$$R: v_2 = 6 \text{ m/s}$$

31. Un avion se deplasează cu viteza $v_1 = 200$ km/h și trebuie să parcurgă distanța $\Delta x = 800$ km. La jumătatea drumului își mărește viteza cu $v = 100$ km/h. În cât timp parcurge această distanță?

$$R: \Delta t = 10/3 \text{ h}$$

32. Un avion de călători trebuia să ajungă la destinație în $\Delta t = 2$ h. Din cauza condițiilor nefavorabile, el se deplasează cu o viteză ce reprezintă 75% din cea normală. Cu cât timp ajunge mai târziu?

$$R: \Delta t' = 2/3 \text{ h}$$

33. O mașină pleacă din localitatea A către localitatea B, la ora $t_0 = 10$ h 50 min, cu viteza $v_1 = 60$ km/h. Pe drum are o pană, fiind nevoită să staționeze $\Delta t = 15$ min, după care își continuă mișcarea uniformă cu $v_2 = 80$ km/h și ajunge în B la ora $t = 12$ h și 30 min. Să se afle: a) la ce oră a intervenit pana; b) la ce distanță de localitatea A a intervenit pana. Distanța dintre localitățile A și B este de $\Delta x = 98,4$ km.

$$R: t_1 = 11 \text{ h } 35 \text{ min}; \Delta x_1 = 45 \text{ km}$$

34. Un elev parcurge distanța dintre două localități, A și B, în timpul $\Delta t = 5$ h, mergând pe jos. La întoarcere, $1/5$ din drum este parcursă pe bicicletă, cu viteza $v_2 = 12$ km/h, iar restul pe jos. Să se afle: a) distanța dintre localități, știind că la întoarcere i-a trebuit $\Delta t = 4,5$ h; b) cât timp a mers cu bicicleta; c) viteza de mișcare a elevului.

$$R: \Delta x = 30 \text{ km}; \Delta t'' = 0,5 \text{ h}; v = 6 \text{ km/h}$$

35. Conform orarului, un tren trebuie să parcurgă distanța dintre două stații cu viteza $v = 54$ km/h. După ce parcurge o anumită distanță, din cauza unei restricții, trenul se deplasează cu viteza

$v_1 = 43,2$ km/h pe o porțiune $\Delta x_1 = 1500$ m, apoi staționează $\Delta t = 1$ min 35 s. Ultima parte a traseului este parcursă cu viteza de regim.

Să se afle cu cât întârzie trenul. *R:* $\Delta t' = 2$ min

36. Din două localități situate la distanța $\Delta x = 360$ km pleacă în același moment, unul spre celălalt, un autoturism și un motociclist. Ce spații străbat vehiculele până la întâlnire, dacă $v_2/v_1 = 2/3$?
R: $\Delta x_1 = 216$ km; $\Delta x_2 = 144$ km

37. Un autocamion pleacă din București spre Ploiești simultan cu un automobil din Ploiești spre București. Cele două vehicule se întâlnesc într-un punct situat față de București la o distanță egală cu o pătrime din distanța dintre cele două orașe. Dacă autovehiculele s-ar mișca cu o viteză egală cu suma celor două viteze, ar străbate distanța $\Delta x' = 50$ km în $\Delta t' = 30$ min. Să se afle vitezele celor două autovehicule. *R:* $v_1 = 25$ km/h; $v_2 = 75$ km/h

38. Două mobile se află pe dreapta (Δ), în punctele A, respectiv B. Cel din A pornește spre B cu $v_1 = 12$ m/s, iar cel din B, spre A, cu $v_2 = 9$ m/s, dar mai târziu cu 4 s. Cunoscând $|AB| = 100$ m, la ce distanță de mijlocul segmentului $|AB|$ se întâlnesc?
R: $\Delta d = 27,7$ m

39. Din două localități A și B pleacă, unul spre celălalt, două mobile cu vitezele v_1 și v_2 , trecând unul pe lângă altul la un sfert din distanța totală față de A. Cunoscând că ele ajung în B, respectiv A, la un interval de timp $\Delta t' = 10$ min unul față de celălalt, să se afle în cât timp a parcurs fiecare mobil distanța respectivă.
R: $\Delta t_1 = 15$ min; $\Delta t_2 = 5$ min

40. Două mobile pornesc din același loc, în același sens cu vitezele $v_1 = 30$ km/h și $v_2 = 10$ m/s. Al doilea pleacă mai târziu decât primul cu $\Delta t' = 30$ min. Să se afle: a) după cât timp, din momentul plecării celui de-al doilea mobil, se vor întâlni; b) ce distanță au parcurs până în momentul întâlnirii.
R: $\Delta t_2 = 2,5$ h; $\Delta x = 90$ km

41. Două mobile se mișcă pe aceeași direcție și în același sens cu vitezele $v_1 = 10$ m/s și $v_2 = 20$ m/s. La momentul inițial, mobilul al doilea se află în urma primului cu distanța $\Delta x' = 200$ m. Să se afle după cât timp distanța dintre cele două mobile devine $\Delta x'' = 50$ m.
R: $\Delta t = 15$ s

42. Un elev înregistrează ecoul la $\Delta t = 2,5$ s de când a pronunțat sunetul „a”. La ce distanță se află peretele pe care s-a produs reflexia sunetului, dacă $v_{\text{sunet}} = 340$ m/s?
R: $\Delta l = 425$ m

43. Un automobil se îndreaptă cu viteza v , constantă, către un obstacol. Când se ajunge la distanța $d = 2,72$ km de obstacol, el emite un sunet al cărui ecou este perceput de șofer după $\Delta t = 15$ s.

Cunoscând că viteza sunetului în aer este $v_{\text{sunet}} = 340$ m/s, să se calculeze: a) viteza automobilului; b) spațiul parcurs de automobil de la emiterea sunetului până la perceperea ecoului.

R: $v_1 = 22,6$ m/s; $d_1 = 339$ m.

44. Pe o autostradă trece la momentul $t_{01} = 0$, prin dreptul bornei kilometrice 0, un automobil cu viteza $v_1 = 72$ km/h. La momentul $t_{02} = 1$ h, trece, prin același punct și în același sens, un alt automobil. Știind că autovehiculele se întâlnesc la kilometrul 144, să se calculeze viteza celui de-al doilea automobil.
R: $v_2 = 144$ km/h

45. Două automobile trec pe autostradă în același moment și în același sens, cu vitezele $v_1 = 72$ km/h și $v_2 = 108$ km/h, prin dreptul kilometrului 0. La un moment dat, automobilul al doilea are o pană de cauciuc. După schimbarea roții, el își continuă mișcarea cu aceeași viteză. Cât timp a staționat acest automobil dacă îl ajunge pe primul la km 54?
R: $\Delta t = 15$ min

46. Din două localități, situate la distanța $\Delta x = 10$ km una de alta, pornesc simultan doi bicicliști. Dacă merg unul spre celălalt, se întâlnesc după $\Delta t_1 = 15$ min de la plecare; dacă merg în același sens, primul îl ajunge pe al doilea după $\Delta t_2 = 2$ h. Să se afle viteza celor doi bicicliști.
R: $v_1 = 22,5$ km/h; $v_2 = 17,5$ km/h

47. Din două localități A și B, situate la distanța $\Delta x = 84$ km, pornesc simultan, unul către celălalt, două mobile, cu vitezele $v_1 = 12$ km/h, respectiv $v_2 = 16$ km/h. Un al treilea mobil pleacă din localitatea A cu $\Delta t' = 20$ min întârziere față de primele. Cu ce viteză trebuie să se deplaseze al treilea mobil, pentru a ajunge la punctul de întâlnire simultan cu celelalte două?
R: $v_3 = 13,5$ km/h

48. Pe o traiectorie circulară se deplasează două mobile. Ele au pornit din același punct în sensuri opuse, în același moment. Dacă s-au întâlnit după timpul $\Delta t = 157$ s, să se afle viteza unui mobil, știind că viteza celuilalt este $v_2 = 2$ m/s și raza traiectoriei circulare, $R = 100$ m.
R: $v_1 = 2$ m/s

49. Din intersecția a două șosele perpendiculare, pornesc simultan două mobile ce au vitezele egale, $v = 10$ km/h. Să se afle distanța dintre mobile după $\Delta t_1 = 1$ h. Cât devine această distanță dacă unul dintre mobile pleacă mai târziu cu $\Delta t_2 = 2$ h decât celălalt?
R: $d_1 = 14,1$ km; $d_2 = 31,6$ km

50. Viteza unui mobil este de $k = 2$ ori mai mică decât al celuilalt. Mobilele se deplasează pe traiectorii perpendiculare și la momentul inițial se aflau în intersecția celor două traiectorii. Să se calculeze distanța dintre cele două mobile în momentul în care cel cu viteza mai mică a parcurs

51. Un turboreactor trece prin dreptul unui observator la înălțimea de 2000 m de acesta, deplasându-se cu viteza sunetului. La ce distanță de observator se găsește avionul în momentul în care acesta percepe un semnal sonor lansat de avionul care se afla în dreptul observatorului?

$$R: d = 2828,4 \text{ m}$$

52. Să se calculeze căldura necesară modificării temperaturii unei bucăți de argint cu masa $m = 18$ g de la $\theta_1 = -15^\circ\text{C}$ la $\theta_2 = 20^\circ\text{C}$.

$$R: Q = 1575 \text{ J}$$

53. Ce masă are un corp din fier, dacă s-au consumat 9660 J pentru a-l aduce de la $T_1 = 295,15$ K la $T_2 = 305,15$ K?

$$R: m = 2,1 \text{ kg}$$

54. Câtă căldură cedează mediului înconjurător apa unui iaz cu aria $S = 200 \text{ m}^2$ și adâncimea medie $h = 2,5$ m, atunci când se răcește cu 2°C ? Rezultatul să fie dat în MJ. *Precizare:* În rezolvarea problemelor de acest gen se vor neglija: variația densității cu temperatura și evaporările apei.

$$R: Q = 4200 \text{ MJ}$$

55. O cantitate de apă cedează căldura $Q = 83,7$ kJ atunci când își micșorează temperatura cu $\Delta\theta = 50^\circ\text{C}$. Să se calculeze volumul apei exprimat în litri.

$$R: V = 4 \text{ l}$$

56. Să se determine căldura necesară pentru încălzirea aerului dintr-o cameră, de la 16°C la 22°C . Se cunosc: dimensiunile camerei (4 m, 5 m, 2,8 m), densitatea aerului ($\rho = 1,3 \text{ kg/m}^3$), căldura specifică a aerului ($c = 1 \text{ kJ/kgK}$). Răspunsul să fie dat pentru două cazuri: a) se neglijează pierderile de căldură; b) pierderile reprezintă $f = 10\%$ din căldura necesară. $R: Q_a = 436,8 \text{ kJ}; Q_b = 480,4 \text{ kJ}$

57. Un vas din metal cu masa $m_1 = 0,8$ kg conține $m_2 = 0,7$ kg apă la temperatura $\theta_1 = 30^\circ\text{C}$. Prin încălzirea acestui ansamblu, temperatura devine $\theta_2 = 60^\circ\text{C}$. Să se calculeze căldura specifică a vasului, cunoscând căldura totală absorbită, $Q = 96808,8 \text{ J}$.

$$R: c = 372 \text{ J/kg}^\circ\text{C}$$

58. O piesă metalică cu masa $m = 200$ g este confecționată dintr-un aliaj ce conține $f_1 = 12\%$ cupru, $f_2 = 30\%$ zinc și $f_3 = 58\%$ aluminiu. Pentru încălzirea piesei cu $\Delta\theta = 12^\circ\text{C}$ este absorbită căldura $Q = 1664,16 \text{ J}$. Se consideră cunoscute căldurile specifice ale cuprului și zincului și se cere căldura specifică a aluminiului. $R: c_3 = 900 \text{ J/kg}^\circ\text{C}$

59. Pentru a încălzi cantitatea $m_1 = 100$ g de mercur cu $\Delta\theta_1 = 100^\circ\text{C}$ este necesară aceeași căldură ca și pentru încălzirea unei cantități de apă $m_2 = 100$ g cu $\Delta\theta_2 = 30^\circ\text{C}$. Să se afle căldura specifică a mercurului.

$$R: c_{\text{Hg}} = 126 \text{ J/kgK}$$

60. Într-un vas cu capacitatea calorică $C_1 = 150$ J/K se află $m_2 = 5$ kg apă. Să se calculeze căldura necesară creșterii temperaturii cu $\Delta\theta = 25^\circ\text{C}$.

$$R: Q = 526,875 \text{ J}$$

61. Un vas de capacitate calorică $C = 70$ J/K și

volum $V = 750$ ml este folosit pentru încălzirea a două lichide: apă și glicerină. Considerând că vasul este umplut pe jumătate și că primește aceeași căldură în ambele cazuri, să se calculeze raportul variațiilor temperaturii celor două lichide.

$$R: \Delta\theta_a/\Delta\theta_g = 0,73$$

62. Un litru de apă caldă este amestecat cu 2 l apă rece a cărei temperatură este $\theta_1 = 11^\circ\text{C}$. Temperatura de echilibru a amestecului este $\theta = 30^\circ\text{C}$. Să se afle temperatura inițială a apei calde.

$$R: \theta_0 = 68^\circ\text{C}$$

63. Pentru aflarea temperaturii unei mase $m_1 = 66$ g de apă se introduce în ea un termometru care arată $\theta = 32,4^\circ\text{C}$. Care a fost temperatura reală a apei, dacă termometrul are capacitatea calorică $C_2 = 1,9$ J/K și înainte de a fi introdus în apă el arată $\theta_2 = 17,8^\circ\text{C}$?

$$R: \theta_1 = 32,5^\circ\text{C}$$

64. Într-un vas de capacitate calorică neglijabilă se află $V_1 = 1$ l apă. În aceasta se introduce o bucată de fier cu masa $m_2 = 0,5$ kg, mai rece decât apa cu $\Delta\theta_{\text{Fe}} = 63^\circ\text{C}$. Să se calculeze variația de temperatură a apei.

$$R: \Delta\theta = 3,28^\circ\text{C}$$

65. Pentru realizarea unei băi este necesar un volum de apă $V = 320$ l la temperatura $\theta = 36^\circ\text{C}$. Apa din cazanul de baie are $\theta_1 = 78^\circ\text{C}$, iar cea de la robinet $\theta_2 = 8^\circ\text{C}$. Să se afle volumele de apă utilizate pentru pregătirea băii. Se neglijează pierderile de căldură și capacitatea calorică a cazii.

$$R: V_1 = 128 \text{ l}; V_2 = 192 \text{ l}$$

66. Într-o cadă curge apă prin două robinete având debitele $Q_{V1} = 10$ l/min, respectiv $Q_{V2} = 12,5$ l/min. Durata de curgere a apei este $\Delta t = 10$ min. Apa provenită de la cele două robinete are temperaturile $\theta_1 = 10^\circ\text{C}$, respectiv $\theta_2 = 70^\circ\text{C}$. Să se afle: a) masa apei din cadă; b) temperatura de echilibru a apei.

$$R: m = 225 \text{ kg}; \theta = 43,3^\circ\text{C}$$

67. Trei cantități de apă cu temperaturile $\theta_1 = 10^\circ\text{C}$, $\theta_2 = 30^\circ\text{C}$, respectiv $\theta_3 = 60^\circ\text{C}$ au masele proporționale cu numerele 3, 4, 5. Dacă se toarnă cele trei cantități de apă într-un vas de capacitate calorică neglijabilă, să se afle: a) temperatura apei în starea de echilibru; b) diagrama calorimetrică.

$$R: \theta = 37,5^\circ\text{C}$$

68. Într-un vas de capacitate neglijabilă se găsește $m_1 = 20$ kg apă la $\theta_1 = 15^\circ\text{C}$. Se adaugă o cantitate m_2 de apă cu temperatura $\theta_2 = 95^\circ\text{C}$, astfel încât la echilibru termic, temperatura devine $\theta = 55^\circ\text{C}$. Din acest amestec se ia o pătrime și se toarnă peste $m_3 = 20$ kg apă. Temperatura de echilibru ajunge la $\theta' = 45^\circ\text{C}$. Neglijând pierderile de căldură, să se afle: a) cantitatea de apă m_2 ; b) temperatura inițială a cantității de apă m_3 .

$$R: m_2 = 20 \text{ kg}; \theta_3 = 40^\circ\text{C}$$

69. Într-un calorimetru cu capacitatea calorică $C = 63 \text{ J/K}$ se află $m_2 = 250 \text{ g}$ ulei la temperatura $\theta_2 = 12^\circ\text{C}$. După ce în ulei a fost introdus un corp din cupru cu masa $m_3 = 500 \text{ g}$ și temperatura $\theta_3 = 100^\circ\text{C}$, iar starea de echilibru a fost realizată, se constată că temperatura este $\theta = 33^\circ\text{C}$. Să se calculeze căldura specifică a uleiului.

$$R: c_2 = 2,5 \text{ kJ/kg}^\circ\text{C}$$

70. Un corp din fier care cântărește în apă $m_a = 700 \text{ g}$ și are temperatura $\theta_1 = 50^\circ\text{C}$ este introdus într-un calorimetru de capacitate calorică $C_2 = 80 \text{ J/grad}$ odată cu $m_3 = 500 \text{ g}$ benzină. Temperatura inițială a benzinei este cu $\Delta\theta = 10^\circ\text{C}$ mai mare decât temperatura inițială a calorimetrului. După realizarea echilibrului termic, temperatura este $\theta = 40^\circ\text{C}$. Să se afle temperaturile inițiale ale calorimetrului și benzinei.

$$R: \theta_3 = 37,5^\circ\text{C}; \theta_2 = 27,5^\circ\text{C}$$

71. Într-un calorimetru din cupru cu temperatura $\theta_1 = 15^\circ\text{C}$, se toarnă $m_2 = 150 \text{ g}$ de apă cu temperatura $\theta_2 = 42^\circ\text{C}$. Temperatura de echilibru se stabilește la $\theta = 30^\circ\text{C}$. Când calorimetrul conține $m_3 = 200 \text{ g}$ apă la $\theta_3 = 15^\circ\text{C}$, se introduce în el un corp metalic cu masa $m_4 = 240 \text{ g}$ și temperatura $\theta_4 = 100^\circ\text{C}$. Temperatura de echilibru a acestui sistem este $\theta' = 2^\circ\text{C}$. Neglijând pierderile de căldură, să se afle căldura specifică a corpului metalic.

$$R: c_4 = 500 \text{ J/kg}^\circ\text{C}$$

72. Până la ce temperatură trebuie încălzită o bucată de cupru cu masa $m_1 = 2 \text{ kg}$ pentru ca, prin introducerea ei în $m_2 = 3 \text{ kg}$ de apă, aceasta să-și modifice temperatura de la $\theta_2 = 5^\circ\text{C}$ la $\theta = 10^\circ\text{C}$, știind că se pierde $f = 25\%$ din căldura cedată prin răcirea cuprului?

$$R: \theta_1 = 120,1^\circ\text{C}$$

73. Un proiectil intră cu viteza $v_1 = 500 \text{ m/s}$ într-o bucată de cauciuc de grosime considerabilă și iese cu viteza v_2 . Dacă temperatura proiectilului crește cu $\Delta\theta = 200^\circ\text{C}$, să se calculeze viteza v_2 . Se dă căldura specifică a proiectilului $c = 125 \text{ J/kgK}$ și se consideră că întreaga căldură provenită din variația energiei cinetice a proiectilului a fost absorbită numai de acesta.

$$R: v_2 = 447 \text{ m/s}$$

74. Fie o sferă metalică cu densitatea $\rho = 7800 \text{ kg/m}^3$ și volumul $V = 100 \text{ cm}^3$. De la înălțimea $h = 20 \text{ m}$, sfera cade liber într-un vas ce conține $m_2 = 3$

kg lichid. Se consideră că toată energia cinetică a sferei este cedată lichidului sub formă de căldură. Cu câte grade se va ridica temperatura lichidului? Se dau: $g = 10 \text{ m/s}^2$ și $c_2 = 900 \text{ J/kgK}$. $R: G = 7,8 \text{ N}; \Delta\theta = 0,057^\circ\text{C}$

75. Un glonte din plumb este frânat de un obstacol și se încălzește cu 160 K . Să se afle viteza inițială a glontelui, dacă la încălzirea lui se consumă 26% din energia cinetică inițială.

$$R: v = 384 \text{ m/s}$$

76. Cu câte grade se încălzește fiecare litru de apă al unei cascade ce are înălțimea de 40 m , dacă toată energia mecanică a apei în cădere se transformă în căldură?

$$R: \Delta\theta = 0,09^\circ\text{C}$$

77. Cu cât se va ridica temperatura apei prin căderea ei de la înălțimea $h = 22 \text{ m}$, dacă se va considera că încălzirea apei este produsă numai de 30% din energia ei potențială?

$$R: \Delta\theta = 0,155^\circ\text{C}$$

78. De la ce înălțime a căzut un fulg de zăpadă, dacă în cădere s-a încălzit cu 1°C ? Se consideră că 60% din energia potențială a fulgului de zăpadă determină încălzirea lui.

$$R: h = 357,1 \text{ m}$$

79. Un ciocan cu aburi de masă $m_1 = 6 \text{ tone}$ bate un lingou de oțel cu masa $m_2 = 30 \text{ kg}$. De câte ori trebuie să cadă ciocanul de la înălțimea $h = 2 \text{ m}$, pentru a ridica temperatura lingoului cu $\Delta\theta = 117,6^\circ\text{C}$? Se va lua randamentul de transformare a energiei mecanice în căldură egal cu $\eta = 60\%$.

$$R: n = 23$$

80. O bilă de fier în cădere liberă atinge viteza $v = 41 \text{ m/s}$ și, ciocnindu-se de Pământ, ricoșează ajungând la înălțimea $h = 1,6 \text{ m}$. Aflați variația temperaturii bilei prin ciocnire, considerând că bila preia întreaga căldură rezultată din variația energiei mecanice. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: \Delta\theta = 1,8^\circ\text{C}$$

81. Un corp cu masa de 2 kg se găsește la baza unui plan înclinat de lungime $l = 3 \text{ m}$ și înălțime $h = 1,5 \text{ m}$. Să se calculeze: a) forța de frecare dintre corp și planul înclinat, știind că forța necesară pentru a-l urca uniform are modulul $F = 50 \text{ N}$; b) variația temperaturii corpului, știind că acesta absoarbe 65% din căldura obținută prin frecare la urcarea pe planul înclinat. Se dă $c = 125 \text{ J/kg}^\circ\text{C}$.

$$R: F_f = 40 \text{ N}; \Delta\theta = 0,31^\circ\text{C}$$

Prof. RODICA LUCA, Iași

Invenții geniale ale indienilor

Prof. Aida Dumitrescu, Școala gimnazială „Cezar Bolliac”, București

Căutarea diamantelor în mine de diamante - Până în sec al XVIII-lea, când Brazilia a descoperit mine de diamante, India era singurul furnizor de diamante pure. Cu aproape 5000 de ani în urmă aceste pietre prețioase au fost recunoscute și s-au căutat în minele din India centrală.

Modalități de stimulare a creativității elevilor

Viorica CHIORAN¹, Stefan CHIFA², Florinela MICU³
^{1, 2} Scoala Gimnaziala nr.4, Poienile de sub Munte, Maramureș;
³ Liceul Tehnologic "Anghel Saligny" Braila.

1. Ce motive are profesorul de fizică să acorde atenție creativității elevilor săi?

De ce ar trebui să fie preocupat de căile și de metodele de a stimula învățarea creativă?

De ce este important ca însușirile gândirii creative să fie dezvoltate în lecțiile de Fizică?

De ce este importantă conceperea învățării fizicii ca proces creativ?

Câteva răspunsuri la aceste întrebări ar putea fi următoarele:

- a) - creativitatea reprezintă nivelul maxim al dezvoltării personalității (Maslow, A.H., 1962);*
- b) - oamenii cei mai predispuși către o activitate creativă ca adulți sunt cei ale căror aptitudini și motivație pentru creativitate au fost dezvoltate în copilărie (Amabile, T.M., 1997, p. 37);*
- c) - creativitatea reprezintă un potențial propriu oricărui elev, nu o trăsătură doar a elevilor dotați (Stoica, A., 1983);*
- d) - diferența dintre potențialul creativ al fiecărui elev și performanțele lui creative poate fi atenuată printr-o educație bine orientată (Parnes, S.J., 1962);*
- e) - potențialul creativ propriu oricărui elev depinde de aptitudini și atitudini creative, de trăsături de personalitate, de motivație.*
- f) - elevul poate fi antrenat în cele mai variate activități creative, în orice situații de viață (Taylor, I., 1957; Taylor, C., 1959; Parnes, S.J., 1964).*

În același timp, comportamentul unui elev poate fi supus influenței unor factori care blochează creativitatea. Astfel de piedici țin fie de structura internă intelectuală și de personalitate a unui elev, fie de factori externi, culturali sau de mediu.

„În educația noastră de astăzi, fundamentală este incapacitatea noastră, prea frecventă, de a realiza predarea și învățarea ca pe un proces creativ” (Rapp, M., 1967).

S-a constatat că activitățile cu caracter creativ conduc la o creștere a interesului și motivației elevilor pentru studiul fizicii. Elevii trebuie conștientizați de necesitatea implicării lor în mod creativ la rezolvarea problemelor societății în care trăiesc. Putem începe prin a-i ajuta să-și cunoască potențialul creativ.

2. Când se poate spune despre elevi că au un potențial creativ ?

Pot fi considerate situațiile în care elevii:

- manifestă curiozitate științifică;*
- dau răspunsuri originale sau fanteziste;*
- gândesc abstract și fac raționamente;*
- gândesc divergent, analizând o problemă din alt unghi de vedere decât cel propus sau găsesc mai multe căi de rezolvare;*
- manifestă spirit experimental, sunt inventivi;*
- manifestă spirit de observație dezvoltat sesizând relațiile dintre obiecte și fenomene;*
- înțeleg cu ușurință lecțiile, combină ideile, și operează cu ele gândind independent;*
- au idei și soluții neobișnuite în rezolvarea problemelor științifice, tehnice aplicative;*
- au fluență verbală, asociativă și expresivă.*

„Școala trebuie să pregătească tinerii în așa fel încât aceștia să rezolve contradicția dintre explozia informațională și posibilitățile limitate de asimilare și memorare”.

S-a considerat multă vreme că imaginația este doar un efect al generozității codului genetic, dar experiența a demonstrat că se poate influența capacitatea creatoare și prin educație și prin exercițiu se pot forța limitele impuse de ereditate.

Profesorul îi îndeamnă pe elevi să învețe suplimentar, să caute noi conexiuni între cunoștințe, să emită idei, să dezvolte ideile altora să le perfecționeze. Chiar dacă o idee pare banală ea poate fi mai valoroasă pentru cel care a lansat-o. Profesorul stimulează efortul personal al elevului de a fi original, inventiv, creativ și se așteaptă ca elevul să-i facă surpriza de a adăuga informațiilor primite, ceva „al său” ceva nou și propriu ființei sale. Elevului îi revine rolul de a transforma informațiile primite într-o construcție proprie, printr-un exercițiu al minții, de îmbogățire a experienței personale.

2. Modalități de stimulare a creativității elevilor

a) Prin participarea elevilor cu articole și poezii la publicații școlare (reviste, auxiliare)

A. INTERFERENȚE ÎNTRE FIZICĂ ȘI LITERATURĂ

CHIORAN VIORICA

INTERFERENȚE ÎNTRE
LITERATURĂ ȘI ȘTIINȚE



Baia Mare 2017

Culegere de teme cu interferențe între Fizică și Poezia lui Eminescu prezentate în cadrul Cercului de Fizică „Isaac Newton” coordonat de prof. dr. Chioran Viorica

„Peste tot pe unde au trecut pașii poetului au lăsat în urma lor pulbere de stele”.

NASA a pus numele Eminescu unui crater de pe planeta Mercur iar anul 1989 a fost declarat de UNESCO „Anul Poetului Mihai Eminescu”. „Lucașfărul” lui Eminescu a fost omologat de World Records Academy drept cel mai lung poem de dragoste din lume (98 de strofe).

ISBN 978-973-0-24229-4

B. CREAȚII LITERARE ALE ELEVILOR PE TEME DE FIZICĂ

Balada unui fulg de nea Autor: prof. dr. Chioran Viorica

Micul strop de rouă, S-a evaporat,/ Și în formă nouă, Sus s-a ridicat./ Ajungând la nori, i Cenușii din cer,/ Și-l găsiră zorii, Tremurând în ger / Vapor mic, așa, S-a cristalizat / Într-un fulg de nea, El s-a transformat./ Unic și sublim, Rece și frumos, / Legănat și lin Se întoarce jos.

Transformări de stare Autori: Chioran Daniel

-A căzut plutind un fulg de nea,/ Și lucește-n palmă o micuță stea./ Delicat și unic, fulg neprețuit/ La căldura palmei mele s-a topit.

-Giuvaer sublim născut în ger/ Și-a urmat destinul efemer./ Aș fi vrut ca să-l păstrez așa / Și să-l ocrotesc în palma mea.

-În căușul palmei strălucește toată / Lacrima zăpezii rece și curată. / Și sunt trist că iată, bucuria mea / S-a topit asemeni fulgului de nea.

Mie-mi place Fizica Autor: Bilan Maria, clasa VIII

Mie-mi place Fizica// Multe mă învață ea / Despre Univers și Om/ Despre Cosmos și Atom./ Cea mai bună-nvățătură / Este acolo în natură / Să simți vântul care bate / Să vezi cerul pe 'nserate./ Pastelat ori ca un rug / Este cerul în amurg./O paletă de culori / Aurora cea din zori! / Iris a zâmbit de sus / Și zâmbind pe cer a pus / Curcubeul, „drumul sfânt”/ Între ceruri și Pământ.

Ninsoarea Autor: Logoș Maria, clasa a VI-a

Roi de fulgi ușori / Lin purtați de vânt / Coborâți din nori, / Cad peste Pământ ./ Ninge până-n zori ./ Roi de fulgi ușori / Ce văzduhu-i cerne. / Alb covor de nea / Iarna îmi așterne / Sub fereastra mea / Roi de fulgi ușori / Pe copaci s-agață / Și la noi pe stradă / Mulți copii înalță / Oameni de zăpadă . /

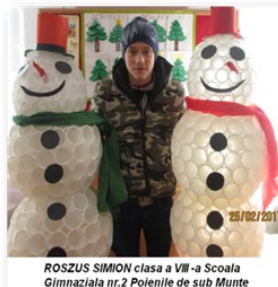
O noapte de Crăciun Autor: Berfela Anișoara, clasa a VIII-a

O noapte de Crăciun, Colindele răsună / Copiii ne spun Vestea cea bună./ În iesle de vite, S-a născut Iisus. / Domnul îi trimite, Îngerii de sus,/ Păstorii veghează, Magii se-nchină/ Lângă Betleem, Steaua dă lumină./ Vin colindătorii Fulgii cad de sus /Și se-arată zorii, S-a născut Iisus.

Zâna Iarnă a sosit! Autor: Miculaiciuc Maria, clasa a VII-a

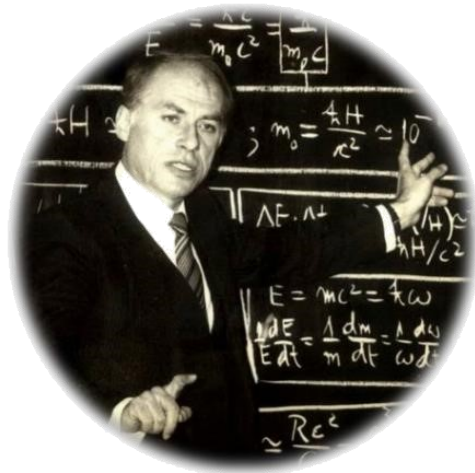
Zâna Iarnă a sosit / Bucurie ne-a vestit,/ A adus din cer, de sus, /Fulgiișorii albi, de pluș./ Albe flori a prins de ramuri / Și-a încrustat steluțe-n geamuri./ Noi cu toții ne bucurăm / În nămeți să ne jucăm./ Fulgi ușori încep să cadă/ Peste omul de zăpadă.

b). Ateliere de creație; Materiale didactice artisanale



Bibliografie

- [1]. „Poienița Muntelui” revista Școlii Gimnaziale nr.2. Poienile de sub Munte, Maramureș
[2]. „Steaua Nordului” revista Liceului Tehnologic Repedeș Maramureș



ACADEMIA ROMÂNĂ
Secția de Științe Fizice



În data de 6 octombrie, în *Aula Academiei Române* s-a desfășurat Sesiunea aniversară dedicată Domnului Academician **IOAN - IOVITZ POPESCU**,
cu ocazia împlinirii vârstei de **85 de ani**.

Academician Ionel – Valentin VLAD - Președintele Academiei Române
Cuvânt de deschidere

Academician Nicolae – Victor ZAMFIR - Președintele Secției de Științe Fizice
Academicianul Ioan - Iovitz Popescu la 85 de ani

Prof. Dr. Voicu LUPEI - Membru corespondent al Academiei Române
Academicianul Ioan-Iovitz Popescu și cercetarea instituțională de fizica laserilor, plasmiei și radiației

Prof. Univ. Dr. Iancu IOVA - Facultatea de Fizică, Universitatea din București
Academicianul profesor Ioan - Iovitz Popescu – Evocări

Prof. Dr. Gheorghe DINESCU - Institutul Național pentru Fizica Laserilor, Plasmei și Radiației
Ioan - Iovitz Popescu – un model pentru noile generații

Dr. Alexandru NICOLAE - Institutul de Lingvistică „Iorgu Iordan - Al. Rosetti”
Departamentul de Lingvistică, Universitatea din București
Ioan-Iovitz Popescu și științele limbajului

Prof. Gabriel ALTMANN - Ruhr-University, Bochum, Germany
On Iovitzu, the great linguist



**Redacția Revistei „EVRIKA!” vă urează
La Mulți Ani!**

CONȘTIINȚA ȘTIINȚEI

Ion HOLBAN

*Institutul de Dezvoltare a Societății Informaționale;
Consiliul Național pentru Acreditare și Atestare al Republicii Moldova;
Institutul de Inginerie Electronică și Nanotehnologii „Dumitru Ghițu” Republica Moldova,*

Se face o încercare de a parcurge noianul de întrebări referitoare la locul și menirea științei și a învățământului în viața societății, la devenirea conștiinței științei, prin parcurgerea unui itinerar istoric al științei și culturii noastre. Puncte de reper servesc viziunile și strădaniile unor înaintași ai științei și culturii românești de „a întoarce România cu fața spre știință”, „de a pune în Basarabia știința și învățătura în capul mesei”. Este vorba de: mitropolitul Petru Movilă, cronicarul Miron Costin, diplomatul și geograful Nicolae Milescu Spătarul, omul de stat și savantul Dimitrie Cantemir, scriitorul și pedagogul Ion Creangă, poetul Mihai Eminescu, „omul școlii” Spiru Haret, astrofizicianul Nicolae Donici, pedagogul Onisifor Ghibu, fizicienii Ștefan Procopiu și Horia Hulubei, biologul, laureatul Premiului Nobel George Palade, fizicianul Sergiu Rădăuțanu, medicul Nicolae Testemițanu. Elemente însemnate ale cercetării: libertatea de exprimare, mobilitatea cercetătorilor, competența și competiția. Se urmărește procesul de transmitere a cunoștințelor de la cei care procesează cunoștințe la publicul larg. Elemente importante ale învățământului: structurarea materialului didactic conform paradigmei științei, pluridisciplinaritatea, învățarea prin cercetare.

Introducere

Pe parcursul a 50 de ani autorul urmărește cu atenție ce se face în știință. Ceea ce se va expune aici sunt niște viziuni ale înaintașilor noștri asupra setului de probleme cristalizate din contactul lor cu Marea Știință și cu realitatea noastră, viziuni care se cer expuse. În știință moralitatea și conștiința de sine se impun azi pe prim plan. Nu ne rămâne decât să trudim pentru valorificare tezaurului nostru spiritual, pentru înfăptuirea idealurilor înaintașilor noștri. Vom întreprinde o acțiune de conștientizare a științei, „creația supremă a omenirii”, „izvorul de nesecat al progresului”. Potențialul științific este avuția cea mai de preț a unei națiuni, risipirea acestuia ar fi o gravă crimă săvârșită contra națiunii și umanității. În țările civilizate știința este pusă în capul mesei, iar oamenii de știință dau ordine în cetate. Pentru aceste țări este un lucru axiomatic ca generația care se trece să lase celei care vine o

zestre a științei tot mai bogată și mai bogată. Rostul scrierii de față este să ajute tinerii generații să recunoască problemele majore ce-i stau în față și să se apuce cu râvnă a munci asupra soluționării acestora, totodată păstrând și multiplicând bogăția de cunoștințe a predecesorilor.

Setea noastră seculară de a cunoaște

De când ne știm avem o sete neostoită de a cunoaște. Cu operele înaintașilor despre care vom vorbi autorul a făcut cunoștință în diferite ipostaze, care i-au rămas adânc imprimare în memorie. Ne preîntâmpina Dimitrie Cantemir: „Că piatra din zidire cu vreme iară la zidire să pune” (II,p.132). Ne atenționa Nichita Stănescu (1933-1983): „Vai de cel care se odihnește la umbra copacului sădit de strămoșii altuia. Lasă-te ars de Soare, dacă n-ai moștenit vreo umbră de arbore. Sădește-te însuși, dacă nu s-a sădit pentru tine! Fii strămoș, dacă n-ai avut norocul să fii strănepot”. Ne încuraja metaforic Grigore Vieru (1937-2007), că nu suntem părăsiți de Dumnezeu, că în Univers există niște agenți cosmici care au în grijă ca pe Pământ să nu se formeze pustiiri spirituale, cum acestea încep a se forma, ei de îndată trimit mesageri din domeniul scrisului, muzicii, științei..., și aceștia creează acolo oaze înfloritoare. Avea poetul în vedere în primul rând Basarabia, frecvent decapitată de înaintemergători. Cu toată vitregia locurilor pe care ne-am născut, depistăm totuși la poporul român o sete irezistibilă de a cunoaște pe parcursul întregii sale istorii.

Mitropolitul Petru Movilă (1596-1646)

Cărturarul moldovean Petru Movilă (1596-1646), mitropolitul Kievului și al Galiției, acorda o atenție deosebită științei. A întemeiat Academia Duhovnicească din Kiev, o instituție de învățământ organizată pe principiile universităților occidentale, în care studenților li se da o bună pregătire nu numai în domeniul teologiei, ci și în cel al științelor, studiile făcându-se în limbile latină, greacă și rusă. Mitropolitul deseori accentuând rolul jucat de știință în viața socială: „Știința timpului este pentru biserica ortodoxă întocmai ca oglinzile lui Arhimede, care, concentrând razele solare asupra corăbiilor dușmane care se apropiu de țărnișele

Siracuzei, le ardeau” [Cartoian 1996, p.155]. De menționat că Arhimede (287 î.Hr.-212 î.Hr.) este savantul care a intuit atotputernicia Omului, capabilitatea lui de a schimba Lumea până la dimensiuni cosmice. În Chișinău mitropolitului Petru Movilă i s-a înălțat un monument, o stradă îi poartă numele.

Cronicarul Miron Costin (1633-1691)

În scrierea „De neamul Moldovenilor”, cărturarul Miron Costin își îndemna concetățenii să citească: „Nu este alta mai frumoasă și mai de folos zăbavă decât cetitul cărților...”[Costin].

O stradă din Chișinău îi poartă numele.

Diplomatul și geograful Nicolae Milescu Spătarul (1636-1708)

Nicolae Milescu Spătarul (1636-1708) cărturar, traducător, geograf și diplomat, vorbea în limbile română, latină, greacă și rusă, cunoștea limbile turcă, franceză, italiană. Efectuează prima traducere integrală în limba română a Vechiului Testament (1661–1668). Dat fiind cunoștințelor sale enciclopedice, țarul Aleksei al Rusiei îi încredințează diverse misiuni. Este cunoscut îndeosebi pentru celebra sa călătorie în Orient (1675-1678). Cele relatate de cărturar prezintă și azi un document științific și istoric de mare valoare. Pe lângă descrierea obiceiurilor chinezilor, se găsesc acolo și aspecte geografice și etnice din Siberia și Mongolia. Când în lunga sa călătorie ajunseseră la lacul Baikal, marele diplomat și om de știință se întrebă ce adâncime o fi având acesta, dar aruncându-și privirea asupra munților din vecinătate, pe loc găsi răspunsul logic: adâncimea lacului trebuie să fie pe potriva înălțimii munților din preajmă, lucrul demonstrat ca adevărat mai târziu de alți cercetători, totodată observația savantului a intrat în știință ca metodă de cercetare [Saka, Matei 1986]. Mai târziu, Eminescu gândea la fel: „Cât de naltă vi-i mărirea, tot așa de-adânc căderea” („Memento mori”, v. 1, p. 302); „Mari în virtutea lor, mari în păcatele lor” („Mira”, v.1, p. 235).

Pe Aleea Clasicilor din Chișinău primul bust e al Spătarului.

Omul politic și savantul Dimitrie Cantemir (1673-1723)

Dimitrie Cantemir este omul politic și savantul, care a luptat, „cu pana și cu spada”, pentru înălțarea neamului său. Învățătura pe care ne-a lăsat -o moștenire acest „domn luminat și patriot”: „operele științifice, literare și filozofice sunt mai

grele și mai mari decât izbânzile politice” („Istoria ieroglifică”, II, p.188). Adept al Renașterii, Cantemir atribuie un rol aparte în societate științei: „Că cine adevărul de la rădăcină cercă știința în vârful înălțimii află, și cine adevărul de gios întreabă cunoștința de sus îi răspunde” [Cantemir I, p.109-110]; „Că precum știința lucrurilor ieste lumina minții, așa neștiința lor ieste întunecarea cunoștinții” [Cantemir, I, p.56]; „A tot lucrul părerea părere naște, iară știința făclia adevărului ieste” [Cantemir I, p.152]. Savantul arată și ușile de intrare în Palatul Științei: „În trii chipuri și ca cum prin trii porți înluntru palaturilor cunoștinții lucrurilor a intra putem: prin pildele celor trecute, prin deprinderea cestor de acmu și prin buna socoteala a celor viitoare” [Cantemir II, p.125-126]. Cantemir avea încredere nețărmuită în puterea de penetrație a adevărului științific: „Că adevărul, deși târziu, însă în deșert și nedovedit a rămânea nu poate” [Cantemir II, p.178]; „Unde lumina adevărului lovește oricât de groși ar fi păreții îndrăpncicii, de nu peste tot, dară oarece zarea tot străbate” [Cantemir I, p.100], în puterea de prezicere a științei: „Căci sămnu înțelepciunii ieste ca din cele vădzuțe sau audzite, cele nevădzuțe și neaudzite a adulmăca, și viitoarele din cele trecute a giudeca” [Cantemir I, p.112-119].

Savantul învață că toate în lume sunt trecătoare și se află în perpetuă schimbare și transformare: „Că pre cât ieste de iute la curgere punctul vremii, încă mai iuți sânt mutările lucrurilor în vreme” [Cantemir I, p.122]. Ca și reformatorul fizicii, Galileo Galilei (1564-1642), Cantemir pune pe prim plan în știință experimentul: „Experiența și ispita lucrului mai adevărată poate fi decât toată socoteala minții, și argumenturile arătării de față mai tari sunt decât toate chitelele” [Cantemir I, p.64]. Savantul detestă monopolul oricui asupra cunoștințelor: „Pre cât ieste de cu greu și de scădere cineva de știință sărac a fi, cu atât de urâcios lucru ieste cineva știința despre cei poftitori a-și ascunde” [Cantemir I, p.80], îndeamnă cercetătorii să popularizeze știința: „Că toată știința atuncea de știință să dovedește, când după adevărul pre altul a înștiința știe” [Cantemir I, p.174]. Dovada că ești știutor, zicea încă Aristotel (384 î.Hr.–322 î.Hr.), este să înveți și pe alții ceea ce știi [Aristotel v.1 1976, p. 67]. Cantemir a fost un propovăduitor dezinteresat al științei, considera o datorie a oamenilor de știință de a se apleca către cei neștiutori: „Unde cerul nu se pleacă, pământul în zădar să rădică” [Cantemir I, p.230].

În opera lui Cantemir se evidențiază „Istoria ieroglifică”, o amplă enciclopedie pedagogică, care cuprinde nenumărate sentințe, cugetări, ce vin să

dea omului o educație aleasă. Într-o țesătură literară unică filozoful prezintă zicători, proverbe, parabole, locuțiuni, maxime, sentințe, cugetări populare ale românilor, ale înțelepților orientali, clasicilor antichității și ale filosofilor europeni. Lucruri de mare valoare spirituală a trei mari culturi au fost retopite în creuzetul minții sale și turnate în formele cele mai măiestrite ale „dulcii noastre limbi”. Fiecare proverb, maximă... nu este altceva decât o soluție a unei probleme de viață, rezolvată de oameni de mii de ori, încât ele pot servi de modele pentru soluționarea altor probleme similare sau înrudite. „Om de lume și ascet de bibliotecă” (Călinescu), Cantemir caută să-și ferească urmașii de „gropile vieții”: „Că și dobitocul în groapa carea o dată cade, altă dată pre acolea trecând, pe departe o ocolește” [Cantemir II, p.145], îi învață să deosebească binele de rău, să aleagă binele: „A faptelor rea începătură spre rău sfârșit pleacă” [Cantemir II, p.166], căci e vai de capul celui care nu socotește adevărurile științei: „Și cine vrednicia capului nu pricepe, acela lungimea codzii la mare cinste ține” [Cantemir I, p.135]. Cantemir îndeamnă concetățenii să trăiască cu gând bun, cu cuvânt bun și cu faptă bună. Prin vorbe frumoase se poate câștiga admirația trecătoare a publicului, dar adevărata înălțare se câștigă numai prin fapte bune: „A isprăvi, cu gândul, cu cuvântul, cu lucrul” [Cantemir II, p.124]; „Că voile de bine voitoare din cuvânt încep și fără zăbavă în faptă sfârșesc” [Cantemir II, p.238]. Concordanța gândului cu cuvântul și cu fapta este caracteristica omului întreg: „Că la omul întreg, cuvântul icoana sufletului și fapta ascunsă a inimii comoară poartă” [Cantemir II, p.21]. Cărturarul detestă abaterile de la etică. Învățătura lui e chemată să ferească omul de lucruri rele, de metehne, să cultive moravuri bune, îl învață pe om să-și păstreze sufletul în curățenie: „Că o mie de lucruri vrednice de-abiia lauda dobândesc, iară numai unul scârnăv în veci nespălată cinstei și numelui grozavă aduce pată” [Cantemir I, p.118]; „Că răutatea boalii doftorii o tămăduiesc, iară boala sufletului lecurile apotecarilor nu știe” [Cantemir II, p.72]; dacă îi este dat să fie leu, să fie în timpul vieții: „Că pre leu mort și șoarecii se cațără” [Cantemir II, p.49]. Omul înțelept e precum peștele, „nu părăsește apele adânci”, adică stările profunde ale conștiinței în favoarea unor stări de suprafață, nu abandonează liniștea interioară în favoarea celei exterioare, aparente: „Că precum peștele în mare, așe înțeleptul

în lume nici moșie, nici înstreinare are” [Cantemir I, p.204]. „Știința înțelepciunii nu în scaunele trufașe și înalte, ce în capetele plecate și învățate lăcuiește” [Cantemir I, p.76]; „Sfatul carile poate da săracul învățat și înțelept toți împărații nebuni și neispitiți nu-l pot nemeri” [Cantemir I, p.76].

Veritabil om de știință și mare diplomat, Cantemir acorda o atenție deosebită cuvântului vorbit, scris. De la el și azi se poate de învățat măiestria folosirii cuvintelor. Omul să nu fie „scămos la minte și strămoș la cuvinte” [Cantemir I, p.145], să fie laconic în exprimare, în cuvinte puține să spună mult: „Înțelepții cuvintele îndesite a suferi obiciuți sint” [Cantemir II, p.109]; să utilizeze doar cuvinte cuviincioase, culte: „Că precum gura la grăire, așe urechile la audzire hotar a avea trebuie, și cuvântul carile linului suflet tulburare aduce, nu numai a nu-l grăi, ce nici a-l audzi să cade” [Cantemir I, p.215]. Mai mult, Cantemir a avut grijă ca să dea limbii române și funcții de exprimare a noțiunilor științifice, ridicând-o astfel „la nivelul și prestigiul limbilor culte europene” (Nicolae Corlăteanu).

Savantul nu arareori pune cuvintele într-un „dezacord strâns”. Prin combinații de contrarii izbutește să redea stări sufletești, procese și fenomene de nedescris: „simțire nesimțită simt și pătîmire nepătîmită pat” [Cantemir II, p.69]; „hulă drăgostoasă și o mânie mângăioasă scornește” [Cantemir II, p.80]; „vreme fără vreme”. Nu întâmplător i se spunea „prinț al cuvântului”. Adept al învățăturii lui Zoroastru, Cantemir considera că omul este o unitate a două contrarii - viața și moartea, binele și răul: „Că albina sămânța și sulița, mierea și fierea tot într-un pânțece poartă” [Cantemir I, p.217] și că diferența dintre contrarii nu se află în exterior ci în interior, în folosința ce se dă lucrurilor, care în sine lor nu sânt nici bune, nici rele. Cu un cuțit poți să tai pâine, dar și să ucizi un om, totul depinde de cel care-l folosește. La fel și știința, nu este nici morală, nici amorală, depinde de cei care se folosesc rezultatele ei.

Învățătura lui Cantemir rămâne și azi a fi o sursă puternică de atracție pentru cercetători și pedagogi. Ea îndrumă cum să dănuim prin știință, cum să înrădăcinăm mai lesne omenescul în sufletul generațiilor ce vin. O stradă din Chișinău îi poartă numele, pe Aleea Clasicilor i s-a ridicat un bust.

(continuare în numărul următor)



Din viața și
opera marilor

Grigore Ștefănescu Geolog și pasionat cercetător al științelor naturii din România

Ion Ceaușescu, Gheorghe Mohan

Grigore Ștefănescu a pus bazele cercetării geologice în România. El a relevat, pentru întâia oară în țara noastră, importanța unei hărți geologice în valorificarea bogățiilor minerale ale pământului, ocupându-se apoi și de realizarea ei.

S-a născut la 10 februarie 1836, în București, ca fiu al Catincăi și al lui Ștefan Ștefănescu.

A urmat școala la Liceul „Sf. Sava”, pe care l-a terminat în 1858. Din certificatele eliberate de Consiliul de conducere a școlii, reiese că fusese unul dintre cei mai buni elevi.

Întrucât în acea vreme nu exista posibilitatea de a urma studii universitare în țară, cei mai buni absolvenți ai liceelor erau trimiși ca bursieri în străinătate. Printre aceștia s-a aflat și Grigore Ștefănescu, care a fost trimis în Franța, unde a urmat Facultatea de științe naturale.

Acolo el a avut ca profesori pe cele mai mari glorii științifice ale Franței: Claude Bernard, Geoffroy St. Hillaire și alții.

După trei ani de studii, obține, în anul 1862, titlul de licențiat în științe naturale.

După întoarcerea în țară, a fost numit, în anul 1863, profesor de științe naturale la Liceul „Sf. Sava” și la Liceul „Matei Basarab”, iar în anul 1864 profesor de geologie și paleontologie la Facultatea de științe a Universității București, înființată chiar în acel an.

Ca profesor de geologie la Universitatea din București avea de predat toate ramurile acestei științe, adică: mineralogie, paleontologie și geologia propriu-zisă, situație care a durat până în anul 1894, când, catedra pe care o ocupa, s-a desprins de mineralogie, pentru a forma obiectul unei noi catedre (încredințată profesorului Ludovic Mrazec), iar în anul 1905 s-a desprins și paleontologia (încredințată profesorului Sabba Ștefănescu).

În anul 1866, Gr. Ștefănescu este numit directorul Muzeului de științe naturale, care mai târziu s-a scindat în Muzeul de istorie naturală, a cărui conducere a fost încredințată lui Grigore Antipa, și Muzeul de geologie și paleontologie pe care Grigore Ștefănescu a continuat să-l conducă până la moarte.

În anul 1867, luând ființă secția de științe naturale a Societății Academice Române, Grigore Ștefănescu face parte dintre membrii fondatori ai acestei secții, alături de N. Crețulescu, P.S. Aurelian, I. Ghica, P. Poni, D. Brândză și alții. Astfel, Gr.

Ștefănescu poate fi considerat între membrii fondatori ai Academiei Române, care a luat ființă în anul 1879, prin reorganizarea vechii Societăți Academice.

Pentru meritele sale de bun organizator și competență i s-au încredințat sarcini importante de conducere a învățământului, cun a fost cea de vicepreședinte a Consiliului Permanent de Instrucție, secretar general al Ministerului de Instrucțiuni Publice și Cultelor în 1877, decan al Facultății de științe (1896-1900) și rector al Universității (1900-1901).

În calitate de profesor de geologie la Universitate, de director al Biroului Geologic, sau de membru al Academiei a reprezentat geologia românească la cele 11 congrese geologice internaționale, care s-au ținut între 1879 și 1909, în diferite orașe (Paris, Berlin, Londra, Washinton, Zürich, Petrograd, Viena, etc).

La 1 noiembrie 1909 s-a retras de la catedră, după ce a slujit învățământului românesc timp de 45 de ani.

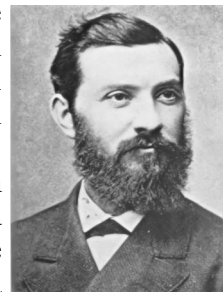
A încetat din viață, la vârsta de 75 de ani, în anul 1911.

Condițiile în care și-a început cariera sa didactică au fost dintre cele mai grele: nu existau manuale, nici material didactic și, uneori, lipsea chiar și auditoriul.

Prima sa grijă a fost aceea de a pune la dispoziția elevilor manualele de științe naturale. Cartea sa „Elemente de zoologie”, apărută în anul 1865, este primul manual original de științe naturale publicat în limba română, iar manualul „Curs elementar de geologie”, publicat în 1890, cuprinde o bogată documentare geologică, cu material din țara noastră și este însoțit de prima hartă geologică a României.

Încă din primii ani petrecuți la catedra universitară, cursurile sale erau predate cu o desăvârșită competență și un deosebit dar de a învăța pe alții. Gr. Ștefănescu era preocupat nu numai de pregătirea științifică a studenților, ci și de educația lor; căuta să cultive sentimentul de iubire pentru frumusețile și bogățiile țării noastre.

Pentru a fi cât mai documentat, Gr. Ștefănescu a întreprins numeroase călătorii și excursii, în care a efectuat îndelungi cercetări geologice.



Datele obținute i-au folosit desigur și la alcătuirea primei hărți geologice a României.

Unele excursii de studii (cu participarea masivă a studenților) erau întreprinse în regiuni pe care profesorul le cunoștea foarte bine și care puteau oferi documentația științifică cea mai clară și cea mai lesne de înțeles. Cu ocazia acestor excursii, studenții aveau ocazia să recolteze un bogat material, care se adaugă an de an celui strâns de profesorul lor, în cursul cercetărilor sale, îmbogățind astfel colecțiile Muzeului de geologie și paleontologie, care funcționa pe lângă catedra sa.

Prin înalta pregătire științifică, dar mai ales prin firea sa entuziastă, prin dorința de a contribui la progresul științific al patriei și prin dragostea părintească ce o manifesta pentru elevii săi, profesorul Gr. Ștefănescu a devenit în scurt timp cel mai stimat și iubit profesor al Facultății de științe.

Încă din anul 1864, adică la un an după întoarcerea sa de la studii, pe baza cercetărilor făcute pe teren, întocmește prima sa lucrare științifică „*Calcarul numulitic de la Albești-Muscel*”, înaintată Ministerului Cultelor, sub forma unui raport științific.

După această lucrare, Gr. Ștefănescu și-a continuat cercetările sale și a dat la iveală lucrări cu caracter teoretic sau practic, cum sunt: „*Marmura statuară din Valea Domnei*”, „*Surparea terenurilor de la Jupânești-Muscel*”, „*Puțul artezian de la Cotroceni*”, „*Ghipsul de la Lăculețe*”, „*Secarea Lacului Sărat de la Brăila*”, „*Despre existența huilei în România*”, „*Despre cutremurele de pământ din țara noastră*”, etc.

În timpul cercetărilor sale, în formațiunile geologice studiate a întâlnit și numeroase resturi de plante fosile, pe care le-a studiat, le-a determinat, dând la iveală o valoroasă lucrare: „*Despre plantele fosile din România*” (1899).

În 1872 publică în „*Revista științifică*” prima sa lucrare în domeniul paleontologiei vertebratelor „*Oseminte fosile din România*”, în care descrie numeroase resturi de elefanți mastodonți, de rumeșoare etc. Găsite în depozitele terțiare și cuaternare, dintre Carpați și Dunăre. Mai târziu, rezultatele cercetărilor sale în această problemă, comunicate și la Societatea geologică franceză, au fost primite cu mult interes de marele paleontolog francez A. Gaudry.

Treptat materialul s-a îmbogățit prin alte descoperiri: resturile de elefanți din depozitele de la Sporești-Buzău, numeroasele resturi de mamut găsite în carierele de nisip din jurul Bucureștiului sau numeroase resturi de mamifere fosile, recoltate din nisipurile de la Bălănoaia lângă Giurgiu etc.

În anul 1890, Ministerul Instrucțiunii Publice îl înștiințează că prefectul județului Tutova a adus la

cunoștință că, în județ, s-au găsit resturi fosile ale unui animal uriaș. Pe Valea Ibăneștilor, la Mânzați, în anul 1890, ca urmare a aceste înștiințări, Gr. Ștefănescu a început săpăturile pentru descoperirea prețioaselor resturi fosile, lucrări care au durat trei ani. Astfel a descoperit, pe o suprafață de 30 m², toate oasele scheletului de *Deinotherium gigantissimum*, pe care le-a strâns cu grijă și le-a transportat la București, la Muzeul de geologie și paleontologie. Timp de zece ani a durat studierea lor, iar rezultatele au format obiectul a numeroase comunicări științifice în străinătate (Franța, America, Rusia, Mexic, etc.). Ajutat de alți doi specialiști: L. F. Pauw, conservatorul Muzeului de paleontologie din Bruxelles și Antonio Agostina, preparatorul Muzeului de paleontologie din Bologna, Gr. Ștefănescu a reușit să reconstituie scheletul uriaș de *Deinotherium*, lung de peste 5 metri și înalt de peste 4 metri, schelet care se găsește și astăzi în Muzeul „Grigore Antipa” din București, exemplar care constituie mândria acestui muzeu.

În anul 1874, Gr. Ștefănescu, studiind stratele în urma săpăturilor făcute cu ocazia construirii liniei ferate București-Vârciovora, a descoperit în depozitele cuaternare de la Milcovul de Jos, din malul stâng al Oltului, mai multe oase fosile de cerbi și elefanți, precum și o maxilă întregă și un fragment mandibular de cămilă. Comparând resturile fosile găsite de el cu resturile de cămilă fosilă găsite de alți cercetători din India, la poalele Himalaiei, Gr. Ștefănescu a stabilit că forma de cămilă găsită în România era de talie mică, foarte delicată și aparținea Cuaternarului; el i-a dat numele de *Camelus alutensis* (cămila de la Olt).

În afară de aceste descoperiri, Gr. Ștefănescu a avut și o bogată activitate la multe publicații de specialitate ale vremii, semnând un mare număr de articole. În multe din aceste articole, ca de altfel și în cursurile sale, s-a dovedit primul naturalist și geolog român care a îmbrățișat darwinismul și l-a popularizat cu atâta perseverență.

Astfel, încă din 1870, publică un articol „*Archaeopterix*” în care combate teoria cataclismelor a lui Cuvier și se declară un darwinist convins. În 1876, publică articolul „*Locul omului în natură*”, în care abordează problema originii omului, de pe poziții darwiniste.

Pentru tot ce a realizat și prin nobila moștenire ce a lăsat-o generațiilor de geologi români, continuatori ai operei sale, Gr. Ștefănescu poate fi numit pe drept cuvânt „părintele geologiei românești”.

Pasiunea și dragostea de muncă, iubirea față de popor, modestia și sobrietatea care l-au caracterizat, rămân pilde vii pentru urmași.

Premiul NOBEL pentru
Fizică

Hertz, Gustav Ludwig
NOBEL 1925 (cu J. Franck)
„FOR THEIR DISCOVERY OF THE LAWS GOVERNING THE
IMPACT OF AN ELECTRON UPON AN ATOM”

Ioan-Ioviț Popescu, Ion Dima

LN **„REZULTATELE EXPERIENȚELOR DE CIOCNIRE CU ELECTRONI ÎN LUMINA TEORIEI LUI BOHR A ATOMILOR (11 decembrie 1926).**

„În cercetarea experimentală a acestor procese, o anumită energie este comunicată electronilor prin accelerarea lor pe o diferență de potențial. Energia unui electron după ciocnire este apoi studiată prin determinarea diferenței de potențial retardant pe care acesta încă o mai poate depăși. Astfel, energia de excitare a unei stări date corespunde diferențe de potențial pe care un electron, cu energia inițială nulă, trebuie să cadă pentru ca energia lui să fie egală cu energia de excitare a atomului. Potențialul de excitare este egal cu energia de excitare împărțită la sarcina electronului. În același mod este asociat potențialul de ionizare cu energia de ionizare. Scopul principal al experiențelor de ciocnire cu electronii a fost măsurarea potențialelor de excitare și de ionizare”.

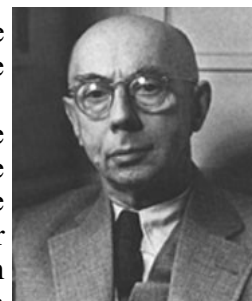
... „În timp ce în primele două grupuri de metode experimentale au fost determinate potențialele de excitare și de ionizare prin măsurători electrice, în al treilea grup de metode noi am efectuat măsurători

spectroscopice ale luminii emise ca rezultat al ciocnirilor dintre electroni și atomi”.

....„Comparând potențialele de excitare și de ionizare găsite experimental cu valorile calculate din termenii seriilor spectrale, vom arăta acum acordul extrem de bun care a fost obținut în toate cazurile studiate”.

În continuare Gustav Hertz demonstrează concordanța sistematică dintre măsurătorile electrice și determinările spectroscopice ale potențialelor de excitare pentru atomii metalelor alcaline și alcalino-pământoase, precum și pentru atomii gazelor nobile.

....„În concluzie, se poate afirma că toate rezultatele obținute până acum prin metoda ciocnirii electronice concordă foarte strâns cu cele deduse din teoria lui Bohr și, în special, că ele verifică experimental interpretarea lui Bohr a termenilor seriilor spectrale ca măsură a energiei atomului în diferitele sale stări staționare”.



Rubinel - continuare din pagina 3

Ajută la înlăturarea multor blocaje, generează mult entuziasm și dragoste de viață precum și dorință de evoluție, asigură energia necesară pentru a repune în mișcare lucrurile.

Rubinel este o piatră deosebită, este o varietate de Corindon având culoare roșie. Această piatră este un oxid de aluminiu având duritatea de 9 din 10 pe scara Mohs. Culoarea roșie intensă este dată de ionii de crom, în unele varietăți incluziunile oxidului de titan dau efectul de stea. Varietățile de rubin se găsesc în India, Tailanda, Brazilia, Sri Lanka, Burma și USA.

Puritatea razei roșii pe care o emană rubinel are o vibrație energetică inegalabilă în lumea mineralelor. Este piatra care stimulează chakra Muladhara de la baza coloanei, amplifică câmpul vital dând multă putere. Ajută la înlăturarea multor blocaje, generează mult entuziasm și dragoste de viață precum și dorință de evoluție, asigură energia necesară pentru a repune în mișcare lucrurile.

Alte efecte tămăduitoare: este un excelent detoxifiant al organismului, detoxifică limfa și sângele, îmbunătățește circulația sanguină, stimulează glandele suprarenale, rinichii, sistemul circulator, inima, organele de reproducere, splina, reduce febra și este benefic pentru combaterea bolilor infecțioase.

Poate fi purtat ca un pandant sau medalion cu condiția să fie purtat pe piept în dreptul inimii, ca inel este bine să fie purtat pe degetul inelar, pus pe locul afectat, plasat pe zona inimii. Poate fi combinat foarte bine cu alte pietre în diferite bijuterii, coliere, brățări, broșe. Se potrivește foarte bine pentru toate zodiile și pentru toate vârstele.

Bibliografie:

1. Revista „Lumea misterelor” nr.7 (20 iulie-23 august 2017);
2. Internet

Probleme propuse pentru liceu

Clasa a XII-a

1. Folosind regula de compunere a vitezelor din teoria relativității, verificați postulatul al II-lea al lui Einstein. (Indicație: Se consideră două nave cosmice care se îndreaptă una către alta, cu viteze apropiate de viteza luminii $v = 0,8c$. Deși intuitiv ar trebui să rezulte din această compunere o viteză superluminoasă, veți vedea că nu este așa).

2. Calculați masa unui electron și masa unui proton în MeV/c^2 .

R: $m_e = 0,5 \text{ MeV}/c^2$; $m_p = 938 \text{ MeV}/c^2$.

3. O particulă are energia 873 MeV și impulsul 862 MeV/c . Calculați masa particulei (în MeV/c^2) și energia cinetică.

R: $m = 138 \text{ MeV}/c^2$; $E_c = 735 \text{ nMeV}$.

4. Determinați care trebuie să fie tensiunea de accelerare a unui proton pentru ca energia lui totală să devină 6 MeV. R: $U = 5,06 \cdot 10^9 \text{ V}$.

5. Calculați energia totală a unui electron accelerat de o diferență de potențial $U = 3 \cdot 10^5 \text{ V}$. Determinați apoi impulsul acestuia.

R: $E = 0,8 \text{ MeV}$; $p = 0,62 \text{ MeV}/c$.

6. Într-un câmp magnetic uniform cu inducția $B = 1 \text{ T}$, un proton descrie un cerc de rază $n = 5 \text{ m}$. Calculați: a) impulsul electronului; b) energia totală a electronului; c) energia cinetică.

R: $p = 1500 \text{ MeV}/c$; $E = 1769 \text{ MeV}$;
 $E_c = 831 \text{ MeV}$.

7. Un electron are energia cinetică $E_c = 10 \text{ MeV}$. a) Arătați dacă electronul este relativist; b) Determinați viteza lui; c) Dacă electronul este accelerat până la energia cinetică $E_c = 10.000 \text{ MeV}$, arătați cât devine viteza lui. Discuție.

8. Determinați energia cinetică a unui electron care traversează tubul catodic al unui osciloscop, dacă tensiunea de accelerare poate varia între 1000 V și 10.000 V. Arătați dacă acești electroni sunt relativiști.

9. Arătați cum depinde sarcina electrică a unei particule încărcate de viteza ei, aceasta fiind măsurată în raport cu un sistem de referință neinertial. Argumentați răspunsul.

10. Aria unei elipse este dată de relația $S = \pi ab$, unde a – semi-axa mare a elipsei, iar b – semi-axa mică. Să considerăm o suprafață circulară, de rază R , care se deplasează cu viteza constantă v , paralelă cu axa Ox . Determinați aria cercului sus menționat. Arătați că acest cerc poate deveni elipsă.

$$R: S = \pi R^2 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}, da$$

11. Dacă sarcina electrică nu ar fi un invariant relativist, ce s-ar întâmpla la electrizarea unui corp? Argumentați răspunsul.

12. O rachetă, de proveniență extraterestră, se apropie de Pământ cu viteza $v = 2 \cdot 10^5 \text{ km/s}$. Când racheta se găsește la distanța $D = 3 \cdot 10^6 \text{ km}$ de Pământ, echipajul emite un semnal electromagnetic de avertizare, către o stație de supraveghere a spațiului cosmic de pe Pământ. Acest semnal este emis la un moment cunoscut la stație pe care îl notăm $t_0 = 0 \text{ s}$, măsurat la stație. Determinați la ce moment t , măsurat la stație, sosește semnalul. R: $t = 10 \text{ s}$.

13. Demonstrați că intervalul $x^2 - c^2t^2$ este invariant relativist.

14. Două rachete se deplasează în aceeași direcție și în același sens, cu vitezele constante v_1 și v_2 , măsurate în raport cu un sistem de referință inertial (SRI). La momentul zero, distanța dintre rachete este L , iar racheta cu viteza v_1 urmărește racheta cu viteza v_2 . Determinați la ce moment se întâlnesc cele două nave cosmice. Timpul este măsurat în raport cu SRI. R: $t = L/(v_1 + v_2)$

16. Determinați cu cât variază masa unui mobil, cu masa de repaus $m_0 = 1500 \text{ kg}$, care se deplasează cu viteza $v = 0,65 c$. R: $\Delta m = 484,13 \text{ kg}$.

17. Aria totală a unui corp fix, având forma cubică, este S_0 . Aflați aria totală S a corpului, dacă el se mișcă pe direcția uneia dintre muchiile sale cu viteza $v = 0,968 c$. R: $S = 0,5 S_0$.

18. Fie două ceasuri identice. Ceasul 1 este în repaus față de SRI K_1 , iar ceasul 3 în repaus față de SRI K_2 . Sistemele de referințe se mișcă unul față de altul. Determinați care ceas o ia înainte: a) față de SRI K_1 ; b) față de SRI K_2 .

R: a) ceasul 1; b) ceasul 2.

19. Timpul de viață propriu al unei particule care se mișcă cu viteza $v = \sqrt{2}c/2$ față de un SRI fix este $t = 10^{-6} \text{ s}$. Determinați distanța parcursă de această particulă față de SRI fix din momentul generării ei, până în momentul dezintegrării. R: $d = 300 \text{ m}$.

20. Aflați viteza unei particule relativiste de masă $m = 0,911 \cdot 10^{-30} \text{ kg}$ și impuls $p = 1,58 \cdot 10^{-22} \text{ kg} \cdot \text{m/s}$. R: $v = 1,5 \cdot 10^8 \text{ m/s}$.

21. Să se determine impulsul p al unei particule relativiste cu masa m și energia cinetică E_c .

$$R: p = \frac{E_c}{c} \sqrt{1 + \frac{2mc^2}{E_c}}$$

Prof. Emilian Micu, Brăila

Clasa a XI-a

1. Să se determine amplitudinea unghiulară cu care oscilează un pendul gravitațional, dacă raportul dintre tensiunea maximă și tensiunea minimă din firul pendulului este 4. $R: \alpha = 60^\circ$

2. Un fir de o anumită lungime, inextensibil și fără greutate, de care atâră un corp de masă m , poate descrie un cerc în plan vertical. Firul rezistă la tensiunea maximă $T = 30$ N, ce se produce în cazul când acesta descrie cercul în plan vertical. Să se determine: a) masa m ; b) tensiunea maximă în fir când acesta oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° . $R: m = 0,5$ kg; $T_{max} = 10$ N

3. Un pendul gravitațional oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° . Tensiunea maximă din firul pendulului este $T = 20$ N. Să se determine impulsul pendulului, în momentul când acesta trece prin poziția de echilibru, dacă lungimea firului pendulului este $l = 0,9$ m.

$$R: p = 10 \text{ Ns.}$$

4. Un pendul elastic și unul gravitațional oscilează cu aceeași perioadă. Să se determine masa pendulului elastic și perioada de oscilație, cunoscând constanta elastică $k = 100$ N/m, lungimea pendulului gravitațional $l = 0,1$ m și $g = 10$ m/s². $R: m = 2$ kg; $T = 0,2\pi$ s

5. Un pendul gravitațional, de lungime $l = 0,4$ m oscilează cu amplitudinea unghiulară de 30° . Se cere: a) să se scrie ecuația de oscilație a proiecției normale a bilei pendulului pe un plan orizontal; b) să se determine viteza maximă a proiecției și să se scrie ecuația vitezei (se consideră oscilațiile pendulului gravitațional în condiții de izocronism și se ia $g = 10$ m/s²).

$$R: y = 0,2\sin 5t, v_{max} = 1 \text{ m/s}; v = \cos 5t.$$

6. Un pendul gravitațional de lungime $l = 0,4$ m oscilează în condiții de izocronism, cu amplitudinea unghiulară de 30° . Să se scrie ecuația de oscilație a proiecției radiale a bilei pendulului pe un plan orizontal, situat la distanța $d = 0,2$ m de bila pendulului în poziție de echilibru (se ia $g = 10$ m/s²). $R: y = 0,2\sqrt{3}\sin 5t$

7. Un fir elastic, fără greutate, este întins orizontal (dar netensionat), fixat la ambele capete. Se atâră un corp de masă oarecare chiar la jumătatea firului, astfel că cele două părți ale firului formează între ele unghiul de 120° . Cu ce perioadă va oscila pendulul elastic format, dacă de firul dat, vertical, se atâră același corp, știind că dacă firul ar fi inextensibil, formând un pendul gravitațional, ar oscila cu perioada $T = 0,2$ s?

$$R: T_1 = 0,4 \text{ s.}$$

8. De un fir elastic, de lungime $l = 1$ m, se atâră un corp de masă $m = 0,5$ kg, firul

alungindu-se cu $y_1 = 0,1$ m. Se ridică apoi firul în poziție orizontală, netensionat, și se dă drumul corpului. Cu ce viteză va trece corpul prin poziția de echilibru, dacă în acel moment alungirea firului este dublă cazului inițial? $R: v = 4,4$ m/s

9. La un moment dat, impulsul unui oscilator armonic liniar este $p = 4$ Ns. În același moment energia cinetică este $E_c = 8$ J, fiind triplă energiei potențiale, iar forța ce acționează în acel moment asupra oscilatorului este $F = 16\sqrt{3}$ N. Se cere: a) să se scrie legea de mișcare a oscilatorului, știind că faza inițială este nulă; b) să se determine perioada de oscilație, viteza maximă și forța maximă ce acționează asupra oscilatorului.

$$R: y = 2\sqrt{3}\sin 12t; T = \pi/6 \text{ s}; \\ v_{max} = 8\sqrt{3}/6 \text{ m/s}; F_{max} = 32\sqrt{3}$$

10. Un pendul matematic oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° . Se așează un cui la distanța l_1 de punctul material, astfel încât firul, atunci când ajunge în poziție verticală, începe să se rotească în plan vertical. Să se determine: a) lungimea inițială a firului pendulului l , știind că $l/l_1 = 5$; b) viteza maximă și viteza minimă de rotație a punctului material ($g = 10$ m/s²).

$$R: l = 1 \text{ m}; v_{max} = \sqrt{10} \text{ m/s}; v_{min} = \sqrt{2} \text{ m/s}$$

11. Un pendul gravitațional oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° . În momentul când firul face cu verticala unghiul de 30° , bila pendulului are viteza tangențială $v = 2$ m/s. Să se determine perioada de oscilație a pendulului în condiții de izocronism. Se consideră $g = 10$ m/s².

$$R: T = 1,5 \text{ s.}$$

12. Să se determine perioada de oscilație a unui pendul gravitațional, în condiții de izocronism, în funcție de viteza maximă a bilei pendulului și de amplitudinea unghiulară a pendulului. Caz numeric: $v_{max} = 2$ m/s; $\alpha = 30^\circ$ (se ia $g = 10$ m/s²).

$$R: T = 2,5 \text{ s.}$$

13. O tijă rigidă oscilează cu o anumită amplitudine unghiulară (fiind fixată la partea superioară). Care este valoarea acestei amplitudini, dacă în momentul când tija formează cu verticala un unghi egal cu jumătatea amplitudinii unghiulare, energia cinetică a centrului de masă este dublă energiei potențiale a sa? $R: \alpha = 120^\circ$

14. Un pendul gravitațional oscilează într-un ascensor, aflat inițial în repaus, cu amplitudinea unghiulară de 60° . Ascensorul începe să urce cu accelerație constantă, astfel că tensiunea maximă din firul pendulului crește de 1,2 ori, iar amplitudinea unghiulară devine 45° . Să se determine accelerația cu care urcă ascensorul.

$$R: a = 4 \text{ m/s}^2.$$

15. Un pendul gravitațional, de masă $m = 0.5$ kg, oscilează într-un ascensor, care urcă cu accelerația $a = g/4$. Amplitudinea unghiulară de oscilație a pendulului, atunci când ascensorul este în repaus, este de 60° . Să se determine tensiunea maximă din firul pendulului, atunci când ascensorul urcă accelerat.

$$R: T = m(a + 3g + 2g \cos \alpha)$$

16. Un pendul gravitațional, oscilează într-o rachetă, cu amplitudinea unghiulară de 30° , atunci când racheta urcă uniform accelerat. Dacă racheta începe să coboare uniform accelerat, cu aceeași accelerație, pendulul oscilează, cu amplitudinea unghiulară de 60° . Să se determine accelerația rachetei ($g = 10 \text{ m/s}^2$).

$$R: a = 5,75 \text{ m/s}^2$$

17. De plafonului unui vagon, se află atârnat un fir inextensibil și fără greutate de care este legat un corp de masă oarecare. Firul rezistă la o forță egală cu dublul greutății corpului. Vagonul, care se mișcă cu viteză constantă și rectiliniu, la un moment dat frânează. Care poate fi valoarea maximă a accelerației de frânare, pentru ca firul să nu se rupă după ce se oprește vagonul?

$$R: a_{\max} = 17,3 \text{ m/s}^2$$

18. Un pendul gravitațional oscilează într-un vagon ce se deplasează uniform accelerat pe orizontală. Perioada de oscilație a pendulului este de n ori mai mare în acest caz, decât dacă vagonul ar fi în repaus (sau dacă s-ar deplasa rectiliniu și uniform). Să se determine accelerația cu care se deplasează vagonul.

$$R: a = g\sqrt{n^4 - 1}$$

19. Un vagon se deplasează rectiliniu și uniform, cu viteza $v_0 = 20 \text{ m/s}$. De plafonul vagonului este atârnat un pendul gravitațional, ce se află în repaus. La un moment dat vagonul frânează cu accelerație constantă, oprindu-se. Pendulul începe să oscileze cu amplitudinea unghiulară maximă (pe care a primit-o în timpul frânării vagonului). Tensiunea maximă din firul pendulului în timpul oscilației este dublă tensiunii din fir, ce lua naștere, când pendulul era în repaus. Să se determine spațiul de oprire al vagonului ($g = 10 \text{ m/s}^2$).

$$R: x = \frac{20\sqrt{3}}{3} \text{ m}$$

20. Un pendul gravitațional, de masă $m = 1$ kg, oscilează într-un ascensor. Să se determine amplitudinea unghiulară cu care pendulul oscilează atunci când ascensorul este în repaus, dacă există relația $\cos \alpha_1 / \cos \alpha_2 = 5/9$, unde α_1 este amplitudinea de oscilație a pendulului când ascensorul urcă vertical, cu accelerația $a = g/4 \text{ m/s}^2$, iar α_2 este amplitudinea unghiulară de oscilație a pendulului, când ascensorul coboară vertical, cu accelerația $a = g/4$. Să se determine tensiunea maximă din firul

pendulului, în cele trei situații ($g = 10 \text{ m/s}^2$).

$$R: \alpha = 60^\circ; T_0 = 20 \text{ N}; \\ T_1 = 22,5 \text{ N}; T_2 = 12,5 \text{ N}$$

21. Într-o rachetă, se află suspendat un fir inextensibil de care este atârnat un corp, ce poate să descrie un cerc în plan vertical. Când racheta este în repaus, iar firul în poziție de echilibru, i se imprimă corpului o viteză inițială orizontală minimă, care-i permite să descrie cercul în plan vertical. Se cere: a) cu ce accelerație trebuie să urce vertical racheta, pentru ca acel corp să oscileze, astfel ca amplitudinea unghiulară să fie 60° ; b) să se rezolve aceeași problemă pentru cazul când, în locul firului, ar fi o tijă rigidă și fără greutate.

$$R: a = 4g \text{ m/s}^2; a' = 3g \text{ m/s}^2$$

22. Să se determine perioada de oscilație a unui pendul gravitațional, în condiții de izocronism și amplitudinea unghiulară de oscilație, dacă în orice moment al oscilației, energia cinetică a pendulului este numeric egală cu forța centripetă ce acționează, iar energia cinetică maximă este numeric egală cu impulsul maxim.

$$R: T = 2,8 \text{ s}; \alpha_0 = \arccos 0,8$$

23. O bilă de masă m (de dimensiuni neglijabile) este atârnată de un fir inextensibil și fără greutate. Este scoasă bila din poziția de echilibru, astfel că firul formează cu verticala un unghi α . Să se determine forța ce acționează asupra bilei pendulului în momentul când firul formează cu verticala unghiul α . Caz particular: $m = 1 \text{ kg}$, $\alpha_0 = 60^\circ$, $\alpha = 30^\circ$.

$$R: F = 8,5 \text{ N}$$

24. O bilă de masă m_1 atârnată de un fir inextensibil și fără greutate, este scoasă din poziția de echilibru, astfel că firul formează cu verticala un unghi α_0 (mai mic decât 6°). Se lasă apoi bila liberă. Să se determine valoarea forței medii ce acționează asupra bilei pendulului până în momentul când acesta trece prin poziția de echilibru.

$$R: F_{\max} = \frac{4mg \sin \frac{\alpha_0}{2}}{\pi}$$

25. Pe o emisferă, cu polul vertical în jos, se lasă să alunece, fără frecare, din punctul cel mai înalt, un punct material de masă $m = 1 \text{ kg}$. Raza emisferei este $R = 5\sqrt{2}/4 \text{ m}$. Să se determine: a) viteza punctului material la jumătatea distanței parcurse până la polul emisferei; b) forța cu care punctul material apasă asupra emisferei în acest moment; c) ce unghi formează cu verticala raza punctului material în momentul când energia cinetică a punctului material este egală cu energia sa potențială; d) care este apăsarea exercitată în acest moment de punctul material pe emisferă?

26. De un fir inextensibil și fără greutate este suspendat un punct material de masă oarecare. Se scoate punctul din poziția de echilibru, ținând firul întins, până formează cu orizontala unghiul de 60° (deasupra orizontalei), adică 120° cu poziția inițială. Se dă drumul apoi punctului să cadă liber. Se cere: a) cu ce amplitudine unghiulară va oscila pendulul; b) între ce valori trebuie să fie cuprins unghiul format de fir cu poziția orizontală, pentru ca pendulul să oscileze normal.

$$R: \cos \alpha_0 = \sqrt{3}/4; 45^\circ \leq \alpha \leq 90^\circ$$

27. De un fir inextensibil și fără greutate, de lungime $l = 1$ m, este atârnat un punct material. Este scos punctul material din poziția de echilibru ținând firul întins, până acesta formează cu orizontala unghiul de 60° (deasupra orizontalei). Se dă drumul punctului material să cadă liber. Care va fi viteza maximă în timpul oscilației pendulului respectiv?

$$R: v_{\max} = 3,37 \text{ m/s.}$$

28. Un pendul gravitațional, are lungimea $l = 0,25$ m. Dacă se lasă să oscileze cu amplitudinea unghiulară de 60° , firul se rupe. Se ridică bila pendulului vertical în sus până când firul este întins și se dă drumul acesteia să cadă liber. Care este timpul cât corpul tensionează firul, dacă acesta se rupe?

$$R: t = 0,12 \text{ s}$$

29. De câte ori trebuie mărită masa unui pendul gravitațional pentru ca acesta să se rupă în cazul când oscilează cu amplitudinea unghiulară de 30° , știind că inițial acesta se rupe, dacă pendulul oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° ?

$$R: \text{De } 1,58 \text{ ori.}$$

30. Un pendul gravitațional are lungimea firului $l = 5\sqrt{3}$ m. Se scoate pendulul din poziția de echilibru, astfel ca firul să formeze cu verticala unghiul de 30° . Cu ce viteză inițială trebuie aruncată bila pendulului, oblic, după direcția firului, astfel ca pendulul să oscileze cu amplitudinea unghiulară de 30° ? Se neglijează reculul, datorită șocului întinderii firului.

$$R: v_0 = 10 \text{ m/s}$$

31. Un pendul gravitațional are lungimea $l = 0,8$ m. Din poziția de echilibru a pendulului se aruncă bila pendulului sub un unghi de 60° cu orizontala, cu viteza inițială $v_0 = 4$ m/s. Firul pendulului (inextensibil și fără greutate) se întinde perfect în momentul când bila atinge înălțimea maximă a traiectoriei. Să se determine cu ce amplitudine unghiulară va oscila pendulul gravitațional. Se neglijează reculul șocului datorită întinderii firului.

$$R: \alpha_0 = \arccos 7/16$$

32. Un pendul gravitațional are lungimea $l = 1$ m. Cu ce viteză inițială trebuie aruncată bila pendulului, oblic și sub ce unghi, pentru ca pendulul să oscileze cu amplitudinea unghiulară de 90° ? Se neglijează frecările și reculul, datorită șocului întinderii firului.

$$R: v_0 = 5 \text{ m/s}$$

33. Un pendul gravitațional se află în poziție de echilibru. Se aruncă bila pendulului, oblic, sub un unghi de 30° cu orizontala, cu viteza inițială $v_0 = 5$ m/s. Care este lungimea firului, dacă acesta se întinde perfect după un timp $t = 0,4$ s și ce unghi face firul cu verticala în acest moment?

$$R: l = 7,5 \text{ m}; \beta = \arcsin 5\sqrt{3}/38$$

34. Un pendul gravitațional oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° . Pentru ce unghiuri, în timpul oscilației, rezultanta forțelor ce acționează asupra bilei pendulului este egală cu greutatea?

$$R: \alpha_1 = \arccos 1/3; \alpha_2 = 0^\circ$$

35. Un pendul gravitațional oscilează cu amplitudinea unghiulară α_0 ($\cos \alpha_0 = 0,25$). Pentru ce elongație unghiulară unghiul făcut de direcția firului cu verticala este egal cu unghiul făcut de rezultanta forțelor ce acționează asupra bilei pendulului cu direcția firului?

$$R: \alpha = 60^\circ$$

36. Un pendul gravitațional, de lungime $l = 1,2$ m, oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° . Să se determine care este viteza bilei pendulului în momentul când tensiunea din firul pendulului este numeric egală cu greutatea pendulului. $R: v = 2 \text{ m/s}$

37. Ce masă m trebuie atârnată de un fir de cauciuc de lungime oarecare și secțiune $s = 5 \text{ cm}^2$, pentru a oscila elastic cu aceeași perioadă cu care ar oscila pendulul gravitațional, format dacă firul ar fi inextensibil? Se dă $E = 32 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$.

$$R: m = 1,6 \text{ kg.}$$

38. Raportul dintre tensiunea maximă și tensiunea minimă din firul unui pendul ce oscilează în condiții de izocronism este $(3\sqrt{3}-2)$. Să se determine amplitudinea unghiulară de oscilație a pendulului și viteza maximă a bilei pendulului, dacă perioada de oscilație este $T = \pi/3$ s.

$$R: \alpha = 45^\circ; v_{\max} = 1,3 \text{ m/s.}$$

39. Un pendul gravitațional oscilează cu amplitudinea unghiulară de 60° . În momentul când firul pendulului formează cu verticala unghiul de 30° , bila pendulului pătrunde într-un jgheab de formă circulară situat chiar pe traiectoria ei, astfel încât apare frecarea. Care trebuie să fie valoarea coeficientului de frecare, astfel ca în momentul pătrunderii să acționeze asupra bilei pendulului doar forța centripetă? (Rezultanta tuturor forțelor ce acționează asupra bilei pendulului să fie egală cu forța centripetă).

$$R: \mu = 0,31$$

40. Un pendul matematic, oscilează cu amplitudinea unghiulară α_0 . Care este unghiul cu care se rotește în timpul oscilației vectorul accelerației totală a punctului material al pendulului?

$$R: \varphi = \pi - 2\alpha$$

Prof. Emilian Micu, Brăila

Clasa a X-a

1. Într-un cilindru orizontal se află două gaze diferite, separate între ele printr-un piston foarte subțire (temperatura gazelor este aceeași în ambele compartimente). Primul gaz este oxigen și are masa $m_1 = 0,8$ kg, iar al doilea gaz este dioxid de carbon și are masa $m_2 = 0,11$ kg. Determinați raportul volumelor ocupate de cele două gaze.

$$R: V_1/V_2 = 10$$

2. Într-un cilindru orizontal se află două cantități diferite din același gaz, separate printr-un piston termoizolator. În primul compartiment, masa gazului este $m_1 = 0,3$ kg, iar temperatura $T_1 = 400$ K, iar în al doilea compartiment, masa este $m_2 = 0,2$ kg, la temperatura $T_2 = 300$ K. Să se determine: a) raportul volumelor ocupate de cele două gaze, b) la ce temperatură trebuie răcit unul din gaze, sau încălzit celălalt gaz, pentru ca pistonul să se stabilească la jumătatea cilindrului.

$$R: V_1/V_2 = 2; T_1 = 200 \text{ K}; T_2 = 600 \text{ K}$$

3. Determinați variația relativă a volumului unui gaz, închis într-un cilindru cu piston, prin destindere izotermă de la presiunea $p_1 = 5$ atm la $p_2 = 2$ atm.

$$R: \Delta V/V_1 = 1,5$$

4. Un tub de sticlă, subțire și foarte lung, închis la un capăt are o coloană de mercur cu rol de piston care închide în tub o anumită cantitate de aer. Dacă se ține tubul vertical cu capul deschis în jos, lungimea coloanei de aer este de două ori mai mare decât dacă se ține tubul, tot vertical, dar cu capătul închis în jos. Densitatea mercurului este 13.600 kg/m^3 , se ia $g = 10 \text{ m/s}^2$, iar presiunea atmosferică se consideră normală. Determinați: a) lungimea coloanei de mercur; b) de câte ori este mai mare lungimea coloanei de aer, în cazul în care tubul este ținut orizontal, decât atunci când este ținut vertical cu capătul deschis în jos; c) de câte ori este mai mică lungimea coloanei de aer, când tubul este ținut orizontal, decât atunci când este ținut vertical cu capătul deschis în jos.

$$R: h = 0,25 \text{ m}; K_1 = 4/3; K_2 = 3/2$$

5. Un tub de sticlă foarte lung, închis la un capăt, are o coloană de mercur cu rol de piston. Determinați: a) care este lungimea coloanei de mercur, dacă coloana de aer este de două ori mai lungă atunci când tubul este ținut vertical, cu partea deschisă în jos, decât atunci când este ținut orizontal; b) de câte ori este mai scurtă coloana de aer atunci când tubul este ținut vertical, cu partea deschisă în sus, decât atunci când este ținut vertical, cu partea deschisă în jos.

$$R: h = 0,38 \text{ m}; K = 3$$

6. Un tub de sticlă subțire, suficient de lung și închis la un capăt, are în interior o coloană de

mercur de lungime $h = 0,1$ m, care se comportă ca un piston și închide în interior o coloană de aer. Tubul este ținut într-o poziție înclinată, cu capătul deschis în jos, formând unghiul de 30° cu orizontala. Apoi tubul este ținut tot înclinat, dar cu capătul deschis în sus, formând același unghi cu orizontala. Determinați variația relativă a lungimii coloanei de aer în cele două situații.

$$R: \Delta l/l_0 = 0,14$$

7. Un tub de sticlă, închis la ambele capete, are lungimea $l = 1,2$ m. Tubul este ținut orizontal, iar la mijlocul său se află o coloană de mercur, de lungime $h = 0,1$ m, care separă în cele două părți ale tubului, două cantități de aer identice. Înclinând tubul până când face cu orizontala unghiul de 30° , coloana de aer din partea interioară va avea lungimea $l = 0,5$ m. Determinați presiunea aerului din coloana superioară în cele două situații. Densitatea mercurului se consideră cunoscută și se ia $g = 10 \text{ m/s}^2$.

$$R: p_1 = 34 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2, p_1' = 37.090 \text{ N/m}^2$$

8. Un tub de sticlă, lung de 1 m, deschis la ambele capete, este introdus vertical până la jumătate într-un vas cu mercur. Se astupă, apoi, tubul cu degetul la capătul liber și se scoate încet din mercur. Determinați lungimea coloanei de mercur care rămâne în tub. Se cunoaște densitatea mercurului și se ia $g = 10 \text{ m/s}^2$.

$$R: h = 0,24 \text{ m}$$

9. Un cilindru vertical închis la partea inferioară, are în partea superioară un piston de masă neglijabilă, care închide în cilindru o coloană de aer de înălțime $h = 0,2$ m. Suprafața pistonului este $S = 10 \text{ cm}^2$. Se așează ușor pe acest piston un corp de masă $m = 6$ kg. Determinați cu ce distanță coboară pistonul.

$$R: y = 7,5 \text{ cm}$$

10. Un cilindru închis la un capăt, de lungime $l = 0,2$ m, așezat în poziție orizontală, are la celălalt capăt un piston etanș de rază $r = 10^{-2}$ m și grosime neglijabilă. Dacă ridicăm cilindrul vertical cu pistonul în sus, acesta coboară cu 2 cm. Determinați: a) masa pistonului; b) ce masă ar avea pistonul, dacă lungimea coloanei de aer s-ar micșora de 10 ori; c) dacă considerăm lungimea cilindrului mai mare decât a coloanei de aer, încât poate fi întors vertical cu pistonul în jos, determinați care este masa pistonului, dacă acesta coboară cu 2 cm.

$$R: m_1 = 1/9 \text{ kg}; m_2 = 9 \text{ kg}; m_3 = 1/11 \text{ kg}$$

11. Un cilindru vertical, închis la partea inferioară, are la partea superioară un piston etanș, de masă neglijabilă, care închide în interiorul cilindrului o anumită masă de aer. Așezând ușor pe piston un corp oarecare, aerul se comprimă cu

$y = 0,1$ m. Determinați cu ce perioadă va oscila pistonul, dacă corpul se așează brusc pe piston.

$$R: T = 0,628 \text{ s.}$$

12. Determinați variația relativă a volumului unui gaz, dacă este încălzit de la temperatura $T_1 = 275$ K la $T_2 = 425$ K.

$$R: \Delta V/V_1 = 6/11$$

13. Aerul dintr-o sticlă de 1 litru este încălzit până la temperatura $T_1 = 373$ K. Se introduce apoi sticla cu gura în jos într-un vas cu apă cu gheață aflată în echilibru termic. Determinați ce volum de apă va intra în sticlă.

$$R: V = 0,27 \text{ litri}$$

14. Variația relativă a presiunii unui gaz, când este încălzit cu 200 K, într-o transformare izocoră, este 0,8. Determinați temperatura inițială a gazului.

$$R: T_1 = 250 \text{ K}$$

15. Temperatura inițială a unui gaz este $t_1 = 300$ K. Gazul este încălzit la presiune constantă, încât variația relativă a volumului gazului este 0,4. Determinați cu câte grade este încălzit gazul.

$$R: \Delta T = 120 \text{ K}$$

16. Un gaz, aflat la temperatura inițială $T_1 = 280$ K, este încălzit izocor până la temperatura $T_2 = 420$ K. Determinați variația relativă a presiunii gazului.

$$R: \Delta p/p_1 = 0,5$$

17. Un gaz se află, inițial, la temperatura $T_1 = 300$ K. Gazul este încălzit izocor, astfel încât variația relativă a presiunii gazului este de 30%. Determinați la ce temperatură a fost încălzit gazul.

$$R: T_2 = 390 \text{ K}$$

18. Un balon de sticlă conține aer la la presiunea $p_1 = 2$ atm și temperatura $T_1 = 273$ K. Cu câte grade poate fi încălzit balonul, dacă acesta rezistă până la presiunea $p_2 = 2,6$ atm?

$$R: \Delta T = 81,9 \text{ K}$$

19. Un cilindru vertical, închis la partea inferioară și prevăzut la partea superioară cu un piston de masă neglijabilă și suprafață $S = 10$ cm², conține aer la presiune normală și temperatură $T = 300$ K. Determinați ce masă trebuie așezată deasupra pistonului pentru ca, încălzind aerul din cilindru cu 60 K, volumul său să nu se modifice, $g = 10$ m/s².

$$R: m = 2 \text{ kg}$$

20. Doi cilindri orizontali identici, închiși la un capăt și cu piston la celălalt capăt, conțin fiecare cantități egale de gaze la presiune normală și aceeași temperatură. Se încălzesc gazele din cei doi cilindri cu același număr de grade, dar pistonul celui de-al doilea cilindru este blocat. Primul piston se deplasează cu $x = 0,25$ m. Lungimea inițială a gazului este $l_0 = 0,4$ m. Determinați presiunea în cel de-al doilea cilindru.

$$R: p = 1,625 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

21. Un cilindru orizontal, de secțiune $S = 1$ cm², este prevăzut cu două pistoane etanșe, legate între ele printr-un fir de cauciuc netensionat (dar orizontal), de lungime $l_0 = 0,2$ m și secțiune $s = 5$ mm². Între pistoane se află aer la presiune normală,

la temperatura $T = 280$ K. Se încălzește aerul din cilindru la temperatura $T_1 = 350$ K. Determinați cu cât se alungește firul de cauciuc. Se cunoaște modulul de elasticitate al cauciucului $E = 32 \cdot 10^5$ N/m² și se neglijează volumul propriu al firului.

$$R: \Delta l = 0,06 \text{ m.}$$

22. Se consideră o cantitate $m = 0,1$ kg de oxigen, la presiune normală și temperatură $T = 320$ K. Determinați volumul ocupat de gaz. Ce volum va ocupa oxigenul la presiunea $p_1 = 8,31 \cdot 10^5$ N/m² și temperatura $T_1 = 400$ K. Se cunoaște masa moleculară a oxigenului 32 kg/kmol.

$$R: V = 83 \text{ l} \cdot 10^{-4} \text{ m}^3; V_1 = 125 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$$

23. O anumită masă de gaz suferă o transformare izotermă la o anumită temperatură. Aceeași masă de gaz este supusă tot la o transformare izotermă, dar la o temperatură dublă. Ce relație există între presiunile gazului, în momentul când volumele sunt aceleași?

$$R: p_1 = 2p_2$$

24. Știind că o cantitate de 2 kmol de gaz perfect, la temperatura $T = 300$ K, suferă o transformare izotermă, de ecuație $pV = k$, determinați valoarea numerică a constantei k și unitatea ei de măsură.

$$R: k = 4986 \cdot 10^3 \text{ J}$$

25. Știind că într-o transformare izotermă a unui mol de gaz perfect, constanta $k = 2493$ J, determinați la ce temperatură se produce această transformare izotermă.

$$R: T = 300 \text{ K}$$

26. O cantitate de 0,1 kmol de gaz perfect, este supusă la o transformare izocoră, de ecuație $p/T = 10^3$ N/m²K. Determinați la ce volum se produce transformarea.

$$R: V = 0,831 \text{ m}^3$$

27. O anumită cantitate de gaz perfect este supusă unei transformări izobare, la presiune normală, de ecuație $V/T = 831 \cdot 10^4$. Determinați care este cantitatea de gaz.

$$R: \nu = 1 \text{ kmol}$$

28. Într-un sistem de coordonate (T, V) sunt reprezentate două transformări izobare ale aceleiași cantități de 3 kmol de gaz perfect, prima formând unghiul de 60° cu abscisa (axa temperaturii), iar a doua unghiul de 30°. Se cere: a) la ce presiuni se produc cele două transformări; b) se trasează apoi o izocoră oarecare cu $V_1 = \text{const.}$ care intersectează cele două izobare în punctele de abscise T_1 și T_2 ; determinați ce relație există între cele două temperaturi.

$$R: p_1 = 8310 \cdot \sqrt{3} \text{ N/m}^2; p_2 = 24930 \cdot \sqrt{3} \text{ N/m}^2;$$

$$T_2 = 3T_1$$

29. Un mol de gaz perfect suferă două transformări izocore independente. Prima transformare se realizează la volumul V_1 , iar a doua la volumul V_2 . Graficele celor două transformări în sistem de coordonate (p, T) formează cu abscisa (axa temperaturii) unghiurile de 30° și, respectiv, 60°. a) Determinați valorile V_1

și V_2 la care au loc aceste transformări; b) Se trasează apoi izobara $p_0 = \text{const.}$ Demonstrați că valoarea numerică p_0 este medie geometrică între valorile numerice ale temperaturilor corespunzătoare intersecției izobarei cu cele două grafice; c) determinați relația existentă între cele două temperaturi.

$$R: V_1 = 8,31 \cdot \sqrt[3]{m^3}; V_2 = 2,77 \cdot \sqrt[3]{m^3}; T_1 = 3T_2$$

30. Într-un cilindru orizontal, închis la un capăt și prevăzut la celălalt capăt cu un piston etanș, de masă $m = 2 \text{ kg}$, se află un gaz la presiune normală. Așezând cilindrul în poziție verticală, cu pistonul deasupra, volumul gazului scade de două ori. a) Determinați secțiunea pistonului; b) Determinați de câte ori trebuie să crească temperatura gazului pentru ca pistonul să revină în aceeași poziție (față de cealaltă extremitate a cilindrului); c) Așezând din nou cilindrul în poziție orizontală, cu ce forță trebuie apăsat, perpendicular pe suprafața pistonului, pentru ca acesta să rămână în aceeași poziție. Se ia $g = 10 \text{ m/s}^2$.

$$R: S = 2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2; T_2 = 2T_1; F = 20 \text{ N.}$$

31. Într-un cilindru orizontal, închis la un capăt și prevăzut cu un piston etanș la celălalt capăt, se află un gaz la presiune normală. Masa pistonului este $m = 4 \text{ kg}$, iar secțiunea $s = 2 \text{ cm}^2$. Determinați de câte ori scade volumul gazului, dacă cilindrul este așezat vertical cu pistonul deasupra.

$$R: V_2 = V_1/3$$

32. Într-un cilindru orizontal, închis la un capăt și prevăzut cu un piston etanș la celălalt capăt, se află un gaz la presiune normală. Masa pistonului este $m = 2 \text{ kg}$, iar secțiunea $s = 1 \text{ cm}^2$. Așezăm cilindrul în poziție verticală. Determinați de câte ori trebuie să crească temperatura gazului, pentru ca pistonul să rămână în aceeași poziție.

33. Unui gaz ideal i se aplică o transformare izotermă între presiunile p_1 și p_2 . Aceluiași gaz

ideal i se aplică o transformare izocoră între aceleași presiuni. Determinați relația ce există între volumele gazului din transformarea izotermă și temperatura gazului din transformarea izocoră.

$$R: V_1 T_1 = V_2 T_2.$$

34. Cunoscând coeficientul adiabatic $\gamma = 1,4$ pentru un gaz, să se determine căldura molară la presiune constantă C_p și căldura molară la volum constant C_v pentru acel gaz.

$$R: C_v = \frac{R}{\gamma - 1}; C_p = \frac{\gamma R}{\gamma - 1}$$

35. O cantitate de gaz biatomic, egală cu 2 kmoli, este supusă unui proces politrop în care exponentul politropic are valoarea $n = 2$. Determinați căldura primită în acest proces, dacă temperatura gazului crește cu $\Delta T = 20 \text{ K}$.

$$R: Q = 60 \text{ KJ.}$$

36. Un gaz ideal biatomic, evoluează într-un proces politrop. Arătați care este valoarea exponentului politropic, dacă căldura molară a gazului are aceeași valoare pe care ar avea-o căldura molară a unui gaz ideal, monoatomic, care ar evolua într-un proces izocor.

$$R: n = 2$$

37. Într-un cilindru, închis la ambele capete, se află la mijloc un piston etanș, care separă două cantități identice din același gaz, aflate la aceeași presiune și temperatură (grosimea pistonului se neglijează). Se deplasează lent pistonul către unul din capete, astfel încât volumul gazului din acea parte scade de 10 ori (transformare izotermă). Determinați de câte ori va fi mai mare în final presiunea în această parte a cilindrului, decât în cealaltă parte. Răspundeți la aceeași întrebare, dacă deplasarea pistonului ar fi fost făcută brusc (transformarea ar fi fost adiabatică).

$$R: p_1 = 19p_2$$

Prof. Emilian Micu, Brăila

Clasa a IX-a

1. Se dă drumul unui corp. Din același loc în momentul când acesta ajunge la distanța $d = 20 \text{ m}$, se dă drumul unui al doilea corp. Să se determine care va fi distanța dintre cele două corpuri după $t = 10 \text{ s}$ din momentul inițial. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: \Delta h = 180 \text{ m}$$

2. Din același loc, sunt lăsate să cadă liber două puncte materiale la un interval de timp Δt unul după altul. Să se determine: a) expresia distanței dintre cele două puncte materiale la un moment dat; b) viteza relativă a unui punct material în raport cu celălalt.

$$R: h = \frac{g\Delta t(2t + \Delta t)}{2}; v = g\Delta h$$

3. Două puncte materiale sunt lăsate să cadă liber din același loc la un interval de timp Δt unul după altul. Să se determine: a) care va fi distanța dintre cele două puncte materiale după încă un interval de timp Δt ; b) să se generalizeze problema determinând distanța după al n -lea interval de timp Δt .

$$R: h = \frac{(2n + \Delta t)g\Delta t^2}{2}$$

4. Un tren parcurge prima treime din distanța totală pe care o are de parcurs cu viteza $v_1 = 80$ km/h, a doua treime a drumului cu viteza $v_2 = 120$ km/h, iar ultima parte a drumului cu viteza $v_3 = 60$ km/h. a) Să se determine viteza medie a trenului pe toată distanța; b) Cunoscând timpul $t_1 = 1$ h în care este parcursă prima distanță, să se determine în cât timp vor fi parcurse celelalte două distanțe; c) Care este distanța totală parcursă de tren?

$$R: v_m = 80 \text{ km/h}, t_2 = 2/3 \text{ h}; \\ t_3 = 4/3; d = 240 \text{ km}.$$

5. Un vehicul are de parcurs o anumită distanță în n părți egale, fiecare dintre ele fiind parcursă cu vitezele constante v_1, v_2, \dots, v_n . a) Să se determine viteza medie a vehiculului pe toată distanța; b) Cunoscând timpul t_1 , în care vehiculul a parcurs prima porțiune a drumului, să se determine timpurile t_2, t_3, \dots, t_n în care sunt parcurse celelalte distanțe; c) Să se determine distanța totală parcursă de tren.

$$R: v_m = \frac{nv_1v_2 \dots v_n}{v_1v_2 \dots v_{n-1} + \dots + v_2v_3 \dots v_n}$$

6. Un corp aruncat cu viteza inițială $v_0 = 10$ m/s pe o suprafață orizontală se oprește după ce parcurge o distanță $d = 10$ m. Să se scrie ecuația mișcării corpului.

$$R: x = 10t - 2,5t^2$$

7. Un corp este aruncat pe o suprafață orizontală cu viteza inițială $v_0 = 8$ m/s. După timpul $t_1 = 5$ s, viteza corpului este $v_1 = 4$ m/s. Să se determine: a) ce viteză va avea corpul după $t_2 = 8$ s din momentul inițial; b) ce distanță față de locul de lansare a parcurs corpul până în acest moment; c) după cât timp și la ce distanță de locul de lansare se oprește corpul.

$$R: v = 1,6 \text{ m/s}; d = 38,4 \text{ m}; \\ t_n = 10 \text{ s}; d_n = 40 \text{ m}.$$

8. Un corp lansat, pe o suprafață orizontală, cu viteza inițială $v_0 = 20$ m/s se oprește după timpul $t_n = 20$ s. Să se determine: a) coeficientul de frecare dintre corp și suprafața orizontală; b) spațiul parcurs de corp până la oprire; c) după cât timp viteza corpului se reduce la jumătate; d) ce distanță a parcurs în acest timp.

$$R: \mu = 0,1; d_n = 200 \text{ m}; t = 10 \text{ s}; d = 150 \text{ m}.$$

9. Unui corp i se imprimă o viteză inițială pe o suprafață orizontală, coeficientul de frecare fiind $\mu = 0,2$. Acest corp parcurge în prima secundă un spațiu de 10 ori mai mare decât spațiul parcurs în ultima secundă, înainte de a se opri. Să se determine: a) viteza inițială a corpului; b) spațiul parcurs până la oprire.

$$R: v_0 = 11 \text{ m/s}; d_n = 30,25 \text{ m}.$$

10. Să se rezolve problema anterioară pentru cazul în care corpul parcurge în secunda a doua un spațiu de 10 ori mai mare decât în ultima secundă înainte de a se opri.

$$R: v_0 = 13 \text{ m/s}; d_n = 42,25 \text{ m}$$

11. Un corp lansat, cu o anumită viteză inițială pe o suprafață orizontală, se oprește datorită frecării. Care este valoarea coeficientului de frecare, dacă în ultima secundă a mișcării parcurge distanța $d = 1,5$ m.

$$R: \mu = 0,3$$

12. Un corp, lansat pe o suprafață orizontală, se oprește datorită frecării după timpul $t = 10$ s. Suma distanțelor parcurse de acest corp, în prima și ultima secundă înainte de a se opri, este 20 m. Să se determine: a) coeficientul de frecare; b) spațiul parcurs de corp până la oprire.

$$R: \mu = 0,2; d_n = 100 \text{ m}.$$

13. Un corp este lansat pe o suprafață orizontală cu viteza inițială $v_0 = 30$ m/s, oprindu-se datorită frecării. Să se determine suma distanțelor parcurse de corp în prima și ultima secundă.

$$R: x_1 + x_n = 30 \text{ m}.$$

14. Să se demonstreze că, în cazul în care un corp este aruncat pe o suprafață orizontală și se oprește datorită frecării, distanța parcursă de corp în ultima secundă a mișcării, înainte de oprire, nu depinde de viteza inițială cu care este lansat corpul, ci numai de coeficientul de frecare (cu condiția ca acel corp să aibă o viteză inițială suficient de mare pentru a-i permite să se miște mai mult de o secundă).

$$R: x_n = \mu g/2$$

15. Un corp, aruncat pe o suprafață orizontală, parcurge un spațiu total până la oprirea datorită frecării de $n = 9$ ori mai mare decât spațiul parcurs în ultima secundă. Să se determine timpul până la oprirea corpului.

$$R: t_n = 3 \text{ s}$$

16. Suma distanțelor parcurse de un corp, aruncat pe o suprafață orizontală, în prima secundă a mișcării și în ultima secundă înainte de oprire, datorită frecării, este $d = 10$ m. Spațiul total parcurs de corp, până la oprire, este de 16 ori mai mare decât spațiul parcurs în ultima secundă. Să se determine coeficientul de frecare dintre corp și suprafața orizontală.

$$R: \mu = 0,25$$

17. Un punct material, pornind din repaus, parcurge în timpul $t_1 = 10$ s distanța $d_1 = 10$ m cu accelerația constantă a_1 , iar în continuare, în timpul $t_2 = 10$ s, cu accelerația $a_2 = a_1/2$, parcurge distanța d_2 . Să se determine: a) distanța d_2 ; b) accelerația medie cu care ar trebui să se deplaseze mobilul pentru a parcurge toată distanța în același timp $t = t_1 + t_2$.

$$R: d_2 = 25 \text{ m}; a_n = 0,175 \text{ m/s}^2$$

18. Un punct material, pornind din repaus, parcurge jumătate din distanța pe care o are de parcurs cu accelerația $a_1 = 2$ m/s², în timp $t_1 = 12$ s, iar, în continuare, cealaltă jumătate, în timpul $t_2 = 4$ s. Să se determine: a) distanța totală d ; b) accelerația mobilului pe cea de a doua porțiune; c) accelerația pe care ar trebui să o aibă punctul material pentru a parcurge întreaga distanță d în

timpul $t = t_1 + t_2$.

$$R: d = 288 \text{ m}; a_2 = 6 \text{ m/s}^2; a_n = 2,25 \text{ m/s}^2.$$

19. Un corp, lăsat să cadă liber, atinge Pământul după timpul $t = 8 \text{ s}$. Să se determine: a) de la ce înălțime este lăsat să cadă corpul; b) cu ce viteză va atinge suprafața Pământului. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h = 320 \text{ m}; v = 80 \text{ m/s}.$$

20. Un corp este aruncat vertical, de jos în sus, cu $v_0 = 120 \text{ m/s}$. Să se determine: a) ce viteză va avea corpul după $t = 5 \text{ s}$; b) la ce înălțime se află în acest moment; c) care este înălțimea maximă atinsă de corp; d) după cât timp revine în locul de lansare; e) ce distanță va parcurge corpul în a cincea secundă de la lansare; f) în cât timp va parcurge ultimii 20 m în urcare; g) în cât timp va parcurge ultimii 220 m la coborâre. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: v = 70 \text{ m/s}; h = 475 \text{ m}; h_{\max} = 720 \text{ m}; \\ t = 24 \text{ s}; \Delta t_5 = 75 \text{ m}; t = 2 \text{ s}; t' = 2 \text{ s}.$$

21. Un corp este aruncat vertical, de sus în jos, cu $v_0 = 40 \text{ m/s}$, atingând Pământul după $t = 5 \text{ s}$. Să se determine: a) de la ce înălțime a fost aruncat corpul; b) cu ce viteză atinge pământul; c) de la ce înălțime ar trebui să fie lăsat să cadă liber, pentru a atinge Pământul în timpul $t = 5 \text{ s}$; d) cu ce viteză atinge Pământul în acest caz. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h = 325 \text{ m}; v = 90 \text{ m/s}; \\ h = 125 \text{ m}; v = 50 \text{ m/s}.$$

22. Un corp elastic este lăsat să cadă liber de la înălțimea $h = 80 \text{ m}$. Să se determine: a) ce distanță va parcurge corpul în 3 s de cădere; b) ce distanță va parcurge în secunda a treia; c) ce distanță va parcurge în ultima secundă a căderii; d) în cât timp va parcurge ultimii 60 m; e) presupunând că prin ciocnirea elastică cu solul pierde 25% din viteză, ce înălțime maximă va atinge din nou corpul. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h = 45 \text{ m}; h_s = 25 \text{ m}; h_4 = 35 \text{ m}; \\ t = 2 \text{ s}; h_n = 45 \text{ m}.$$

23. Un corp aruncat vertical, de jos în sus, parcurge în ultima secundă a urcării jumătate din înălțimea maximă atinsă. Să se determine: a) viteza inițială a corpului; b) timpul de urcare c) înălțimea maximă atinsă de corp. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: v_0 = g\sqrt{2} \text{ m/s}; t_u = 1,4 \text{ s}; h_{\max} = 10 \text{ m}$$

24. Să se demonstreze că un corp aruncat vertical, de jos în sus, parcurge întotdeauna, în ultima secundă a urcării, aceeași distanță, indiferent de viteza inițială a sa. Să se determine apoi suma distanțelor parcurse în prima și ultima secundă a urcării, apoi suma distanțelor parcurse în a doua și penultima secundă a urcării și așa mai departe. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h = g/2 = 5 \text{ m}; h_1 + h_2 = v_0; h_2 + h_{n-1} = v_0; h_3 \\ + h_{n-2} = v_0 \text{ și așa mai departe}.$$

25. Să se demonstreze că un corp, aruncat de la aceeași înălțime, cu aceeași viteză inițială, vertical în sus sau vertical în jos, atinge Pământul cu aceeași viteză. Se neglijează rezistența aerului.

26. Să se determine cu ce viteză inițială trebuie aruncat un corp pe o suprafață orizontală, pentru ca spațiul de oprire să fie numeric egal cu timpul de oprire, indiferent de valoarea coeficientului de frecare.

$$R: v_0 = 2 \text{ m/s}$$

27. Cu ce viteză inițială trebuie aruncat un corp vertical, de jos în sus, pentru a parcurge ultima secundă a urcării un spațiu de 11 ori mai mic decât în prima secundă? Se neglijează rezistența aerului.

$$R: v_0 = 60 \text{ m/s}.$$

28. Un corp este aruncat vertical, de jos în sus. În același moment, este lăsat să cadă liber un al doilea corp de la o anumită înălțime. Să se determine ce relație există între înălțimea de la care este lăsat să cadă liber al doilea corp și înălțimea maximă atinsă de primul, dacă cele două corpuri ating simultan nivelul de lansare al primului corp. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h_2 = 4h_{\max 1}$$

29. Un corp este aruncat vertical, în jos, cu $v_0 = 40 \text{ m/s}$, de la o anumită înălțime. De la jumătatea acestei înălțimi este lăsat liber al doilea corp, în momentul aruncării primului. Să se afle înălțimea h , dacă corpurile ating simultan Pământul. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h = 640 \text{ m}.$$

30. Un corp este lăsat să cadă liber de la o înălțime h . În același moment, se dă drumul unui al doilea corp de la jumătatea acestei înălțimi. Să se determine înălțimea h , dacă corpurile ating Pământul la un interval de timp de 2 s unul după altul. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h = 216,8 \text{ m}.$$

31. Un corp este lăsat să cadă liber de la o înălțime h . În momentul când acest corp ajunge la jumătatea acestei înălțimi se dă drumul din acel loc unui al doilea corp să cadă liber. Să se determine: a) înălțimea h , dacă cele două corpuri ating Pământul la un interval de timp de 4 s unul după altul; b) cu ce viteză va atinge Pământul fiecare dintre cele două corpuri. Se neglijează rezistența aerului.

$$R: h = 230 \text{ m}; v_1 = 965 \text{ m/s}; v_2 = 68,2 \text{ m/s}.$$

32. Două puncte materiale aruncate vertical, de jos în sus, cu aceeași viteză inițială, din același loc, la un interval de timp $\Delta t = 2 \text{ s}$ unul după altul, se găsesc, după $t = 5 \text{ s}$ din momentul aruncării celui de al doilea la distanța $d = 110 \text{ m}$ unul de altul. Să se determine: a) cu ce viteză inițială au fost aruncate; b) după cât timp, din momentul când primul a ajuns la înălțimea maximă, distanța dintre ele va fi tot de 110 m.

$$R: v_0 = 115 \text{ m/s}; t = 4,5 \text{ s}$$

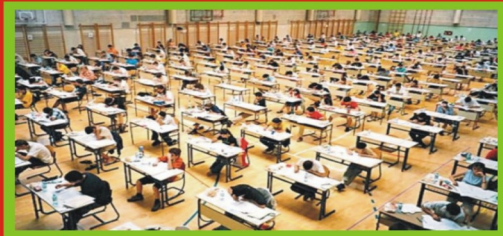
Prof. Emilian MICU, Brăila

Apariții editoriale



**FLOREA
ULIU**
Facultatea de Fizică,
Universitatea din Craiova

Autorul cărții, în prezent pensionar, a fost cadru didactic la Facultatea de Fizică a Universității din Craiova timp de peste patru decenii. Ca propunător de subiecte teoretice și practic-aplicative, în ultimii 33 de ani a participat la nenumărate competiții de Fizică, atât în țară cât și în străinătate. Are o bogată experiență în domeniul obținerii performanței școlare la Fizică. Pentru competența și onestitatea de care a dat dovadă în întreaga sa activitate se bucură de o largă apreciere din partea profesorilor de Fizică din România.



TEME EXPERIMENTALE
ȘI PROBLEME DE FIZICĂ APLICATĂ
(Pentru pregătirea Olimpiadelor și Concursurilor Școlare de Fizică)

FLOREA ULIU

FLOREA ULIU

**TEME EXPERIMENTALE
ȘI PROBLEME
DE FIZICĂ APLICATĂ**



Pentru pregătirea Olimpiadelor
și Concursurilor Școlare de Fizică

EMIA

Cartea „*Teme experimentale și probleme de Fizică aplicată*” a domnului profesor univ. dr. **Florea ULIU**, va fi lansată în perioada 18 - 20 octombrie 2017, în cadrul manifestărilor Zilelor Editurilor Hunedorene.

REZOLVITORI DE PROBLEME
Ediția XXII - anul școlar 2017 - 2018

Lunca Ilvei – Școala gimnazială (prof. Balea Ionel): Tomi Iulia (16), Rus Adina (140), Rizel Ioana (30), Acul Ioan (37), Lăzăreanu David (12), Urech Maria (34), Șiticău Raluca (10), Galeș Radu (30), Oul Gabriel (30), **Caransebeș – Colegiul Național „T. DODA”** (prof. Norozescu Gheorghe): Bogdan Alexandra (29), Tat Teodora (22), Știrban George-Florin (10) **Gilău - Liceul**

„Gelu Voievod” (prof. Brad Petru): Roșu Doreta (11), Crișan Melisa (11), Roșu Răzvan (11), Roșu Ovidiu (11), Pleșa Cătălin (10), Lăpușan Carmen (10), Vid Adriana (10), **Lugoj – C.N. „I. Hașdeu”** (prof. Constandache Simona): Popîrlan Bogdan (50), Țiru Petrișor (38), Georgescu Andreea (17), Kovacs Vanessa (13), Chitan Alexandra (16).

Pentru cei interesați, putem expedia la cerere, în format electronic, colecția “EVRIKA!” (numerele 1-325) la prețul de 40 lei.

Opiniile exprimate de autori, în materialele publicate în paginile revistei, aparțin în exclusivitate acestora.

Articolele, notele, recenziile, problemele propuse sau rezolvate, corespondența privitoare la activitățile din școli și licee, precum și orice material informative care ar putea

**TALON DE PARTICIPARE LA
CONCURSUL REZOLVITORILOR**

Numele și prenumele.....
.....
Școala.....
Localitatea.....
Clasa.....
Profesor îndrumător.....
Număr de probleme.....
OCTOMBRIE 2017

SUMAR

<i>Editorial: Fizica computațională - al treilea pilon al Fizicii moderne</i> (prof. Romulus Sfichi)	1	<i>(Elev Nicholas-David Canțar-Gogitidze, Ploiești)</i>	14
Transformarea politropă a gazului ideal (I) <i>Prof. Traian Anghel</i>	2	Prof. Victor Obreja vă întreabă <i>(Răspuns la testul nr. 27)</i>	16
Rubinel <i>(Prof. Aida Dumitrescu)</i>	3	Probleme propuse pentru gimnaziu Invenții geniale ale indienilor <i>(Prof. Aida Dumitrescu)</i>	17 21
Euler - un pedagog de excepție <i>(Prof. Dr. Klepp Francisc, Germania)</i>	4	Modalități de stimulare a creativității elevilor <i>(Prof. Dr. Viorica Chioran, Baia Mare)</i>	22
Istoria luminii <i>(Marius Ignat, București)</i>	5	<i>Sesiunea aniversară dedicată Domnului Academician</i> IOAN - IOVITZ POPESCU	24
Invenții geniale ale indienilor <i>(Prof. Aida Dumitrescu)</i>	6	Conștiința științei <i>(prof. Ion Holban, Chișinău)</i>	25
Valori științifice de patrimoniu în context național și european <i>(Prof. Marilena Colț, Ploiești)</i>	7	Grigore Ștefănesu Geolog și pasionat cercetător al științelor naturii din România (1831-1892) <i>(Ion Ceașescu)</i>	28
Prof. Victor Obreja vă întreabă <i>(Testului nr. 28)</i>	7	Laureați ai Premiului Nobel în Fizică - Hertz, Gustav Ludwig <i>(Ioan-Ioviț Popescu, Ion Dima)</i>	30
Telecomunicații <i>(Daniel Toma, Mircea Ioan, Ploiești)</i>	8	Probleme propuse pentru liceu <i>Apariții editoriale</i>	31 40
Fructele și legumele un corn al abundenței de alimente „vii” și „bune” <i>(Elevă Otilia Iaurum, Brăila)</i>	8	Rezolvitori de probleme	40
Matematica vedică – Metode rapide de calcul mental			

Primit probleme rezolvate pentru ediția a XXII a Concursului Rezolvitori de probleme până miercuri 8 noiembrie a.c. când ridicăm ultima corespondență de la oficiul poștal din Brăila.

Elevii claselor a IX-a pot trimite și rezolvări ale problemelor de gimnaziu.

Nu vor fi luate în considerare, pentru această ediție a Concursului Rezolvitorilor, problemele rezolvate din revistele anului școlar anterior.



Toamna

Octavian Goga

Văl de brumă argintie
Mi-a împodobit grădina
Firelor de lămâiță
Li se uscă rădăcina.

Peste creștet de duminică
Norii suri își poartă plumbul,
Cu podoaba zdrențuită
Tremură pe câmp porumbul.

Și cum de la miazănoapte
Vine vântul fără milă,
De pe vârful șurii noastre
Smulge-n zbor câte-o șindrilă.

De vifonița păgână
Se-ndoiesc nucii, bătrânii,
Plânge-un pui de ciocârlie
Sus pe cumpăna fântânii.

Îl ascult și simt sub gene
Cum o lacrimă-mi învie:
- Ni se-aseamă povestea,
Pui golaș de ciocârlie.

Preț: 7,00 lei